

*Si se deja de aprender,  
hay que dejar de enseñar.*

*Entonces...*

*¿Qué podemos hacer?*



## EL EQUIPO AVANZA ...

Enseñar..., dar oportunidad de pensar, saber observar, utilizar materiales concretos, trabajar en equipo, planificar una clase abierta o realizar estudios de clase. No son solo frases hechas para la literatura; constituyen estadios dentro de un proceso tan importante que como Equipo de Matemática hemos fortalecido durante este tiempo. Nada es fácil ni gratis, el camino andado con todos los miembros, el apoyo constante de los voluntarios japoneses y la JICA ha demostrado que cuando se quiere, se puede, y este grupo conformado por actores que cumplen diferentes funciones en el quehacer educativo unidos tras un objetivo común, hoy puede constituirse en un modelo de gestión y de capacitación en conocimientos y técnicas de mejoramiento en la enseñanza de la Matemática.

Esta organización y metodología hará que de nuestras escuelas desaparezca el esfuerzo meramente memorístico y las repeticiones teóricas, estériles o vacías de contenido significativo, para hacerlas mucho más dinámicas, creativas, prácticas y divertidas, ofreciendo a los educandos la oportunidad de que sean protagonistas de su propio aprendizaje.

VAMOS SELECCIÓN PARAGUAYA... SÍ, SE PUEDE

Lic. María Alexandra Cristaldo  
Directora Esc. Bás. N° 103 Prof. Mercedes Miltos de Infante R.

## EXPERIENCIA DE LA GESTIÓN DE LA SUPERVISIÓN DE ZONA Y JICA

Existe una tendencia mundial de asistencia en la educación para el mejoramiento de la calidad educativa a través de la cooperación en Ciencia y Matemática, y en ese contexto se reconoce mundialmente que Japón tiene una alta calidad educativa en el área de Matemática.

Con el apoyo de la JICA hemos tenido la oportunidad de contar con talleres regionales y locales, cursos de fortalecimiento y asignación de voluntarios, lo que nos permite generar un trabajo conjunto y coordinado a nivel de zona pedagógica con una visión común que es comprender cabalmente lo que es una clase de alta calidad, capaz de incentivar la voluntad de aprendizaje de los alumnos; esto implica procesos de clase centrado en los alumnos para que puedan desarrollar su capacidad de pensar, una metodología dinámica, participativa y significativa, la utilización de materiales didácticos en el proceso de enseñanza – aprendizaje, y la aplicación de la clase abierta como medio para la investigación y capacitación docente.

Estas ideas de trabajo que quizás surgen como una propuesta lejana, tal vez como un sueño, hoy se encamina hacia la realidad gracias a la intervención y compromiso de varios actores educativos que supieron comprender la importancia de concretizar este sueño.

Las experiencias compartidas nos permiten aunar esfuerzos y generar una propuesta de trabajo diferente, capaz de propiciar aportes importantes para apuntar hacia el mejoramiento de la calidad educativa.

Paso a paso sigamos caminando...

Lic. Ángel Gabriel Aguilera Benitez  
Supervisor de Apoyo Técnico Pedagógico – Zona “A”

## **Equipo de Matemática en Itacurubí de la Cordillera y Valenzuela**

María Alexandra Cristaldo	Lorem Beatriz Galeano
María De Los Angeles Guillén	Osvalda Estela Chávez
Romona Zubeida Marecos	Bella Luz Alonso
Pablina Griselda Rojas	María Victoria Isasi
César Luis Alonso Páez	María Gladys Peralta
Delsy Josefina Torres	Norma Fátima Cáceres
Nora Aguilera	

## **Voluntarios de JICA**

Yu Niizuma	Rie Ueda	Eri Takahashi
Hideki Kawahigashi		Chiaki Natsume

## **Colaboradores/as**

Maura Letticia López Rolón	Ángel Gabriel Aguilera Benítez
Elva Cristina Martínez	Lucía Aguilera
Arsenia Beatriz Saldivar	Marta Feliciano Leiva Villaverde
Pedro Del Carmen Vera Flecha	María Rossmly Santacruz Villasanti
José Fernando Riquelme Cabrera	
Cristina Recalde Roman	

## **Escuelas**

Esc. Bás. N°103 “Prof. Mercedes Milto de Infante Rivarola”  
Esc. Bás. N°47 “Prof. Pedro Aguilera”  
Esc. Bás. N°45 “Prof. Adela Torres Sánchez”  
Esc. Bás. N°387 “Dr. Ezequiel Gozález Alsina”  
Esc. Bás. N°481 “Mcal Francisco S. Lopez”

## **Coordinadores de JICA**

Masako Yamamoto	Masatoshi Takahashi	Mirian Ponillaux
-----------------	---------------------	------------------

## PRESENTACIÓN

Los resultados educativos en el área de la Matemática a nivel nacional no son muy alentadores, tornándose necesaria una intervención. Consideramos que esto es una oportunidad de poder entender la problemática y aunar esfuerzos para revertir tal situación.

Como resultado de un trabajo coordinado desde la organización de la JICA con los docentes paraguayos en un proceso de construcción, los voluntarios japoneses han elaborado el material MAPARA I, destinado a docentes del 1° ciclo de la Educación Escolar Básica (EEB). Los docentes fueron capacitados en la utilización del material, para su posterior aplicación en el aula con los alumnos. La utilización del mismo arrojó resultados satisfactorios como ser el mejoramiento del proceso didáctico del docente, como así también la motivación y el aprendizaje de los alumnos. A partir de esta experiencia, surge la necesidad de la elaboración del material MAPARA II, dirigido a docentes del 2° ciclo (EEB), con la intervención mucho más interactiva, dinámica y propositiva de los docentes paraguayos.

El material de apoyo MAPARA II constituye un elemento guía para el desarrollo de las actividades pedagógicas del 4°, 5° y 6° grados ajustado al programa de estudio de nuestro país. Desarrolla contenidos de: **Fracción, Figuras Geométricas, Cuerpos Geométricos, Volumen y Materiales Didácticos**. Básicamente es una orientación del proceso de clase basada en la experiencia exitosa del Japón y adecuada a la realidad paraguaya. Apunta a dinamizar, motivar, divertir y hacer más significativo el aprendizaje de los alumnos.

Este material representa una propuesta metodológica diferente, una herramienta para generar alternativas o ideas diferentes, e inclusive sentimientos para obtener los resultados que se pretende lograr en los alumnos.

Es oportuno reconocer y agradecer a los voluntarios y a todos los miembros del Equipo de Matemática por el esfuerzo sostenido, el tiempo y dedicación para la concreción de este material y a la JICA por permitir que este material llegue a manos de cada docente de la zona pedagógica de trabajo.

Por último, MAPARA II es un material de apoyo ideado y trabajado de acuerdo a la realidad de la Zona Pedagógica que integra los distritos de Itacurubí de la Cordillera y Valenzuela, departamento de Cordillera, y está sujeto a una revisión constante. Constituye un desafío para el Ministerio de Educación y Cultura en cuanto al acompañamiento y a la vez para que puedan analizar, evaluar y validar como un elemento útil para la expansión a otros actores educativos a nivel nacional.

# Índice

## 1. Fracción .....pág. 8

Concepto	Multiplicación
Adición	División
Sustracción	Multiplicación y división

## 2. Figura geométrica .....pág. 90

<u>Área I</u>	<u>Área II</u>
Perímetro	Conocimientos de $m^2$ y $km^2$
Concepto	Trapezio
Rectángulo	Rombo
Cuadrado	<u>Círculo</u>
Figura compuesta	Conocimiento
Paralelogramo	Área de círculo
Triángulo	

## 3. Cuerpo geométrico .....pág. 162

Introducción	Cubo
Características del prisma	Prisma
Construcción del prisma	Cilindro

## 4. Volumen .....pág. 192

Concepto de $cm^3$	Prisma compuesto (1)
Prisma rectangular	Prisma triangular
Cubo	Tipos de prismas
Confección $1000cm^3$	Cilindro
Concepto de $m^3$	Prisma compuesto (2)

## 5. Material didáctico .....pág. 226

Colocando las tablas de multiplicación  
Juego de encadenamiento de multiplicación  
Barajas de fracciones  
Tangram  
Hoja cuadriculada  
Dibujo para área de círculo  
Plano desarrollado (Prisma rectangular y triangular, cilindro)



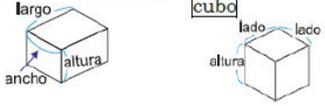
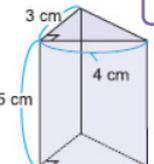
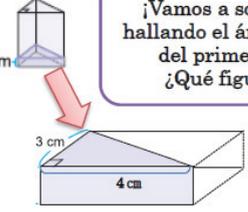
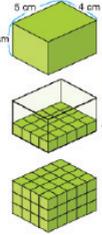
Referencia a plan de enseñanza

El objetivo que los alumnos lograrán en esta hora

\*Repasar lo que han aprendido  
\*Incentivar la motivación de los alumnos

\*Ejecutar actividades  
\*Pensar sobre el tema presentado

Grado	Volumen	N° de clases	<b>El objetivo</b>
6° grado	Prisma triangular	8/11	Comprender el procedimiento de cálculo del volumen de un prisma triangular.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
<b>Inicio</b> 5 min.	<p>1. Repasar lo que han aprendido en la clase anterior</p> <p>Prisma rectangular</p> 	<p>Volumen del prisma rectangular = <math>Ab \times h</math></p> <p>Volumen del cubo = <math>a^3</math></p>	Materiales concretos
<b>Desarrollo</b> 30 min.	<p>2. Presentar un prisma.</p>  <p>¿Qué figura es?</p>	<p>Contestar</p> <p>¡Prisma triangular!</p> <p>¿Cómo debemos hacer?</p>	Material concreto tijeras Plano desarrollando de triangular pág. 254
	<p>3. Aplicar lo que hicimos para descubrir la fórmula del prisma rectangular.</p>  <p>¿Qué hacemos para encontrar a la solución? ¿Cuántos cm<sup>3</sup> tiene?</p> <p>¿Qué hicimos cuando no sabíamos la fórmula?</p> <p>¿Vamos a solucionar hallando el área de base del primer nivel! ¿Qué figura es?</p>	<p>Calculamos primer nivel como área de base. Luego multiplicamos por altura.</p>  <p>Solucionar</p> <p>Primer nivel</p> $A_{\Delta} = \frac{b \times h}{2}$ <p>Área de triángulo pág. 112</p> $= \frac{4\text{ cm} \times 3\text{ cm}}{2} = 6\text{ cm}^2$ <p>Primer nivel <math>\times</math> altura</p> $6\text{ cm}^2 \times 5\text{ cm} = 30\text{ cm}^3$ <p>Respuesta : 30 cm<sup>3</sup></p>	
	<p>4. Construir la fórmula.</p> <p>Volumen del prisma triangular</p> $= \frac{\text{base} \times \text{altura}}{2} \times \text{altura}$ $= \text{área de base (Ab)} \times \text{altura (h)}$	<p>Escribir y entender el procedimiento del prisma triangular.</p>	

## Explicación de las marcas



Palabras de docente



Consejos para docentes



Palabras, ideas y equivocaciones previsible de los alumnos que aparecen en la clase



El tiempo que el docente observa y enseña individualmente a los alumnos recorriendo entre ellos.

<b>Cierre</b> 5 min.	<b>5. Dar los ejercicios</b>		Practicar los ejercicios aplicando la fórmula del prisma triangular.	Hoja para practicar
-------------------------	------------------------------	--	--	---------------------

\*Confirmar lo que aprenden en esta hora  
\*Reforzar los conocimientos

Representación del pizarrón al final de la clase. No escribir antes de empezar la clase. ¡Vamos a completar con los niños a través sus ideas!

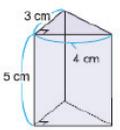
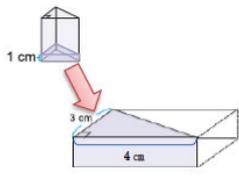
**Plan del pizarrón**

**Matemática**

Volumen del prisma rectangular  
=  $Ab \times h$

Volumen del cubo =  $a^3$

**¡Vamos a descubrir la fórmula del prisma triangular!**

Primer nivel

$$A_{\Delta} = \frac{b \times h}{2} = \frac{4\text{cm} \times 3\text{cm}}{2} = 6\text{cm}^2$$

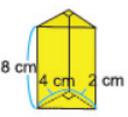
Primer nivel  $\times$  altura  
 $6\text{cm}^2 \times 5\text{cm} = 30\text{cm}^3$

Respuesta : 30cm<sup>3</sup>

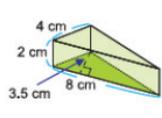
Volumen del prisma triangular  
=  $\frac{\text{base} \times \text{altura}}{2} \times \text{altura}$   
=  $\text{área de base (Ab)} \times \text{altura(h)}$

**Ejercicios**

1. Fórmula:  $Ab \times h$   
Solución:  $V = \frac{4\text{cm} \times 2\text{cm}}{2} \times 8\text{cm}$   
=  $4\text{cm}^2 \times 8\text{cm}$   
=  $32\text{cm}^3$   
Respuesta : 32cm<sup>3</sup>



2. Fórmula:  $Ab \times h$   
Solución:  
 $V = \frac{8\text{cm} \times 3,5\text{cm}}{2} \times 2\text{cm}$   
=  $14\text{cm}^2 \times 2\text{cm}$   
=  $28\text{cm}^3$   
Respuesta : 28cm<sup>3</sup>



Hay otras ideas para llegar a la solución del prisma triangular, por ejemplo a través de triángulo. El área de triángulo es la mitad del rectángulo, por eso se puede calcular con la fórmula del prisma rectangular.



Solución

$$V = 4\text{cm} \times 3\text{cm} \times 5\text{cm} : 2$$

$$= 60\text{cm}^3 : 2$$

$$= 30\text{cm}^3$$

Respuesta : 30 cm<sup>3</sup>

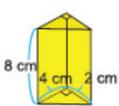
Volumen del prisma triangular  
= volumen del prisma rectangular : 2  
=  $Ab \times h$  : 2

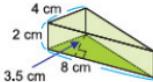
La división se representa a través de los siguientes símbolos  $\div$  ó  $:$  .

**Respuesta de Ejercicios (pág. 221)**



**Calculo el volumen de los siguientes.**

(1)  **Fórmula:** Volumen del prisma triangular =  $Ab \times h$   
**Solución:**  $V = \frac{4\text{cm} \times 2\text{cm}}{2} \times 8\text{cm} = 4\text{cm}^2 \times 8\text{cm} = 32\text{cm}^3$  Respuesta : 32cm<sup>3</sup>

(2)  **Fórmula:** Volumen del prisma triangular =  $Ab \times h$   
**Solución:**  $V = \frac{8\text{cm} \times 3,5\text{cm}}{2} \times 2\text{cm} = 14\text{cm}^2 \times 2\text{cm} = 28\text{cm}^3$  Respuesta : 28cm<sup>3</sup>



Referencia a otra página para preparar materiales didácticos.



Referencia a otra página para preparar Hoja para clase y Ejercicios(se puede fotocopiarlas).



Referencia a otra página para revisar y aprovechar los que han aprendido antes.

# Fracción

Objeto del estudio

4° y 5° grados

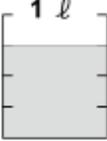


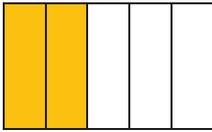
Concepto .....	pág. 10
(Fotocopia) .....	pág. 32
Adición.....	pág. 38
Sustracción .....	pág. 50
Multiplicación .....	pág. 62
(Fotocopia) .....	pág. 72
División.....	pág. 76
Multiplicación y división.....	pág. 86
(Fotocopia) .....	pág. 88

El plan de enseñanza del programa de estudios: **Fracción**

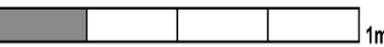
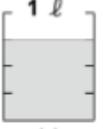
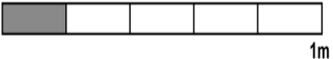
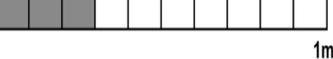
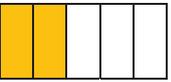
Unidad	Nº de clase	Tema	Fotocopia	
Concepto (11)	4º	1	Cómo se lee	
		2	Clasificación	
		3	Fracción aparente	
		4	Numeral mixto	
		5	Conversión (1)	
		6	Conversión (2)	
		7	Comparación (1)	
	5º	8	Fracción equivalente	
		9	Amplificación	
		10	Simplificación	
		11	Comparación (2)	
Adición (6)	4º	1	Fracción homogénea (1)	
		2	Fracción homogénea (2)	
		3	Fracción homogénea (3)	
		4	Fracción homogénea (4)	
	5º	5	Fracción heterogénea (1)	
		6	Fracción heterogénea (2)	
Sustracción (6)	4º	1	Fracción homogénea (1)	
		2	Fracción homogénea (2)	
		3	Fracción homogénea (3)	
	5º	4	Fracción heterogénea (1)	
		5	Fracción heterogénea (2)	
		6	Fracción heterogénea (3)	
Multiplicación (5)	5º	1	Fracción propia $\times$ un número natural	
		2	F.p $\times$ un número natural (Simplificación)	
		3	Fracción propia $\times$ fracción propia	
		4	F.p $\times$ f.p (Simplificación)	
		5	Numeral mixto $\times$ numeral mixto	
División (5)	5º	1	Fracción propia : número natural (1)	
		2	Fracción propia : número natural (2)	
		3	Fracción propia : fracción propia	
		4	Simplificación	
		5	Numeral mixto	
Multiplicación y división (1)	5º	1	Multiplicar y dividir tres fracciones	 

Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
4º grado	Cómo se lee	1/11	Comprender cómo se lee las fracciones.

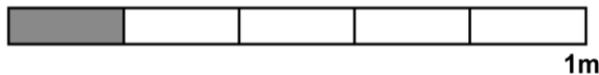
Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 10 min.	<p>1. Repasar las fracciones.</p>  <p>¿Cómo se lee la mitad de 1m con fracción? ¿Cómo se escribe un medio?</p> <p>¡Vamos a confirmar con la regla! ¿Cuántos cm. tiene 1m? ¿Cuántos cm tiene un medio metro?</p>	<p>-Contestar</p> <p><b>Equivocación previsible</b> ¿Uno sobre dos? ¿Un segundo? o ¿Dos primero?</p> <p>¡Un medio y se escribe <math>\frac{1}{2}</math>!</p> <p>Hay que confirmar paso a paso. 1m tiene 100cm. Un medio tiene 50cm. Por eso 50cm se puede decir un medio metro.</p>	<p>Recta numérica (1m)</p> <p>Regla (1m)</p>
	<p>2. Plantear el tema.</p> <p style="text-align: center;"><b>¡Vamos a leer las fracciones!</b></p> <p>3. Presentar cómo se lee las fracciones con las figuras</p>  <p><math>\frac{1}{4} = \frac{\text{un}}{\text{cuarto}}</math></p> <p><math>\frac{3}{4} = \frac{\text{tres}}{\text{cuartos}}</math></p>  <p><math>\frac{1}{3} = \frac{\text{un}}{\text{tercio}}</math></p> <p>¿Qué diferencia hay para leer el numerador y</p> <p>a) ¿Qué representa el numerador? b) ¿Qué representa el denominador?</p> <p>4. Explicar el significado de numerador y denominador.</p>	<p>El número de arriba se llama <b>numerador</b>.</p> <p>El número de abajo se llama <b>denominador</b>.</p> <p>-Darse cuenta de que hay diferencia sobre cómo se lee el numerador y denominador.</p> <p><b>¡En denominador hay que cambiar cómo se lee!</b></p> <p>El denominador se leen en forma ordinal.</p> <p>-Contestar. a) ¡La parte pintada! b) ¡Número de partes en que se divide un entero!</p>	<p>Dibujo de termo</p> <p>Dibujo de pizza.</p>

		<p>2 partes de 5 son <b>dos quintos</b>.</p> <p><math>\frac{2}{5}</math> → numerador → ¿Cuántas partes están pintadas?  <math>\frac{2}{5}</math> → denominador → ¿En cuántas partes iguales se divide?</p> <p style="color: red;">Hay que leer en forma de ordinal.</p>	
Cierre 5 min.	5. Dar los ejercicios 	-Entender cómo se lee las fracciones.	Hoja para ejercicios

### Plan del pizarrón

Matemática	Ejercicios
<p><b>¡Vamos a leer las fracciones!</b></p> <p>1.  <math>\frac{1}{2} = \frac{\text{un}}{\text{medio}}</math></p> <p>2.  <math>\frac{1}{4} = \frac{\text{un}}{\text{cuarto}}</math></p> <p>3.  <math>\frac{3}{4} = \frac{\text{tres}}{\text{cuartos}}</math></p> <p>4.  <math>\frac{1}{3} = \frac{\text{un}}{\text{tercio}}</math></p>	<p> ① <math>\frac{1}{5} \text{ m} = \frac{\text{un}}{\text{quinto}} \text{ m}</math></p> <p> ② <math>\frac{5}{7} \text{ m} = \frac{\text{cinco}}{\text{séptimos}} \text{ m}</math></p> <p> ③ <math>\frac{3}{10} \text{ m} = \frac{\text{tres}}{\text{décimos}} \text{ m}</math></p> <p> ④ <math>\frac{5}{9} \text{ m} = \frac{\text{cinco}}{\text{novenos}} \text{ m}</math></p> <p>⑤ <math>\frac{5}{6} = \frac{\text{cinco}}{\text{sextos}}</math></p> <p>⑥ <math>\frac{2}{4} = \frac{\text{dos}}{\text{cuartos}}</math></p> <p>⑦ <math>\frac{3}{7} = \frac{\text{tres}}{\text{séptimos}}</math></p> <p>⑧ <math>\frac{2}{8} = \frac{\text{dos}}{\text{octavos}}</math></p> <p>⑨ <math>\frac{4}{9} = \frac{\text{cuatro}}{\text{novenos}}</math></p> <p>⑩ <math>\frac{9}{10} = \frac{\text{nueve}}{\text{décimos}}</math></p>
<p> 2 partes de 5 son <b>dos quintos</b>.</p> <p><math>\frac{2}{5}</math> → numerador → ¿Cuántas partes están pintadas?  <math>\frac{2}{5}</math> → denominador → ¿En cuántas partes iguales se divide?</p> <p style="color: red;">Hay que leer en forma de ordinal.</p>	

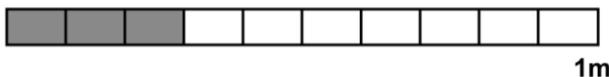
### Ejercicios (pág.32)



① \_\_\_\_\_ m = \_\_\_\_\_ m



② \_\_\_\_\_ m = \_\_\_\_\_ m

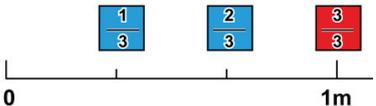


③ \_\_\_\_\_ m = \_\_\_\_\_ m



④ \_\_\_\_\_ m = \_\_\_\_\_ m

Grado	Fracción	N° de clases	El objetivo
4º grado	Clasificación	2/11	Clasificar las fracciones en 3 clases (fracción propia, fracción igual a la unidad y fracción impropia).

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que han aprendido en la clase anterior con la recta numérica.</p> <p>¿Dónde debemos colocar <math>\frac{1}{3}</math>?</p> 	<p>-Repasar lo que han aprendido diciendo en voz alta.</p>	Recta numérica (1m)
Desarrollo 25 min.	<p>2. Completar la recta numérica preguntando a los alumnos hasta 1m.</p> <p>3. Presentar una recta numérica que tiene 2m y plantear el problema.</p>		
	<p><b>¿Cómo se representa esta fracción? y ¿Por qué?</b></p> <p>4. Presentar sus ideas.</p> <p>Lo más importante es aprovechar la respuesta equivocada para comprender bien. Generalmente ubican el denominador en desorden. Hay que preguntar ¿por que así? ¡Vamos a aprovechar idea equivocada!</p> <p>¿Qué significa el denominador y numerador?</p> <p>Se debe presentar atención con el denominador, hasta donde debemos contar las parte iguales.</p>	<p>-Contestar</p> <p><b>Correcto</b></p> <p><math>\frac{4}{3}</math>!</p> <p><b>Equivocación previsible</b></p> <p><math>\frac{4}{6}, \frac{4}{4}</math> ó <math>\frac{6}{4}</math>?</p> <p>-Contestar</p> <p>Denominador significa en cuántas partes iguales está dividido un entero.</p> <p>Numerador significa cuántos se utilizó del entero.</p> <p>-Colocar las fracciones en la recta numérica.</p>	<p>Recta numérica (2m)</p>

	<p>5. Completar la recta numérica preguntando a los alumnos.</p> <p>6. Buscar las características observando la recta numérica.</p> <p>7. Clasificar las fracciones en 3 clases.</p>	<p>-Darse cuenta de 3 colores.</p> <p>Celeste : <b>Fracción propia</b>          Rojo : <b>Fracción igual a la unidad</b>          Verde : <b>Fracción impropia</b></p>	<p>Las tarjetas de fracciones que tienen 3 colores</p> <p>Hoja para clase </p>
<p>Cierre 10 min.</p>	<p>8. Dar los ejercicios.</p> 	<p>-Entender la clasificación de 3 clases en las fracciones.</p>	

### Plan del pizarrón

**Matemática**

**Tema : Clasificar las fracciones.**

<b>Fracción propia</b>	Es la que tiene el numerador <b>menor</b> que el denominador y es <b>menor</b> que el entero.
<b>Fracción igual a la unidad (Fracción aparente)</b>	Es la que tiene numerador y denominador <b>iguales</b> y es <b>igual</b> al entero.
<b>Fracción impropia</b>	Es la que tiene el numerador <b>mayor</b> que el denominador y es <b>mayor</b> que el entero.

**Ejercicios**

①  $\frac{7}{4} =$  Fracción impropia      ②  $\frac{3}{3} =$  Fracción igual a la unidad

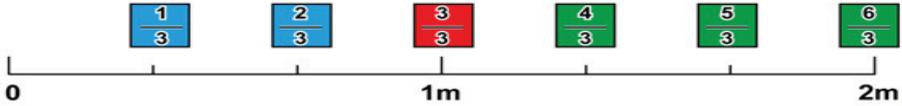
③  $\frac{2}{5} =$  Fracción propia      ④  $\frac{\square}{2} =$  Fracción propia

⑤  $\frac{6}{\square} =$  Fracción igual a la unidad      ⑥  $\frac{7}{\square} =$  Fracción impropia

Desde 1 hasta 6 puede se correponder.



Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
4º grado	Fracción aparente	3/11	Comprender la conversión de número natural a fracción aparente.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docentes)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que han aprendido en la clase anterior con la recta numérica.</p> <p>¿<math>\frac{3}{3}</math> es igual a? ¡Vamos a confirmar con la recta numérica!</p> 	<p>-Repasar lo que han aprendido diciendo en voz alta.</p> <p><math>\frac{3}{3} = 1</math></p> 	Recta numérica (2m)
Desarrollo 25 min.	<p>2. Plantear el tema.</p> <p><b>¡Vamos a convertir un número natural en fracción aparente!</b></p> <p>3. Presentar un problema</p> <p><math>1 = \frac{3}{3}</math>,    ¿<math>2 = \frac{\square}{3}</math>?</p> <p>¿Qué fracción corresponde a 2? ¿Cómo lo comprobamos?</p> <p>4. Ordenar cómo se hace.</p> <p>1 = tiene 3 veces <math>\frac{1}{3}</math></p> <p>2 = tienen <u>6</u> veces <math>\frac{1}{3}</math></p>	<p>-Pensar cómo se cambia un número natural en fracción aparente.</p> <p><math>2 = \frac{6}{3}</math></p>  <p>-Contestar</p> <p>Un entero tiene 3 veces <math>\frac{1}{3}</math>. Por eso 2 enteros tienen 6 veces <math>\frac{1}{3}</math>.</p>	
	<p><b>Un número natural se puede convertir en fracción aparente.</b></p> <p>El denominador indica que la unidad se dividió en 3 partes iguales. Como son 2 unidades se entiende que en total son 6 partes. Por eso se puede multiplicar el denominador por número natural para conseguir el numerador.</p> <p><math>2 = \frac{6}{3}</math></p> <p><math>3 \times 2 = 6</math></p> <p>denominador <math>\times</math> entero = numerador</p>		

Cierre 10 min.	<b>5. Dar los Ejercicios</b>	-Entender que un número natural se puede convertir en fracción aparente.	Hoja para practicar
	$1 = \frac{\square}{5}$ $2 = \frac{\square}{5}$ $3 = \frac{\square}{5}$ 		

### Plan del pizarrón

<p><b>Matemática</b></p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 10px auto; width: 80%;"> <p>¡Vamos a convertir un número natural en fracción aparente!</p> </div> <div style="border: 1px solid gray; height: 30px; margin: 5px 0;"></div> <p>1 = tiene 3 veces <math>\frac{1}{3}</math>    <math>\rightarrow</math>    <math>1 = \frac{3}{3}</math></p> <p>2 = tiene <u>6</u> veces <math>\frac{1}{3}</math>    <math>\rightarrow</math>    <math>2 = \frac{\square}{3}</math>?</p> <div style="border: 2px solid red; padding: 5px; margin: 10px 0;"> <p><b>Un número entero se puede convertir en fracción aparente</b></p> <p>El denominador indica que la unidad se dividió en 3 partes iguales. Como son 2 unidades se entiende que en total son 6 partes. Por eso se puede multiplicar el denominador por número natural para conseguir el numerador.</p> <p style="text-align: center; color: red;"><math>3 \times 2 = 6</math></p> <p style="text-align: center;">denominador <math>\times</math> entero = numerador</p> </div>	<p><b>Ejercicios</b></p> <p>① <math>1 = \frac{5}{5}</math>    <math>2 = \frac{10}{5}</math>    <math>3 = \frac{15}{5}</math></p> <p>② <math>2 = \frac{4}{2}</math>    ③ <math>3 = \frac{12}{4}</math>    ④ <math>1 = \frac{6}{6}</math></p> <p>⑤ <math>4 = \frac{40}{10}</math>    ⑥ <math>2 = \frac{16}{8}</math>    ⑦ <math>5 = \frac{5}{1}</math></p>
--	--

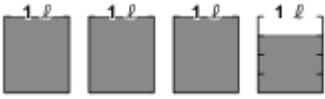
### Hoja para clase (pág.34)



① Completo la recta numérica con las fracciones.

	<p>② <math>2 = \frac{\square}{2}</math>    ③ <math>3 = \frac{\square}{4}</math>    ④ <math>1 = \frac{\square}{6}</math></p> <p>⑤ <math>4 = \frac{\square}{10}</math>    ⑥ <math>2 = \frac{\square}{8}</math>    ⑦ <math>5 = \frac{\square}{1}</math></p>
<p><math>1 = \frac{\square}{5}</math>    <math>2 = \frac{\square}{5}</math>    <math>3 = \frac{\square}{5}</math></p>	

Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
4º grado	Numeral mixto	4/11	Comprender el concepto de numeral mixto.

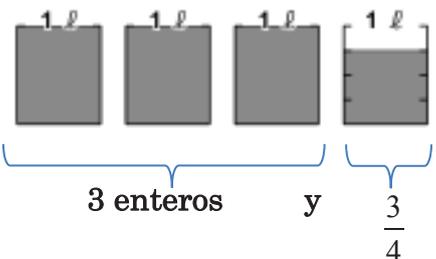
Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Presentar la situación problemática.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; text-align: center;"> <p>Mario ordeñó a su vaca y midió la cantidad de leche que obtuvo. ¿Cuántos litros ordeñó en total?</p>  </div>	-Analizar esta situación problemática.	Dibujo de los termos
Desarrollo 25 min.	<p>2. Plantear el tema.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 10px; text-align: center;"> <p>¿Cómo se representa esta cantidad de leche en total?</p> </div> <div style="display: flex; justify-content: space-around; margin-top: 10px;"> <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; width: 40%;"> <p>¿Cuántos litros completos obtuvo?</p> </div> <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; width: 40%;"> <p>¿Cuántas partes del litro hay en el último recipiente?</p> </div> </div> <div style="display: flex; justify-content: space-around; margin-top: 10px;"> <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; width: 40%;"> <p>¿Qué cantidad de leche ordeñó en total?</p> </div> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 50%; padding: 10px; width: 40%; text-align: center;"> <p><b>Equivocación previsible</b> ¿Tres y tres cuartos litros? ¿Cómo se lee?</p> </div> </div>	<p>-Contestar Tres litros. Tres cuartos litros.</p>  	
	<p>3. Explicar cómo se escribe y cómo se lee como numeral mixto.</p> <div style="border: 2px solid red; padding: 10px; text-align: center; margin: 10px 0;"> <p><b>Numeral mixto</b> Como tiene 3 enteros y tres cuartos litros, Se escribe <math>3 \frac{3}{4}</math> litros, y se lee <b>tres enteros tres cuartos</b> litros.</p> </div> <p>R: Mario ordeñó <math>3 \frac{3}{4}</math> litros.</p> <div style="border: 1px solid green; border-radius: 15px; padding: 10px; margin-top: 10px;"> <p>Una expresión como <math>3 \frac{3}{4}</math> se llama <b>Numeral mixto</b>. Recibe este nombre porque está formado por un número entero y una fracción.</p> </div>		
Cierre 10 min.	<p>4. Dar los ejercicios</p> 	-Entender el concepto de numeral mixto, cómo se escribe y cómo se lee.	Hoja para clase

## Plan del pizarrón

### Matemática

**Tema :**      **Numeral mixto**

Mario ordeñó a su vaca y midió la cantidad de leche que obtuvo. ¿Cuántos litros ordeñó en total?

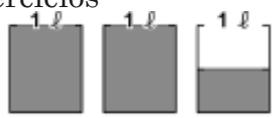


3 enteros      y       $\frac{3}{4}$

Como tiene 3 enteros y tres cuartos litros,  
Se escribe  $3 \frac{3}{4}$  litros,  
y se lee **tres enteros tres cuartos** litros.

R : Mario ordeñó  $3 \frac{3}{4}$  litros.

### Ejercicios

1.   $2 \frac{1}{2} \ell$

2.   $1 \frac{3}{10} m$

3. Busco “Numeral mixto” y lea estos.

$\frac{2}{9}$ ,     $1 \frac{3}{7}$ ,     $3 \frac{2}{5}$ ,     $\frac{4}{10}$ ,     $2 \frac{1}{3}$

$1 \frac{3}{7}$  un entero tres séptimos

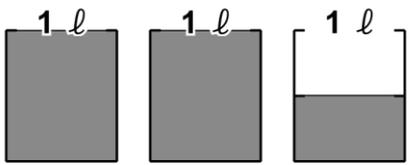
$3 \frac{2}{5}$  tres enteros dos quintos

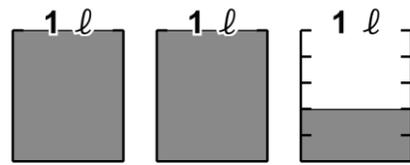
$2 \frac{1}{3}$  dos enteros un tercio

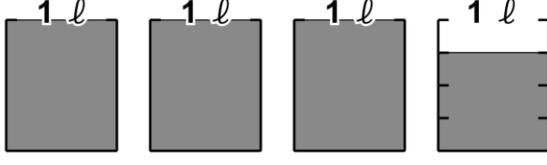
## Respuesta de Ejercicios (pág.35)

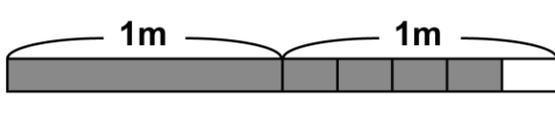


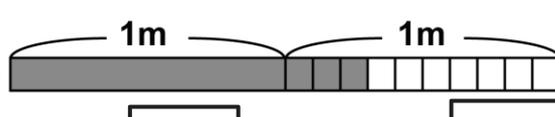
**Escribe el numeral mixto que indica la parte pintada en el .**

(1)   $2 \frac{2}{5} \ell$

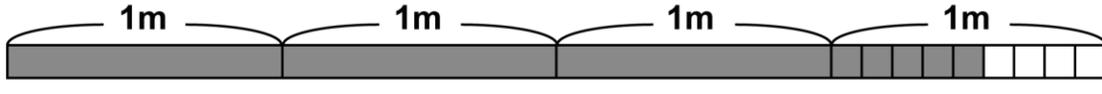
(2)   $2 \frac{2}{5} \ell$

(3)   $3 \frac{3}{4} \ell$

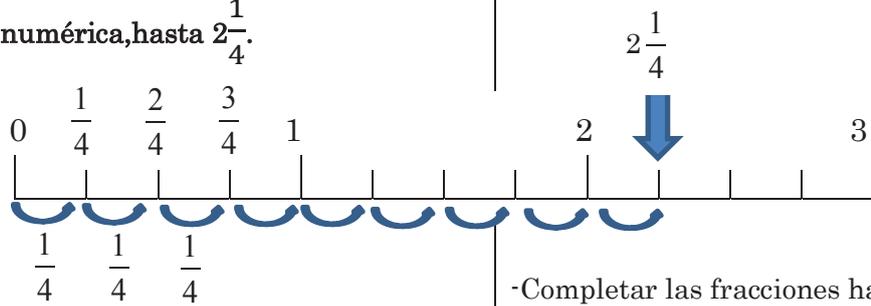
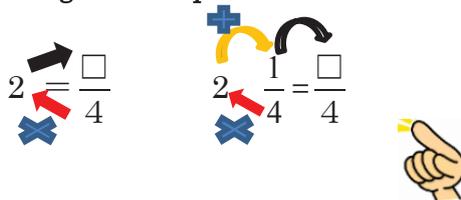
(4)   $4 \frac{1}{5} m$

(5)   $3 \frac{2}{8} m$

(6)   $2 \frac{5}{8} m$

(7)   $3 \frac{5}{9} m$

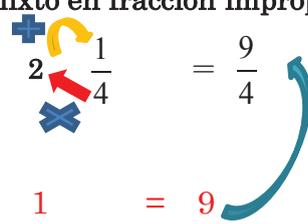
Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
4º grado	Conversión(1)	5/11	Comprender la conversión de numeral mixto a fracción impropia.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Plantear el tema.</p> <div style="border: 2px solid black; padding: 5px; text-align: center;"> <p>¡Vamos a convertir <math>2 \frac{1}{4}</math> en fracción impropia!</p> </div>		
Desarrollo 30 min.	<p>¡Vamos a usar la recta numérica!</p> <p>¿Cuántos enteros tiene <math>2 \frac{1}{4}</math>?</p> <p>¿Cuántos falta hasta <math>2 \frac{1}{4}</math>?</p> 	<p>-Contestar.</p> <p>Tiene 2 enteros.</p> <p>Falta <math>\frac{1}{4}</math>. Entonces...</p> <div style="border: 1px solid blue; padding: 5px; display: inline-block;"> <p>¡2 enteros un cuarto está aquí!</p> </div> 	Recta numérica
	<p>2. Escribir las fracciones en la recta numérica, hasta <math>2 \frac{1}{4}</math>.</p> 	<p>-Completar las fracciones hasta 3 enteros.</p> <p>-Buscar una fracción igual a <math>2 \frac{1}{4}</math>.</p> <div style="border: 1px solid blue; padding: 5px; display: inline-block;"> <p><math>2 \frac{1}{4} = \frac{9}{4}</math></p> </div>  <p>-Contestar</p> <p>9 veces <math>\frac{1}{4}</math> tiene <math>2 \frac{1}{4}</math>.</p>	
	<p>3. Conseguir la respuesta la primera pregunta.</p> <div style="border: 1px solid purple; padding: 5px; display: inline-block;"> <p>¿Cuántas veces <math>\frac{1}{4}</math> tiene <math>2 \frac{1}{4}</math>?</p> </div> 	<p>-Usar lo que han aprendido en la clase anterior.</p> <p>-Darse cuenta cómo se convierte un numeral mixto en fracción impropia.</p>	
	<p>4. Pensar cómo se calcula para conseguir la respuesta.</p> 		

	<p>5. Explicar cómo se cambia numeral mixto en fracción impropia.</p>	<p>-Darse cuenta de cómo se calcula para convertir.</p>
<p>Cierre 5 min.</p>	<p>6. Dar los ejercicios</p> 	<p>-Entender la conversión de numeral mixto a fracción impropia.</p>

**Convertir un numeral mixto en fracción impropia.**

Multiplicar el número entero por denominador y sume el numerador



$$2 \frac{1}{4} = \frac{9}{4}$$

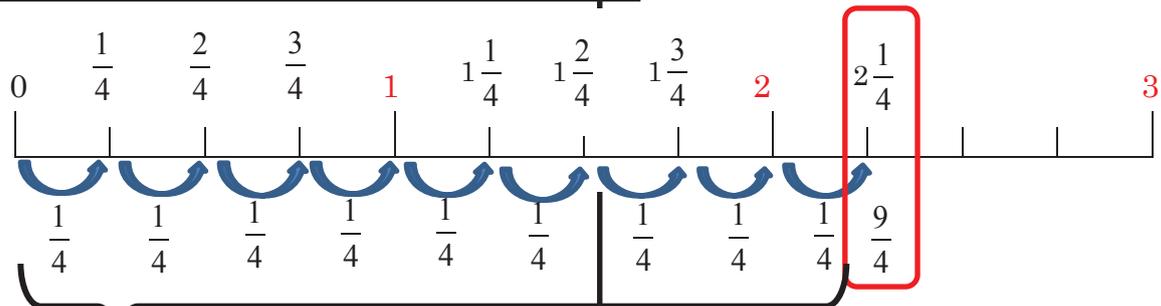
$$4 \times 2 + 1 = 9$$

denominador × entero + numerador

### Plan del pizarrón

**Matemática**

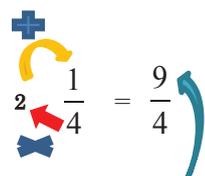
¡Vamos a convertir  $2 \frac{1}{4}$  en fracción impropia!



9 veces  $\frac{1}{4}$  tiene  $2 \frac{1}{4}$ .

**Convertir un numeral mixto en fracción impropia.**

Multiplicar el número entero por denominador y sume el numerador.



$$2 \frac{1}{4} = \frac{9}{4}$$

$$4 \times 2 + 1 = 9$$

denominador × entero + numerador

**Ejercicios**

Convierto a fracción impropia.

① $1 \frac{2}{7} = \frac{\square}{7}$	② $2 \frac{4}{5} = \frac{\square}{5}$
③ $1 \frac{3}{4} = \frac{7}{4}$	④ $3 \frac{2}{3} = \frac{11}{3}$
⑤ $2 \frac{1}{6} = \frac{13}{6}$	⑥ $2 \frac{6}{10} = \frac{26}{10}$

Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
4º grado	Conversión(2)	6/11	Comprender la conversión de fracción impropia en numeral mixto.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Plantear el tema.</p> <div style="border: 2px solid black; padding: 10px; text-align: center;"> <p>¡Vamos a convertir <math>\frac{7}{5}</math> en numeral mixto!</p> </div> <p>¡Vamos a usar la recta numérica! ¿Cuántos partes iguales debemos dibujar en esta recta numérica hasta un entero?</p> <p>¡Vamos a colocar las fracciones en cada escala.</p>		Recta numérica (2m)
Desarrollo 25 min.	<p>2. Presentar cómo se indica en la recta numérica</p> <div style="display: flex; align-items: center; justify-content: center;"> <div style="text-align: center;"> <math>\frac{1}{5}</math>   <math>\frac{2}{5}</math>   <math>\frac{3}{5}</math>   <math>\frac{4}{5}</math>   <math>\frac{5}{5}</math>  </div> <div style="margin-left: 20px;"> <math>\frac{6}{5}</math>   <math>\frac{7}{5}</math>  </div> </div> <p>3. Escribir las fracciones impropias hasta 2 enteros. Puede escribir los numerales mixtos debajo de la escala</p> <p>¿Cómo se representa <math>\frac{7}{5}</math> en numeral mixto? ¿Un entero y qué falta?</p> <p>4. Presentar lo que han aprendido.</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: center;"> <div style="text-align: center;"> <math>1 = \frac{5}{5}</math>  <math>2 = \frac{10}{5}</math>  </div> <div style="text-align: center;"> <math>\frac{5}{5} = 1</math>  <math>\frac{10}{5} = 2</math>  </div> </div>	<p>-Contestar</p> <p>5 partes iguales hasta un entero.</p> <p>Antes de copiar del pizarrón, hay que acostumbrarse a dibujar la recta numérica poco a poco. Porque ayuda mucho para ordenar en sus mentes, además les servirá en el futuro también.</p> <p>-Dibujar la recta numérica en sus cuaderno.</p> <p>-Darse cuenta de que se puede convertir fracción impropia en numeral mixto.</p> <p><math>\frac{7}{5} = 1\frac{2}{5}</math></p> <p>-Contestar.</p> <p><math>\frac{7}{5}</math> se puede convertir en <math>1\frac{2}{5}</math>.</p> <p>-Pensar cómo se convierte de fracción impropia en numeral mixto.</p> <p>-Usar lo que han aprendido en la clase anterior.</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around; margin-top: 10px;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px;"> <math display="block">\begin{array}{r} 5 \overline{) 5} \\ \underline{5} \phantom{0} \\ (0) \end{array}</math> </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px;"> <math display="block">\begin{array}{r} 10 \overline{) 5} \\ \underline{10} \phantom{0} \\ (00) \end{array}</math> </div> </div>	

	5. Explicar cómo se cambia de fracción impropia en numeral mixto.	-Comprender cómo se calcula para convertir.
Cierre 10 min.	<b>Convertir una fracción a numeral mixto.</b>	
	<div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 10px; display: inline-block; width: 80%;"> <p>Dividir numerador entre denominador. El cociente indica el número entero y el residuo el numerador y la fracción mantiene el mismo denominador.</p> </div> <div style="text-align: center; margin-top: 10px;"> <math display="block">\frac{7}{5} = 1 \frac{2}{5}</math> <p style="color: red; font-size: 1.2em;">7 : 5 = 1 residuo 2</p> <p style="text-align: center;">denominador : numerador</p> </div> <div style="float: right; border: 1px solid black; padding: 5px; margin-top: 10px;"> <math display="block">\begin{array}{r} 7 \overline{) 5} \\ \underline{5} \phantom{0} \\ 1 \phantom{0} \\ \phantom{0} \end{array}</math> <p>(2)</p> </div>	
	6. Dar los ejercicios.	-Entender la conversión de fracción impropia en numeral mixto.

### Plan del pizarrón

<p><b>Matemática</b></p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 10px 0;"> <p>¡Vamos a convertir <math>\frac{7}{5}</math> en numeral mixto!</p> </div> <div style="text-align: center; margin: 10px 0;"> <math display="block">0 \quad \frac{1}{5} \quad \frac{2}{5} \quad \frac{3}{5} \quad \frac{4}{5} \quad \frac{5}{5} \quad \frac{6}{5} \quad \frac{7}{5} \quad \frac{8}{5} \quad \frac{9}{5} \quad 1 \quad 2</math> </div>	<p><b>Ejercicio</b></p> <div style="text-align: center; margin: 10px 0;"> <math display="block">\frac{9}{4} = 2 \frac{1}{4}</math> <p style="color: red; font-size: 1.2em;">9 : 4 = 2 residuo 1</p> </div> <div style="float: right; border: 1px solid black; padding: 5px; margin-top: 10px;"> <math display="block">\begin{array}{r} 9 \overline{) 4} \\ \underline{8} \phantom{0} \\ 1 \phantom{0} \end{array}</math> </div>
<div style="border: 1px solid red; border-radius: 15px; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <p><b>Convertir una fracción a numeral mixto.</b></p> <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; display: inline-block; width: 80%;"> <p>Dividir el numerador entre el denominador. El cociente indica el número entero y el residuo el numerador y la fracción mantiene el mismo denominador.</p> </div> <div style="text-align: center; margin-top: 10px;"> <math display="block">\frac{7}{5} = 1 \frac{2}{5}</math> <p style="color: red; font-size: 1.2em;">7 : 5 = 1 residuo 2</p> <p style="text-align: center;">denominador : numerador</p> </div> </div>	<p><b>Ejercicios</b></p> <p>Convierto en numeral mixto.</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around; margin-top: 10px;"> <div style="text-align: center;">① <math>\frac{5}{2} = \square \frac{\square}{2}</math></div> <div style="text-align: center;">② <math>\frac{5}{3} = \square \frac{\square}{3}</math></div> </div> <div style="display: flex; justify-content: space-around; margin-top: 10px;"> <div style="text-align: center;">③ <math>\frac{16}{5} = 3 \frac{1}{5}</math></div> <div style="text-align: center;">④ <math>\frac{22}{7} = 3 \frac{1}{7}</math></div> </div> <div style="display: flex; justify-content: space-around; margin-top: 10px;"> <div style="text-align: center;">⑤ <math>\frac{14}{4} = 3 \frac{2}{4}</math></div> <div style="text-align: center;">⑥ <math>\frac{31}{6} = 5 \frac{1}{6}</math></div> </div>

### Respuesta de Ejercicios (pág.36)

1. (1)  $\frac{1}{5}$  (2)  $\frac{1}{7}$       2. (1)  $\frac{9}{4}$  (2)  $\frac{12}{5}$  (3)  $\frac{9}{5}$       3. (1)  $2 \frac{4}{7}$  (2)  $1 \frac{2}{5}$  (3)  $7 \frac{2}{3}$

Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
4º grado	Comparación(1)	7/11	Comprender la comparación de los fracciones.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Plantear el tema.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <p>¡Vamos a comparar <math>\frac{5}{8}</math> y <math>\frac{4}{8}</math>, <math>\frac{2}{6}</math> y <math>\frac{2}{3}</math>!</p> </div> <p>2. Analizar el tema.</p> <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <p>¿Qué diferencia hay?</p> </div> <p>3. Pronosticar las respuestas.</p> <p>¿Cual es mayor?</p> <p>¿Qué signo podemos poner entre dos fracciones, &lt;, &gt; o =?</p> <p style="text-align: center;"><math>\frac{5}{8}</math> <input type="text"/> <math>\frac{4}{8}</math>, <math>\frac{2}{6}</math> <input type="text"/> <math>\frac{2}{3}</math></p> <p>¿Por que es?</p>	<p>-Encontrar las diferencias.</p> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <p>En dos fracciones con el mismo denominador, y otras con el mismo numerador.</p> </div> <div style="border: 1px solid green; border-radius: 15px; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <p><b>Equivocación previsible</b> Mayoría se equivocado <math>\frac{2}{6} &gt; \frac{2}{3}</math>.</p> <p>¡Vamos a aprovechar esa respuesta equivocada!</p> </div>	
Desarrollo 30 min.	<p>4. Comparar <math>\frac{5}{8}</math> con <math>\frac{4}{8}</math> en dibujos.</p> <div style="text-align: center;"> </div> <p>5. Comparar <math>\frac{2}{6}</math> con <math>\frac{2}{3}</math> en dibujos.</p> <div style="text-align: center;"> </div> <div style="text-align: center; margin-top: 10px;"> </div> <p>6. Repasar las respuestas y comparar lo equivocado y correcto.</p> <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <p>¿Por que se equivocan en el mismo numerador?</p> </div>	<p>-Comparar los tamaños de dos fracciones</p> <div style="text-align: center; margin: 10px 0;"> </div> <div style="border: 1px solid green; border-radius: 15px; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <p>Pintado con colores les ayuda mucho a los niños para comparar claramente. ¡Vamos a mostrar varios materiales didácticos que se representa como fracciones para comprender bien!</p> </div> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <p><math>\frac{2}{6} &gt; \frac{2}{3}</math> </p> <p><math>\frac{2}{6} &lt; \frac{2}{3}</math> </p> </div> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <p>Tal vez...vimos solamente el denominador. Parecía grande. Pero hay que pensar significado del denominador.</p> </div>	<p>Tiras de fracciones</p> <p>Pizzas de fracciones</p>

	7. Explicar el juego con barajas de fracciones.	-Jugar y aprender.	 Barajas de fracciones pág.229
Cierre 5 min.	8. Comprender las reglas.	-Entender la comparación de dos fracciones.	
	<div style="border: 2px solid red; padding: 5px;"> <p>Entre dos fracciones con el mismo denominador, es mayor la que tiene mayor numerador.</p> <p>Entre dos fracciones con el mismo numerador, es mayor la que tiene menor denominador.</p> </div>		
	9. Dar los ejercicios.	-Practicar los ejercicios.	

### Plan del pizarrón

#### Matemática

¡Vamos a comparar  $\frac{5}{8}$  y  $\frac{4}{8}$ ,  $\frac{2}{6}$  y  $\frac{2}{3}$ !

$\frac{5}{8}$    $\frac{4}{8}$

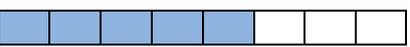
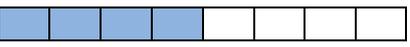
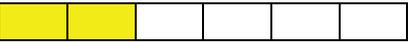
$\frac{2}{6}$    $\frac{2}{3}$

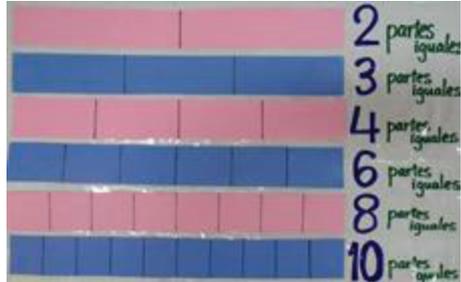








Entre dos fracciones con el mismo denominador, es mayor la que tiene mayor numerador.

Entre dos fracciones con el mismo numerador, es mayor la que tiene menor denominador.

#### Ejercicios

1.  $\frac{3}{5}$    $\frac{4}{5}$

2.  $\frac{4}{10}$    $\frac{4}{6}$

3.  $\frac{5}{8}$    $\frac{5}{6}$

4.  $\frac{2}{7}$    $\frac{3}{7}$

## Barajas de fracciones



pág.229

1. Se usa las tarjetas con el mismo denominador.
2. El referee reparte las tarjetas a dos personas alternativamente.
3. Los jugadores sacan una tarjeta al mismo tiempo.
4. Comparar las dos fracciones, el referee tiene que dar punto a quien tiene la fracción mayor.
5. Seguir hasta que los jugadores no tengan las tarjetas y el referee designa ganador quien tiene más punto.
6. Después de acostumbrarse, jugar con el mismo numerador. (Es más difícil para niños.)

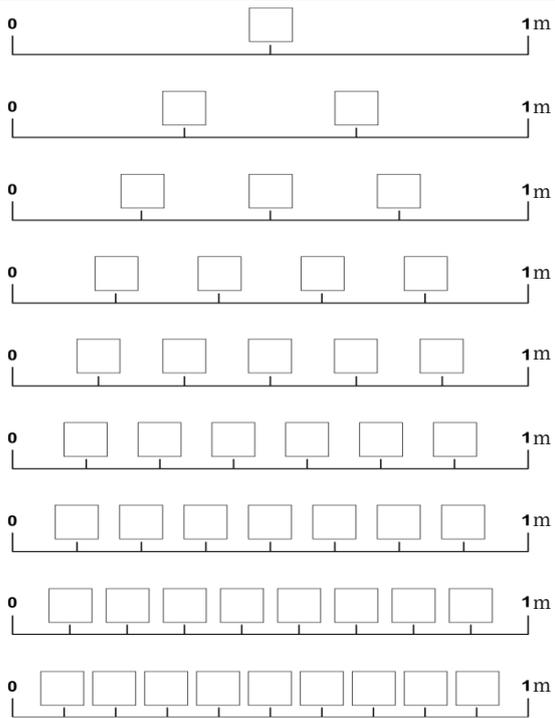


Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Fracción equivalente	8/11	Comprender el concepto de fracciones equivalentes.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docentes)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p><b>1. Presentar la recta numérica.</b></p>	<p>¿Dónde debemos colocar <math>\frac{1}{2}</math> m?</p> <p>¿Por qué es?</p> <p>¡Vamos a completar esta recta numérica de fracciones!</p>	Recta numérica de 1m
Desarrollo 30 min.	<p><b>2. Plantear el tema.</b></p> <p>¡Vamos a buscar otra medida igual a <math>\frac{1}{2}</math> m en estas rectas numéricas!</p> <p>¿Cuántos cm tiene <math>\frac{1}{2}</math> m en esta recta numérica?</p> <p><b>3. Medir <math>\frac{1}{2}</math> m en la recta numérica del pizarrón.</b></p> <p><b>4. Buscar otras fracciones de la misma medida de <math>\frac{1}{2}</math> m.</b></p> <p>¿<math>\frac{1}{2}</math> m y <math>\frac{1}{3}</math> m son iguales?</p>	<p>-Contestar</p> <p>¿20cm? ¿50cm?</p> <p>¡<math>\frac{1}{2}</math> m tiene 50cm.!</p> <p>-Pensar y medir.</p> <p>¿<math>\frac{1}{3}</math> m tiene 50cm?</p> <p><math>\frac{1}{3}</math> m = 33.333...cm.</p> <p><math>\frac{1}{4}</math> m = 25cm    <math>\frac{2}{4}</math> m = 50cm</p> <p>¡<math>\frac{1}{2}</math> m y <math>\frac{2}{4}</math> m son iguales!</p>	Reglas de 1m

	<p>5. Colocar las fracciones con la misma medida entre signo =.</p> $\frac{1}{2} m = \frac{2}{4} m = \frac{3}{6} m = \frac{4}{8} m = \frac{5}{10} m$ <p>6. Repartir las rectas numéricas a cada niño/a y buscar las mismas medidas de las fracciones.</p> <p>¿Qué fracciones son iguales a <math>\frac{1}{3} m</math>?</p> 	<p>-Colocar y comprender que fracciones equivalentes tienen muchas fracciones.</p> <p>-Contestar</p> $\frac{1}{3} m = \frac{2}{6} m = \frac{3}{9} m \quad \frac{1}{5} m = \frac{2}{10} m$ $\frac{2}{3} m = \frac{4}{6} m = \frac{6}{9} m \quad \frac{1}{4} m = \frac{2}{8} m$ $\frac{3}{4} m = \frac{6}{8} m \quad \frac{2}{5} m = \frac{4}{10} m$	
<p>Cierre 5 min.</p>	<p>7. Concluir lo que aprenden en esta clase.</p>	<p><math>\frac{3}{5} m = \frac{6}{10} m \quad \frac{4}{5} m = \frac{8}{10} m</math></p> <p>-Entender el concepto de fracciones equivalentes.</p> 	
<p>Las fracciones que representan la misma cantidad pero se escriben de diferente forma se llama <b>Fracción equivalente</b>.</p>			

### Plan del pizarrón

<p style="text-align: center;"><b>Matemática</b></p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-bottom: 10px;"> <p>¡Vamos a buscar otra medida igual a <math>\frac{1}{2} m</math> en estas rectas numéricas!</p> </div> 	$\frac{1}{2} m = \frac{2}{4} m = \frac{3}{6} m = \frac{4}{8} m = \frac{5}{10} m = 50cm$ $\frac{1}{3} m = \frac{2}{6} m = \frac{3}{9} m = 33,333...cm$ $\frac{2}{3} m = \frac{4}{6} m = \frac{6}{9} m = 66,666...cm$ $\frac{1}{4} m = \frac{2}{8} m = 25cm \quad \frac{3}{4} m = \frac{6}{8} m = 75cm$ $\frac{1}{5} m = \frac{2}{10} m = 20cm \quad \frac{2}{5} m = \frac{4}{10} m = 40cm$ $\frac{3}{5} m = \frac{6}{10} m = 60cm \quad \frac{4}{5} m = \frac{8}{10} m = 80cm$ <div style="border: 2px solid red; padding: 10px; margin-top: 20px; text-align: center;"> <p>Las fracciones que representan la misma cantidad pero se escriben de diferente forma se llama <b>Fracción equivalente</b>.</p> </div>
--	--

Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Amplificación	9/11	Comprender el procedimiento de amplificación para obtener fracciones equivalentes.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docentes)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar la clase anterior.</p>	<p>¿Qué fracción es equivalente a <math>\frac{1}{2}</math>?</p> <p>¿Hay otras más?</p> <p>-Contestar</p> $\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6} = \frac{4}{8} = \frac{5}{10}$ $\frac{1}{3} = \frac{2}{6} = \frac{3}{9} \quad \frac{2}{3} = \frac{4}{6} = \frac{6}{9}$ $\frac{1}{4} = \frac{2}{8} \quad \frac{3}{4} = \frac{6}{8} \quad \frac{1}{5} = \frac{2}{10}$ $\frac{2}{5} = \frac{4}{10} \quad \frac{3}{5} = \frac{6}{10} \quad \frac{4}{5} = \frac{8}{10}$	Recta numérica
	<p>Lo más importante es confirmar el significado de numerador y denominador siempre.</p> <p>2. Plantear el tema.</p>	<p>¡Vamos a descubrir la regla de fracciones equivalentes!</p> <p>¿Cómo se aumenta cada fracción en numerador, y en denominador?</p> <p>El numerador y el denominador están aumentando mismo número cada fracción. ¿Qué signo se puede indicar aparte de suma?</p> <p>La mayoría se confunden cuando se presenta como suma. Por eso es importante presentar a los niños la amplificación como multiplicación. Enseñar a los niños esta regla. ¡Vamos a usar las flechas para comprender bien!</p>	
Desarrollo 30 min.			

	<p>3. Confirmar la regla que se consiguió en otras fracciones equivalentes.</p> $\begin{array}{c} \times 2 \quad \times 3 \\ \frac{1}{3} = \frac{2}{6} = \frac{3}{9} \\ \times 2 \quad \times 3 \end{array}$ $\frac{1}{3} = \frac{1 \times 2}{3 \times 2} = \frac{2}{6}$ $\frac{1}{3} = \frac{1 \times 3}{3 \times 3} = \frac{3}{9}$	<p>-Contestar</p> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 10px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <p>Si se multiplica por 2 en el numerador, hay que multiplicar por el mismo número en el denominador también.</p> </div>  <p>-Practicar otras fracciones equivalentes.</p> <p>-Comprender procedimiento de amplificación para obtener fracciones equivalentes.</p>	
<p>Cierre 5 min.</p>	<p>4. Concluir la regla de amplificación.</p> <p>Para hallar fracciones equivalentes, se multiplica el numerador y el denominador por el mismo número. Esto se llama <b>amplificación</b>.</p>		

### Plan del pizarrón

#### Matemática

¡Vamos a descubrir la regla de fracciones equivalentes!

0	<input style="width: 80%; height: 20px;" type="text"/>	1
0	<input style="width: 20%; height: 20px;" type="text"/> <input style="width: 20%; height: 20px;" type="text"/>	1
0	<input style="width: 20%; height: 20px;" type="text"/> <input style="width: 20%; height: 20px;" type="text"/> <input style="width: 20%; height: 20px;" type="text"/>	1
0	<input style="width: 20%; height: 20px;" type="text"/>	1
0	<input style="width: 15%; height: 20px;" type="text"/>	1
0	<input style="width: 12%; height: 20px;" type="text"/>	1
0	<input style="width: 10%; height: 20px;" type="text"/>	1
0	<input style="width: 8%; height: 20px;" type="text"/>	1

+1 +1 +1 +1

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6} = \frac{4}{8} = \frac{5}{10}$$

+2 +2 +2 +2

×2 ×3 ×4 ×5

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6} = \frac{4}{8} = \frac{5}{10}$$

×2 ×3 ×4 ×5

×2 ×3

$$\frac{1}{3} = \frac{2}{6} = \frac{3}{9}$$

×2 ×3

$$\frac{1}{3} = \frac{1 \times 2}{3 \times 2} = \frac{2}{6} \quad \frac{1}{3} = \frac{1 \times 3}{3 \times 3} = \frac{3}{9}$$

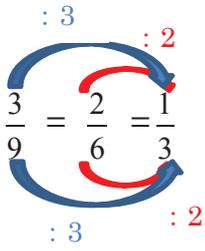
Para hallar fracciones equivalentes, se multiplican el numerador y el denominador por **el mismo número**. Esto se llama **amplificación**.



¡Vamos a cambiar otro signo de suma!

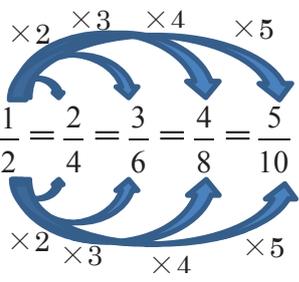
Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Simplificación	10/11	Comprender procedimiento de simplificación para obtener fracciones equivalentes.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docentes)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar anterior clase.</p> <p>¿Qué fracción es equivalente a <math>\frac{1}{2}</math>?</p> <p>¿Cuál es la regla en fracciones equivalentes?</p>	<p>-Contestar</p> <p><math>\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6} = \frac{4}{8} = \frac{5}{10}</math></p>	Recta numérica
Desarrollo 30 min.	<p>2. Plantear el tema.</p> <p><b>¡Vamos a descubrir otra regla en fracciones equivalentes!</b></p> <p>¿Qué fracción es equivalente a <math>\frac{6}{10}</math>?</p> <p><math>\frac{6}{10} = \frac{3}{5}</math></p> <p><math>\frac{6}{10} = \frac{6:2}{10:2} = \frac{3}{5}</math></p>	<p>-Contestar.</p> <p>Los numeradores disminuyen, también los denominadores disminuyen. Pero disminuyen en diferente números. No se puede usar la resta.</p> <p>La mayoría se confunden cuando se presenta como resta. Por eso es importante presentar a los niños la simplificación como división. Enseñar a los niños esta regla. ¡Vamos a usar las flechas para comprender bien!</p> <p><b>¡Se puede usar la división!</b></p>	

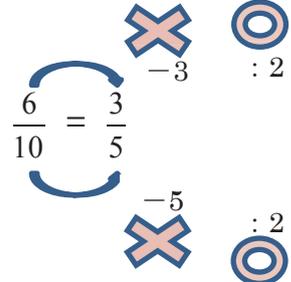
	<p>3. Confirmar la regla que se consiguió en otras fracciones equivalentes.</p>  <p>Simplifica entre 3. <math>\rightarrow \frac{3}{9} = \frac{3:3}{9:3} = \frac{1}{3}</math></p> <p>Simplifica entre 2. <math>\rightarrow \frac{2}{6} = \frac{2:2}{6:2} = \frac{1}{3}</math></p>	<p>-Contestar</p> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 10px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <p>Si se divide el numerador entre 2, debe dividir entre el mismo número en el denominador también.</p> </div>  <p>-Aplicar esta regla a otras fracciones equivalentes.</p> $\frac{3}{6} = \frac{3:3}{6:3} = \frac{1}{2}$ $\frac{4}{10} = \frac{4:2}{10:2} = \frac{2}{5}$	
<p>Cierre 5 min.</p>	<p>4. Concluir el aprendizaje de hoy.</p> <p>Para hallar fracciones equivalentes, se divide el numerador y el denominador <b>entre mismo número</b>. Esto se llama <b>simplificación</b>.</p>		
	<p>5. Dar los ejercicios.</p>	<p>-Entender el procedimiento de simplificación.</p>	

### Plan del pizarrón

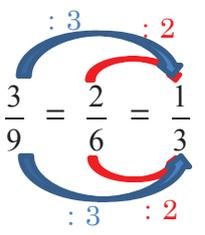
#### Matemática



¡Vamos a descubrir otra regla en fracciones equivalentes!



$\frac{6}{10} = \frac{6:2}{10:2} = \frac{3}{5}$



Simplifica entre 3

$$\frac{3}{9} = \frac{3:3}{9:3} = \frac{1}{3}$$

Simplifica entre 2

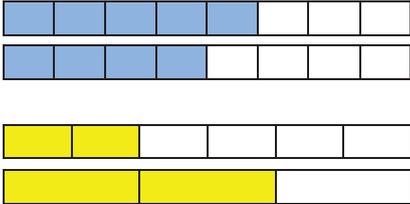
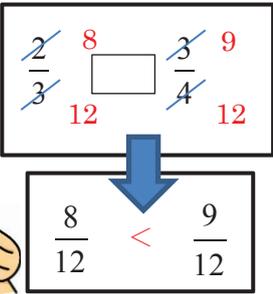
$$\frac{2}{6} = \frac{2:2}{6:2} = \frac{1}{3}$$

Para hallar fracciones equivalentes, se divide el numerador y el denominador **entre mismo número**. Esto se llama **simplificación**.

Ejercicios

1. Simplifica entre 2  $\frac{6}{8} = \frac{6:2}{8:2} = \frac{3}{4}$
2. Simplifica entre 5  $\frac{5}{10} = \frac{5:5}{10:5} = \frac{1}{2}$
3.  $\frac{6}{9} = \frac{2}{3}$     4.  $\frac{8}{10} = \frac{4}{5}$     5.  $\frac{4}{8} = \frac{1}{2}$

Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
6º grado	Comparación(2)	11/11	Comprender la comparación de fracciones heterogéneas con amplificación y simplificación.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1.Repasar comparación de fracciones del 4º grado.</p> $\frac{5}{8} \text{ y } \frac{4}{8}, \quad \frac{2}{6} \text{ y } \frac{2}{3}$ 	<p>-Repasar cómo se comparan dos fracciones.</p> <p>-Con recta numérica</p> <p>-Con pizzas de fracciones</p> <p>-Con tiras de fracciones</p> <p>-Confirmar las respuestas</p> $\frac{5}{8} > \frac{4}{8}, \quad \frac{2}{6} < \frac{2}{3}$ 	Tiras de fracción
Desarrollo 25 min.	<p>2. Plantear el tema.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; text-align: center;"> <p>¡Vamos a comparar <math>\frac{2}{3}</math> y <math>\frac{3}{4}</math> !</p> </div> <p>¿No se puede comparar así no más? ¿Por que?</p> <p>¡Muy bien! Con dibujo también se puede comparar los dos en visión. Pero vamos a aprovechar lo que hemos aprendido!</p> <p>¿Qué necesita antes de comparar?</p> <p>¿Hay algún método que puede cambiar solamente el aspecto sin cambiar tamaño?</p> <p>3. Probar la amplificación.</p> $\frac{2}{3} = \frac{2 \times 4}{3 \times 4} = \frac{8}{12}$ $\frac{3}{4} = \frac{3 \times 3}{4 \times 3} = \frac{9}{12}$ <div style="text-align: center;">  </div> <p>Si no se dan cuenta, vamos a recordar las fracciones equivalentes amplificando o simplificando. Lo más importante es conocer las ideas de los alumnos.</p>	<p>-Contestar</p> <p>Nosotros comparamos las fracciones que tienen mismos denominadores o mismos numeradores no más.</p> <p>¡Con dibujo!</p> <p>¡ Se puede amplificar y simplificar !</p> <p>¡Vamos a amplificar para igualar en denominador!</p> <p>¡Por fin! Podemos comparar dos fracciones.</p> <p>Amplificación pág.26</p> <p>Simplificación pág.28</p>	Pizzas de fracción

	4. Concluir las reglas.	
	<p>Se puede comparar las fracciones que se multiplica el numerador y el denominador por el mismo número porque son fracciones equivalentes. También se puede comparar los fracciones que se dividen el numerador y el denominador entre el mismo número porque son fracciones equivalentes.</p>	
Cierre 10 min.	5. Dar los ejercicios	-Entender las reglas y copiar en sus cuadernos. 

### Plan del pizarrón

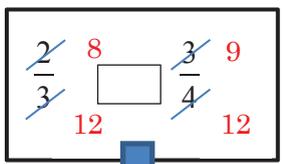
**Matemática**  
 ¡Vamos a comparar  $\frac{2}{3}$  y  $\frac{3}{4}$ !


 $\frac{2}{3}$


 $\frac{3}{4}$

$\frac{2}{3} = \frac{2 \times 4}{3 \times 4} = \frac{8}{12}$

$\frac{3}{4} = \frac{3 \times 3}{4 \times 3} = \frac{9}{12}$



$\frac{8}{12} < \frac{9}{12}$

Se puede comparar los fracciones que se multiplica el numerador y el denominador por el mismo número porque son fracciones equivalentes. También se puede comparar los fracciones que se dividen el numerador y el denominador entre el mismo número porque son fracciones equivalentes.

**Ejercicios**

①  $\frac{2}{3} = \frac{2 \times 2}{3 \times 2} = \frac{\square}{\square}$       ②  $\frac{1}{4} = \frac{1 \times \square}{4 \times 3} = \frac{\square}{\square}$

③  $\frac{3}{9} = \frac{3 : 3}{9 : \square} = \frac{\square}{\square}$       ④  $\frac{4}{10} = \frac{4 : \square}{10 : 2} = \frac{\square}{\square}$

⑤  $\frac{2}{7} = \frac{\square}{14}$       ⑥  $\frac{6}{8} = \frac{3}{\square}$

⑦  $\frac{1}{4} \square \frac{1}{2}$       ⑧  $\frac{8}{10} \square \frac{3}{5}$

¡Vamos a probar los dos!  
 Amplificar y Simplificar para  
 comparar las fracciones!



### Respuesta de Ejercicios (pág.36)

①  $\frac{2}{3} = \frac{2 \times 2}{3 \times 2} = \frac{4}{6}$

②  $\frac{1}{4} = \frac{1 \times 3}{4 \times 3} = \frac{3}{12}$

③  $\frac{3}{9} = \frac{3 : 3}{9 : 3} = \frac{1}{3}$

④  $\frac{4}{10} = \frac{4 : 2}{10 : 2} = \frac{2}{5}$

⑤  $\frac{2}{7} = \frac{4}{14}$

⑥  $\frac{6}{8} = \frac{3}{4}$

⑦  $\frac{1}{4} < \frac{1}{2}$

⑧  $\frac{8}{10} < \frac{3}{5}$

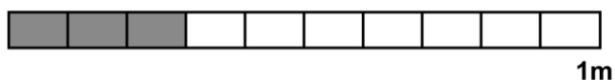
## Ejercicios (Cómo se lee)



① \_\_\_\_\_ m = \_\_\_\_\_ m.



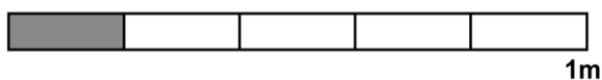
② \_\_\_\_\_ m = \_\_\_\_\_ m.



③ \_\_\_\_\_ m = \_\_\_\_\_ m.



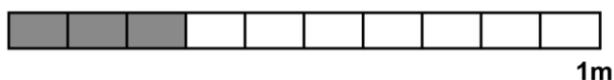
④ \_\_\_\_\_ m = \_\_\_\_\_ m.



① \_\_\_\_\_ m = \_\_\_\_\_ m.



② \_\_\_\_\_ m = \_\_\_\_\_ m.



③ \_\_\_\_\_ m = \_\_\_\_\_ m.



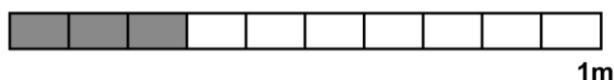
④ \_\_\_\_\_ m = \_\_\_\_\_ m.



① \_\_\_\_\_ m = \_\_\_\_\_ m.



② \_\_\_\_\_ m = \_\_\_\_\_ m.



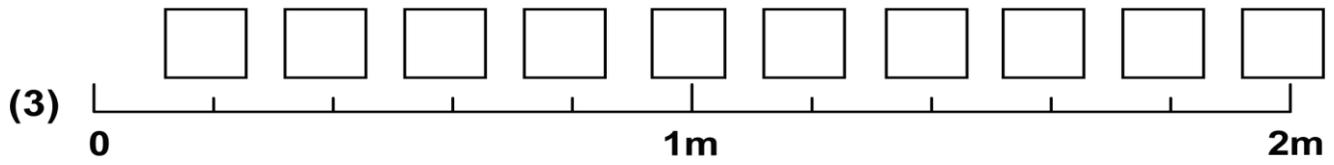
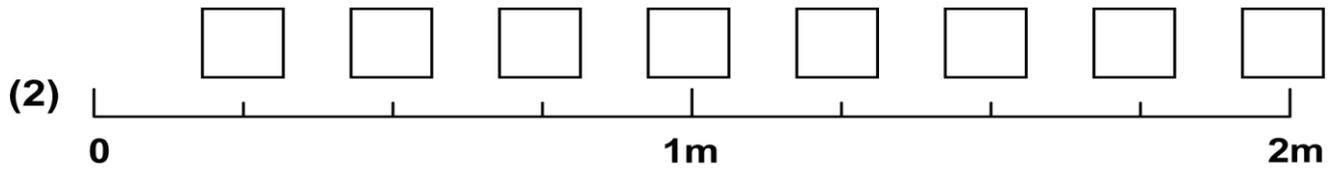
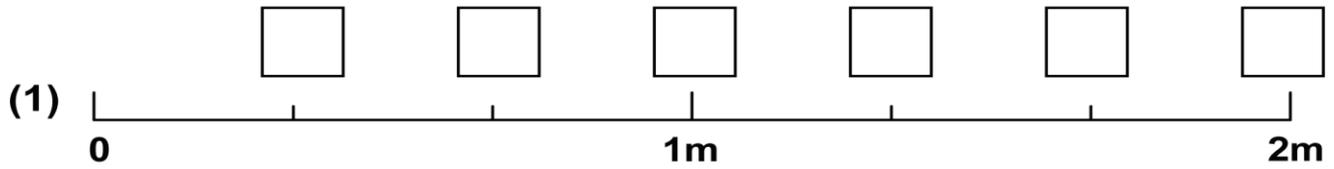
③ \_\_\_\_\_ m = \_\_\_\_\_ m.



④ \_\_\_\_\_ m = \_\_\_\_\_ m.

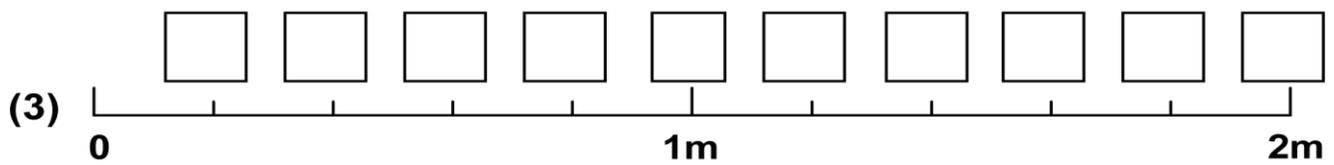
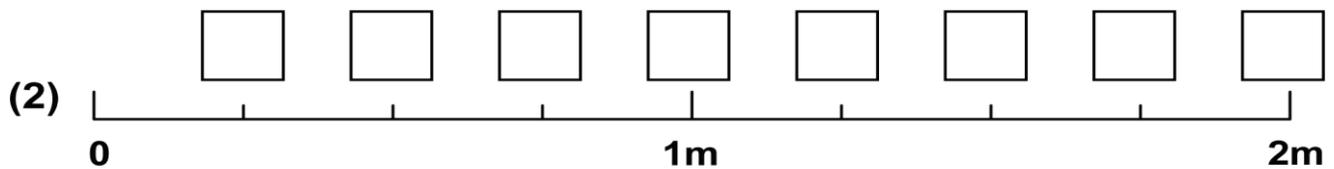
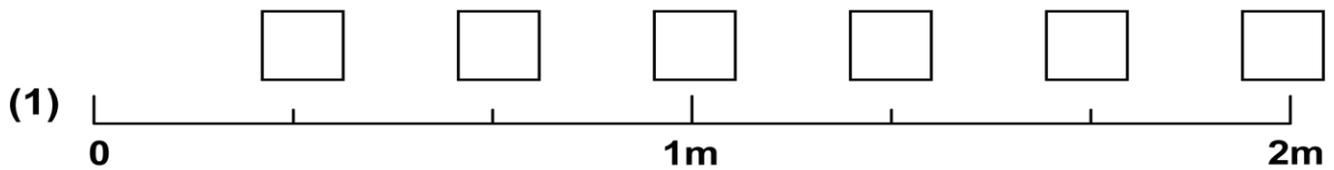
## Hoja de clase (Clasificación)

Escribe las fracciones en el  .



	Es la que tiene el numerador menor que el denominador y es menor que el entero.
	Es la que tiene numerador y denominador iguales y es igual al entero.
	Es la que tiene el numerador mayor que el denominador y es mayor que el entero.

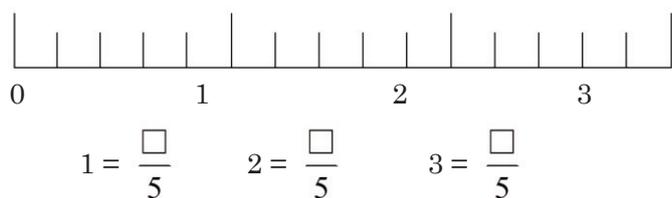
Escribe las fracciones en el  .



	Es la que tiene el numerador menor que el denominador y es menor que el entero.
	Es la que tiene numerador y denominador iguales y es igual al entero.
	Es la que tiene el numerador mayor que el denominador y es mayor que el entero.

## Hoja para clase (Fracción aparente)

① Completo la recta numérica con las fracciones.



②

$$2 = \frac{\square}{2}$$

③

$$3 = \frac{\square}{4}$$

④

$$1 = \frac{\square}{6}$$

⑤

$$4 = \frac{\square}{10}$$

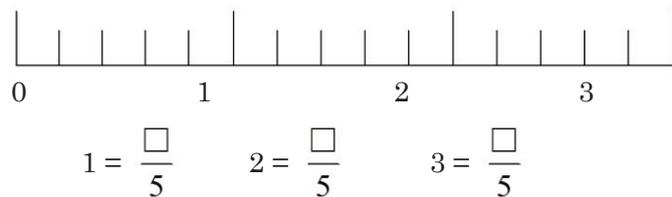
⑥

$$2 = \frac{\square}{8}$$

⑦

$$5 = \frac{\square}{1}$$

① Completo la recta numérica con las fracciones.



②

$$2 = \frac{\square}{2}$$

③

$$3 = \frac{\square}{4}$$

④

$$1 = \frac{\square}{6}$$

⑤

$$4 = \frac{\square}{10}$$

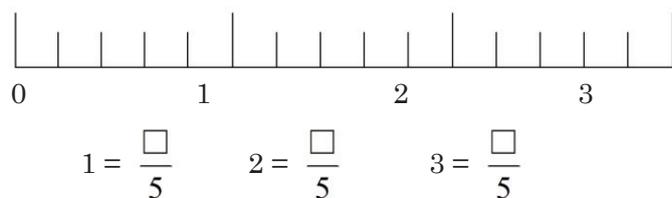
⑥

$$2 = \frac{\square}{8}$$

⑦

$$5 = \frac{\square}{1}$$

① Completo la recta numérica con las fracciones.



②

$$2 = \frac{\square}{2}$$

③

$$3 = \frac{\square}{4}$$

④

$$1 = \frac{\square}{6}$$

⑤

$$4 = \frac{\square}{10}$$

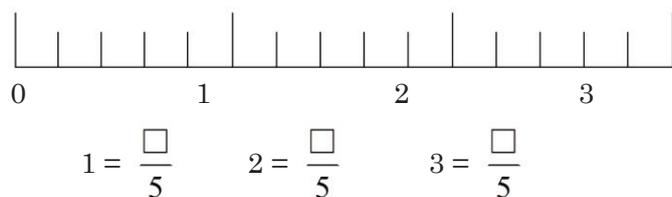
⑥

$$2 = \frac{\square}{8}$$

⑦

$$5 = \frac{\square}{1}$$

① Completo la recta numérica con las fracciones.



②

$$2 = \frac{\square}{2}$$

③

$$3 = \frac{\square}{4}$$

④

$$1 = \frac{\square}{6}$$

⑤

$$4 = \frac{\square}{10}$$

⑥

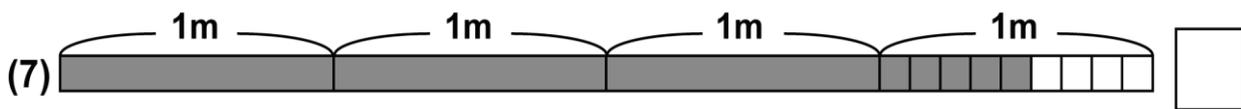
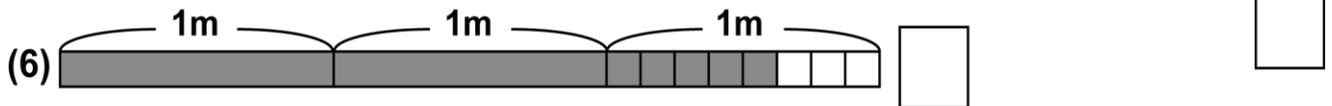
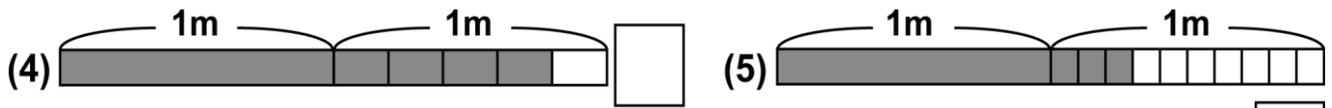
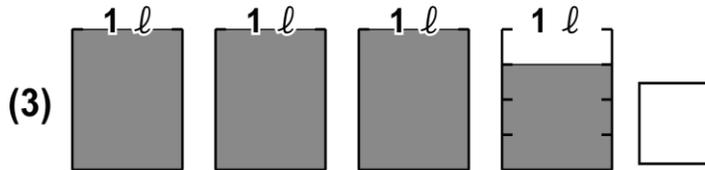
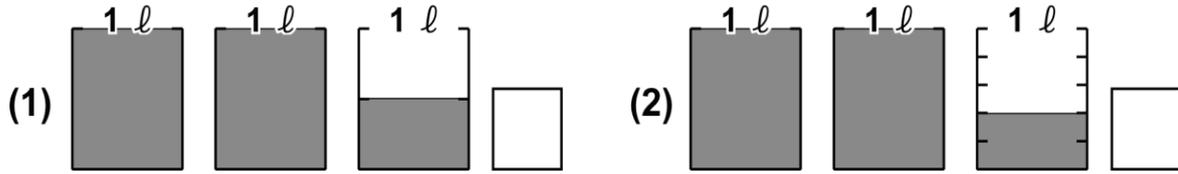
$$2 = \frac{\square}{8}$$

⑦

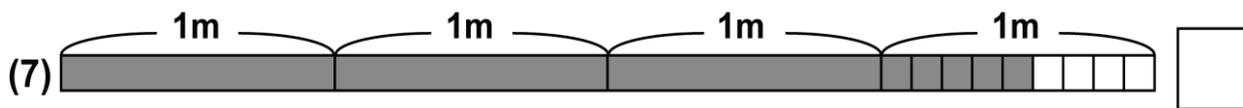
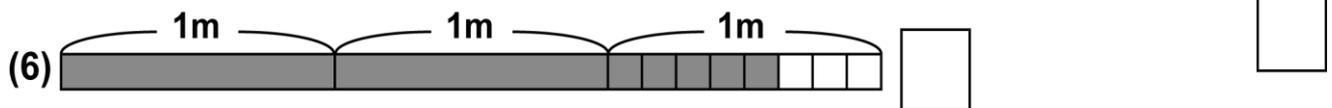
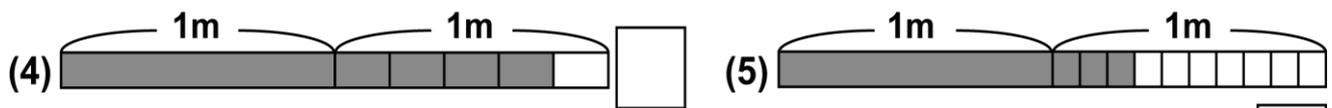
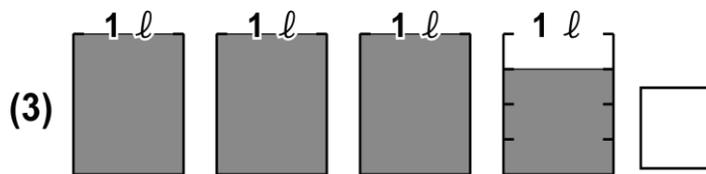
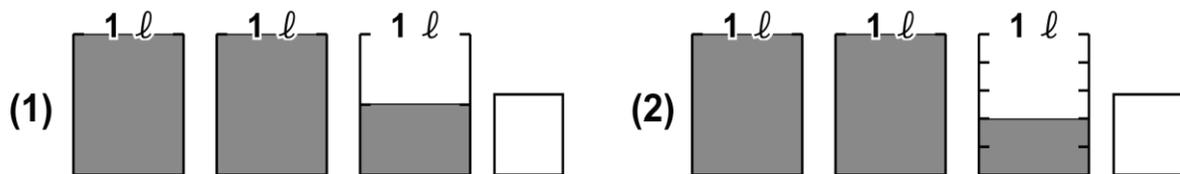
$$5 = \frac{\square}{1}$$

## Ejercicios (Numeral mixto)

Escribe el numeral mixto que indica la parte pintada en el .

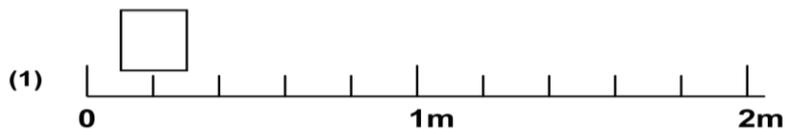


Escribe el numeral mixto que indica la parte pintada en el .



## Ejercicios (Conversión(1)(2))

1. Escribo las fracciones en el .



2. Convierto en fracción impropia.

(1)  $2 \frac{1}{4} =$

(2)  $1 \frac{5}{7} =$

(3)  $1 \frac{4}{5} =$

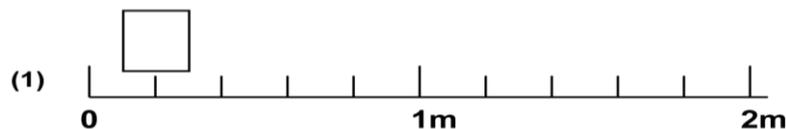
3. Convierto en numeral mixto.

(1)  $\frac{18}{7} =$

(2)  $\frac{7}{5} =$

(3)  $\frac{23}{3} =$

1. Escribo las fracciones en el .



2. Convierto en fracción impropia.

(1)  $2 \frac{1}{4} =$

(2)  $1 \frac{5}{7} =$

(3)  $1 \frac{4}{5} =$

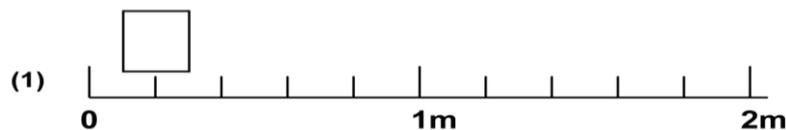
3. Convierto en numeral mixto.

(1)  $\frac{18}{7} =$

(2)  $\frac{7}{5} =$

(3)  $\frac{23}{3} =$

1. Escribo las fracciones en el .



2. Convierto en fracción impropia.

(1)  $2 \frac{1}{4} =$

(2)  $1 \frac{5}{7} =$

(3)  $1 \frac{4}{5} =$

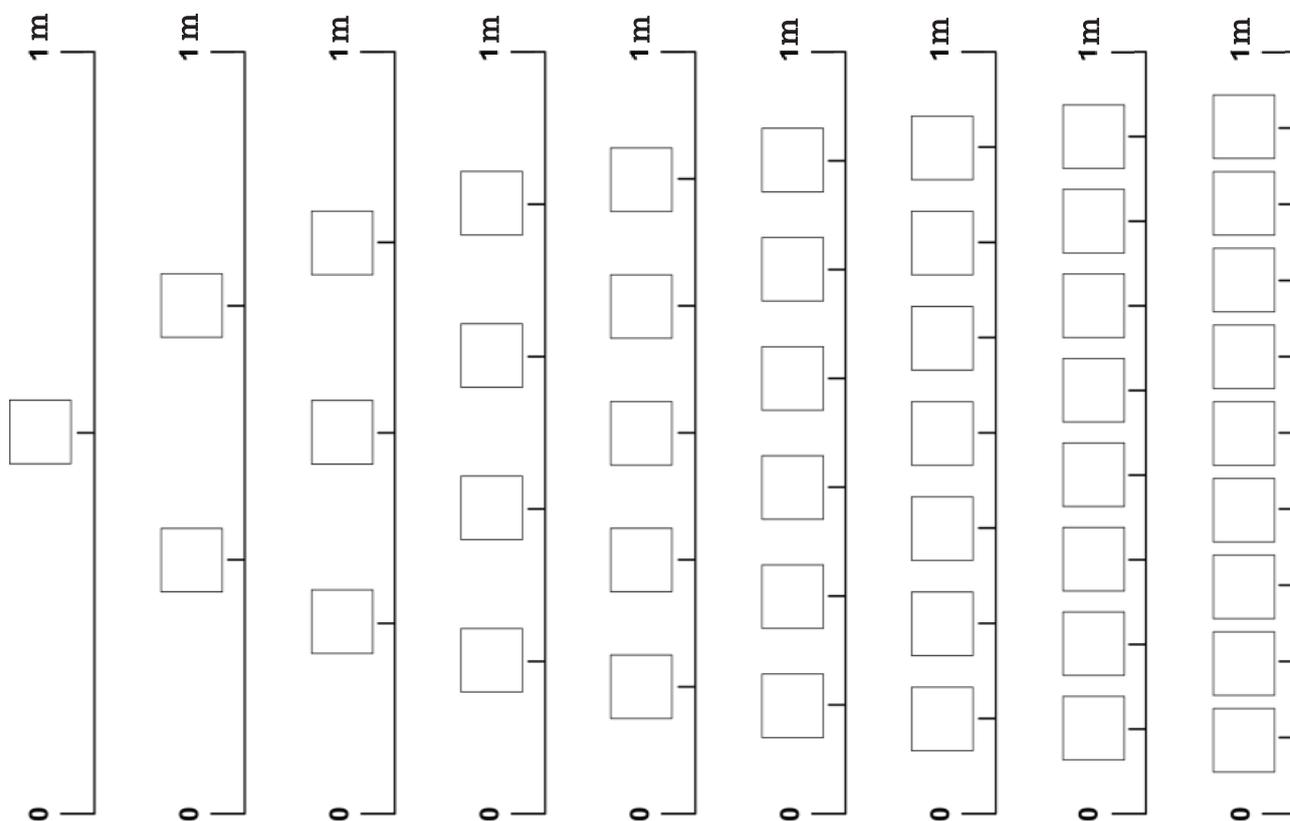
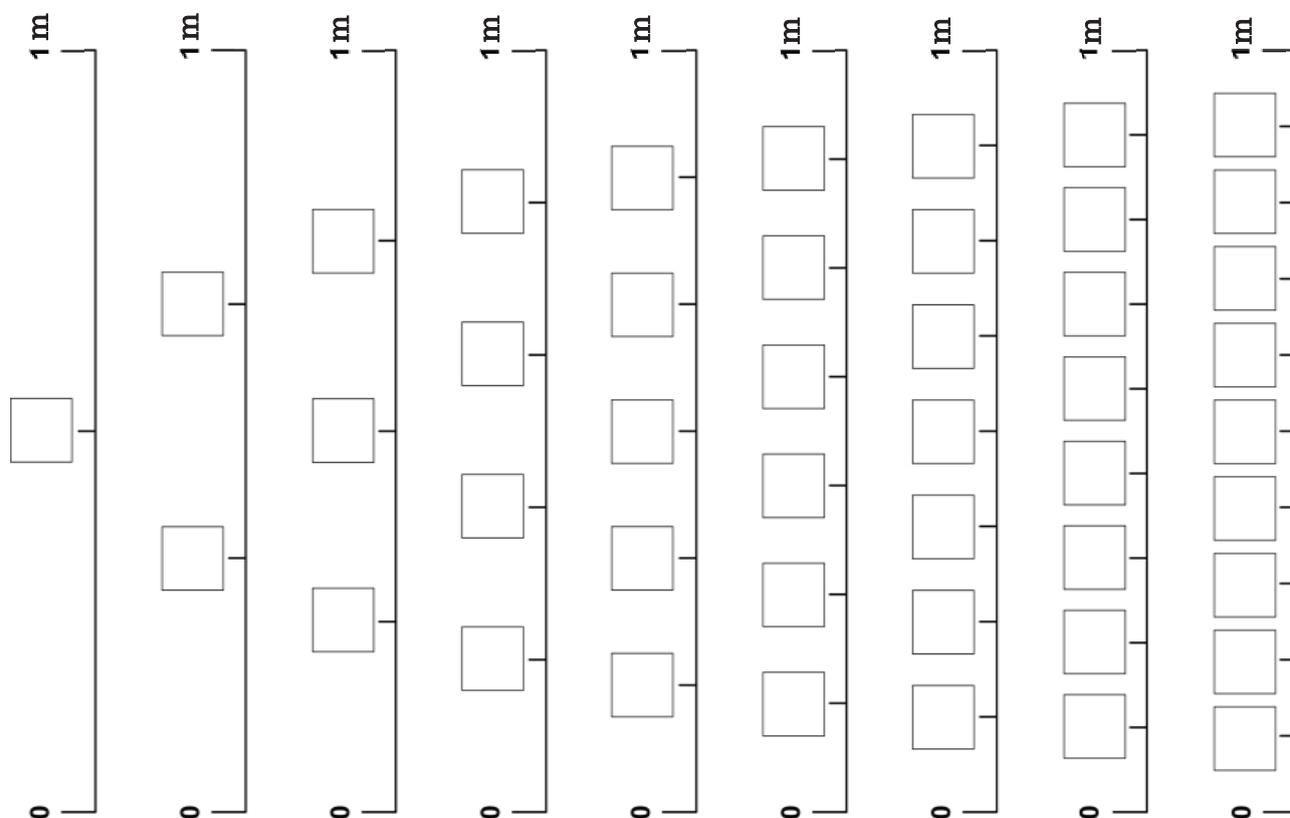
3. Convierto en numeral mixto.

(1)  $\frac{18}{7} =$

(2)  $\frac{7}{5} =$

(3)  $\frac{23}{3} =$

# Hoja para clase (Fracción equivalente)

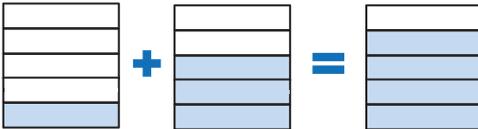


Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
4º grado	Adición(1)	1/6	Comprender la adición de las fracciones homogéneas. f.p. (fracción propia) + f.p = f.p.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	1. Plantear la situación problemática.  <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px 0;">           Juan tomó <math>\frac{1}{5} l</math> de jugo en la mañana y <math>\frac{3}{5} l</math> en la tarde. ¿Cuántos litros de jugo tomó en total?         </div>		Dibujos de cartulinas en las que se representan la gráfica (Véase Notas.)
Desarrollo 30 min.	2. Dar tiempo para pensar.	-Leer y sacar los datos. -Pensar en la solución.  Solución: $\frac{1}{5} + \frac{3}{5}$	
	3. Presentar una gráfica en el pizarrón para ayudar al razonamiento de los alumnos.  <div style="display: flex; align-items: center; justify-content: center;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px 0;">             ¿Cómo se calcula <math>\frac{1}{5} + \frac{3}{5}</math>?           </div> </div>	-Pensar en la manera del cálculo solo/a.	
	4. Preguntar a los alumnos mostrando las gráficas en el pizarrón.  <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 10px; margin: 5px 0;"> <p>¿Cuántos de <math>\frac{1}{5}</math> hay en <math>\frac{1}{5}</math>?, ¿Cuántos de <math>\frac{1}{5}</math> hay en <math>\frac{3}{5}</math>? Entonces, ¿Cuántos de <math>\frac{1}{5}</math> hay en total?</p> </div>	-En $\frac{1}{5}$ hay 1 vez $\frac{1}{5}$ . -En $\frac{3}{5}$ hay 3 veces $\frac{1}{5}$ .  <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0;">           En total, <math>1 + 3 = 4</math> veces <math>\frac{1}{5}</math>.         </div>	
Cierre 5 min.	5. Confirmar la manera de calcular.  <div style="display: flex; align-items: center; justify-content: center;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px 0;"> </div> </div> <p>Sacar las cartulinas pintadas y pegar la cartulina donde es la respuesta.</p>	-La respuesta: Juan tomó $\frac{4}{5} l$ de jugo en total.	
	6. Confirmar y escribir la regla en el pizarrón.  <div style="border: 2px solid red; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <b>Para sumar las fracciones homogéneas se suman los numeradores y mantiene el mismo denominador.</b> </div>	-Comprender la regla.	
	7. Dar los ejercicios.	-Practicar los ejercicios aplicando la regla.	

## Plan del pizarrón

Matemática	
<p>Juan tomó <math>\frac{1}{5}l</math> de jugo en la mañana y <math>\frac{3}{5}l</math> en la tarde. ¿Cuántos litros de jugo tomó en total?</p>	
Datos	Solución
$-\frac{1}{5}l$ en la mañana	$\frac{1}{5} + \frac{3}{5}$
$-\frac{3}{5}l$ en la tarde	



$$\frac{1}{5} + \frac{3}{5} = \frac{4}{5}$$

1 vez  $\frac{1}{5}$     3 veces  $\frac{1}{5}$      $\Rightarrow$      $1 + 3 = 4$ , 4 veces  $\frac{1}{5}$

Respuesta: Juan tomó  $\frac{4}{5}l$  de jugo en total.

**Para sumar las fracciones homogéneas se suman los numeradores y mantiene el mismo denominador.**



### Notas ¿Cómo preparar la cartulina del gráfico?

Preparación: Cartulina blanca y de color.  
Cinta transparente para plastificar.  
Marcador, regla y tijera.



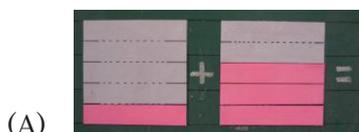
Trazar una línea cada 3,6cm.

Cuadrado de 18cm  $\times$  18cm

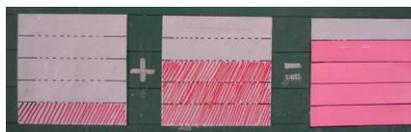
Después de trazar las líneas, plastificar para que se pueda pegar y quitar las cartulinas de color.

### ¿Cómo usar?

Colocar en el pizarrón.



(A)



(B)

(A) Quitar las cartulinas de color.

(B) Pegar a la cartulina blanca de la respuesta y pintar con marcador donde quitan las cartulinas.



## Ejercicios

1. Calculo.

a)  $\frac{2}{5} + \frac{1}{5}$

$\frac{3}{5}$

b)  $\frac{2}{7} + \frac{3}{7}$

$\frac{5}{7}$

c)  $\frac{4}{7} + \frac{2}{7}$

$\frac{6}{7}$

d)  $\frac{5}{11} + \frac{2}{11}$

$\frac{7}{11}$

\* e)  $\frac{1}{8} + \frac{3}{8}$

$\frac{1}{2}$

\* f)  $\frac{4}{9} + \frac{2}{9}$

$\frac{2}{3}$

\*La respuesta de e) y f) necesita simplificación.

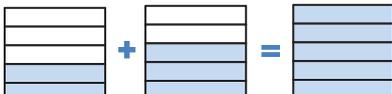
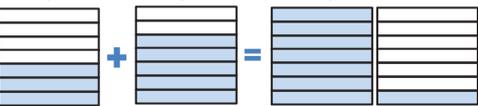
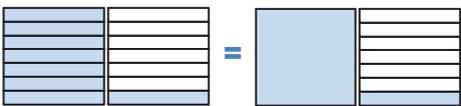
2. Marta horneó una asadera de chipa guazu. Su hijo comió  $\frac{2}{8}$  parte y su hija comió  $\frac{1}{8}$  parte.

¿Qué parte ya comieron?

Solución  $\frac{2}{8} + \frac{1}{8}$

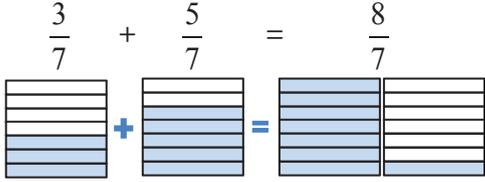
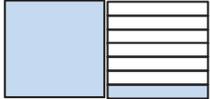
Respuesta: Comieron  $\frac{3}{8}$  parte.

Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
4º grado	Adición(2)	2/6	Comprender la adición de las fracciones homogéneas. f.p + f.p = f.aparente, impropia (o numeral mixto).

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 10 min.	<p>1. Repasar la clase anterior e introducir la de hoy con el juego de las barajas. (Véase Notas.)</p> <p>2. Presentar los ejercicios.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px 0;">           Calcular.            (1) <math>\frac{3}{5} + \frac{2}{5}</math>      (2) <math>\frac{3}{7} + \frac{5}{7}</math> </div> <p>3. Dar tiempo a los alumnos para pensar.</p>	<p>-Jugar con las barajas de las fracciones.</p> <p>-Pensar en la manera de calcular solo/a.</p>	 Barajas de las fracciones pág.229
Desarrollo 25 min.	<p>¿Qué diferencia hay entre (1),(2) y las sumas de la clase anterior?</p> <p>4. Confirmar con los alumnos el ejercicio (1) en el pizarrón.</p> <p>(1) <math>\frac{3}{5} + \frac{2}{5} = \frac{5}{5} = 1</math> (entero)</p>  <p>5. Dar tiempo a los alumnos para pensar (2).</p> <p>6. Confirmar con los alumnos el ejercicio (2) en el pizarrón.</p> <p>(2) <math>\frac{3}{7} + \frac{5}{7} = \frac{8}{7}</math></p>  <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <p><b>Y ¿si utilizamos más enteros?</b></p> <p>¿Cuántos de <math>\frac{1}{7}</math> hay en 1?</p> <p>¿Cuántos de <math>\frac{1}{7}</math> hay en <math>\frac{8}{7}</math>?</p> </div> <p>8 = 7 + 1, por eso</p> 	<p>-Darse cuenta de que la respuesta de (1) es fracción aparente.</p> <p><math>\frac{5}{5} = 1</math> (entero)</p>  <p>-Pensar en la manera de calcular solo/a.</p> <p>-Darse cuenta de que la respuesta de (2) es fracción impropia.</p> <p>-(2) se puede convertir en numeral mixto.</p> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0;">       En 1 hay 7 veces <math>\frac{1}{7}</math>.     </div> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <math>1 = \frac{7}{7}</math> </div>  <p>-En <math>\frac{8}{7}</math> hay 8 veces <math>\frac{1}{7}</math>.</p> 	Dibujos de cartulinas en las que se representan la gráfica

Cierre 5 min.	$\frac{8}{7}$ es igual a $\frac{7}{7} + \frac{1}{7} = 1\frac{1}{7}$ .	
	<p>Dejar la fracción impropia no es equivocación. Al final el resultado convierte en numeral mixto para que sea fácil la interpretación.</p> <p>7. Dar los ejercicios.</p>	

### Plan del pizarrón

<b>Matemática</b> Calcular. (1) $\frac{3}{5} + \frac{2}{5}$ $\frac{3}{5} + \frac{2}{5} = \frac{5}{5} = 1$ (entero) 	(2) $\frac{3}{7} + \frac{5}{7}$ $\frac{3}{7} + \frac{5}{7} = \frac{8}{7}$  Y ¿si utilizamos más enteros? $= 1\frac{1}{7}$ 
--	--



### Notas

### Juego de las barajas



Preparación: 6 barajas cuyos denominadores son 6, es decir, se usa de  $\frac{1}{6}$  a  $\frac{6}{6}$ .

1. Dividir a los alumnos en grupos de 3 alumnos.
2. Entregar las barajas a cada grupo y repartir 2 barajas, cara abajo, a cada alumno/a.
3. Todos dan la vuelta las barajas al mismo tiempo y suman las 2 fracciones.
4. Comparar el resultado y la persona que tenga el resultado mayor de la suma será ganador/a.

### Ejercicios

Calculo.

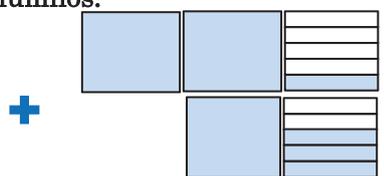
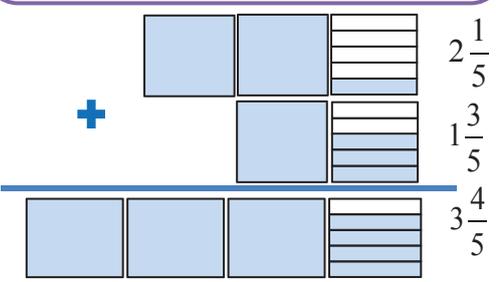
a)  $\frac{4}{9} + \frac{5}{9} = \frac{9}{9} = 1$       b)  $\frac{7}{10} + \frac{3}{10} = \frac{10}{10} = 1$       c)  $\frac{2}{3} + \frac{2}{3} = \frac{4}{3} = 1\frac{1}{3}$

d)  $\frac{4}{5} + \frac{3}{5} = \frac{7}{5} = 1\frac{2}{5}$       e)  $\frac{7}{5} + \frac{3}{5} = \frac{10}{5} = 2$       \* f)  $\frac{4}{9} + \frac{8}{9} = \frac{12}{9} = 1\frac{4}{3}$

\* g)  $\frac{9}{10} + \frac{7}{10} = \frac{16}{10} = 1\frac{6}{5}$       \* h)  $\frac{11}{12} + \frac{7}{12} = \frac{18}{12} = 1\frac{3}{2}$

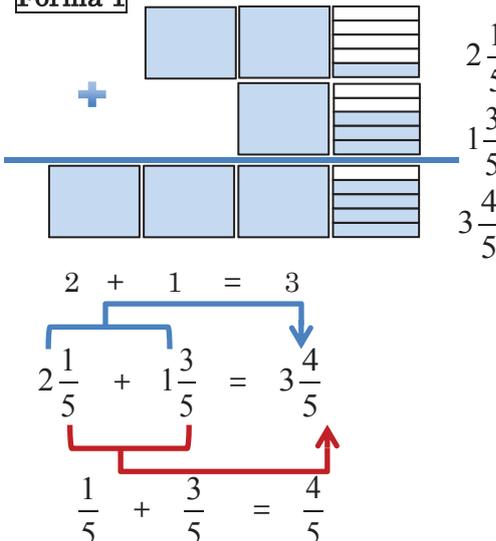
\*La respuesta de f) g) y h) necesita simplificación.

Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
4º grado	Adición(3)	3/6	Comprender la adición de las fracciones homogéneas. n.m. (numeral mixto) + n.m.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Presentar la situación problemática.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px 0;">           Pedro compró <math>2\frac{1}{5}</math> kg de harina y Juana compró <math>1\frac{3}{5}</math> kg. ¿Cuántos kilogramos de harina compraron en total?         </div> <p>2. Dar tiempo para pensar.</p> <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0;">           ¿Qué diferencia de cálculo hay entre la clase anterior y hoy.         </div> 	<ul style="list-style-type: none"> <li>-Leer y sacar los datos.</li> <li>-Pensar en la solución.</li> </ul> <p>Solución: <math>2\frac{1}{5} + 1\frac{3}{5}</math></p> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0;">           Suma de los numerales mixtos.         </div>	
Desarrollo 30 min.	<p>3. Presentar una gráfica en el pizarrón para ayudar al razonamiento de los alumnos.</p> <div style="text-align: center;">  </div> <p>4. Preguntar los siguientes a los alumnos mostrando las gráficas en el pizarrón. (Véase el plan del pizarrón también.)</p> <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0;">           ¿Cuál es el resultado de la suma de los enteros?            ¿Cuál es el resultado de la suma de las fracciones?            Entonces, ¿Cuál es el resultado?         </div> <div style="text-align: center;">  </div> <p>Quitar las cartulinas pintadas de la gráfica de arriba y pegarlas abajo de la barra en el pizarrón.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>-Pensar en la manera de calcular solo/a.</li> </ul>  <ul style="list-style-type: none"> <li>-La suma de los enteros es <math>2 + 1 = 3</math>.</li> <li>-La suma de las fracciones es <math>\frac{1}{5} + \frac{3}{5} = \frac{4}{5}</math>.</li> <li>-La respuesta es <math>3\frac{4}{5}</math> kg.</li> </ul>	<p>Dibujos de cartulina en las que se representan las gráficas</p> 

	 <p>¿Hay alguien que calculó de otra forma?</p> <p>Calcular convirtiendo los numerales mixtos en las impropias.</p> $2\frac{1}{5} + 1\frac{3}{5} = \frac{11}{5} + \frac{8}{5} \quad \text{Convertir}$ $= \frac{19}{5} \left( = 3\frac{4}{5} \right)$	<p>Convertí en impropia.</p> <p>-Recordar la conversión de numeral mixto a impropia.</p> $2\frac{1}{5} = \frac{11}{5}, 1\frac{3}{5} = \frac{8}{5}$	 <p>Conversión (2) pág.54</p>
<p>Cierre 5 min.</p>	<p>5. Confirmar y escribir la regla en el pizarrón.</p> <div style="border: 1px solid red; padding: 5px;"> <p>Quando se suman los numerales mixtos hay 2 formas.  <b>Forma 1</b> Sumar separadamente. (sumar por separado la parte entera y la parte de la fracción.)  <b>Forma 2</b> Convertir en fracciones impropias y sumarlas.</p> </div> <p>6. Dar los ejercicios.</p>	<p>-Comprender la regla.</p> <p>-Practicar los ejercicios.</p>	

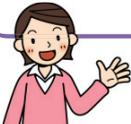
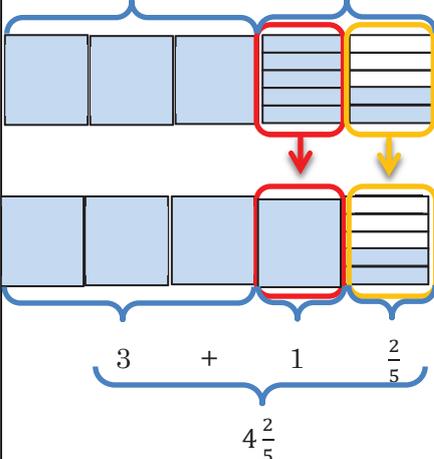
### Plan del pizarrón

<p style="text-align: center;"><b>Matemática</b></p> <p>Pedro compró <math>2\frac{1}{5}</math> kg de harina y Juana compró <math>1\frac{3}{5}</math> kg. ¿Cuántos kilogramos de harina compraron en total?</p> <table style="width: 100%;"> <tr> <td style="width: 50%;">Datos</td> <td style="width: 50%;">Solución</td> </tr> <tr> <td>- Pedro <math>2\frac{1}{5}</math> kg</td> <td><math>2\frac{1}{5} + 1\frac{3}{5}</math></td> </tr> <tr> <td>- Juana <math>1\frac{3}{5}</math> kg</td> <td></td> </tr> </table>	Datos	Solución	- Pedro $2\frac{1}{5}$ kg	$2\frac{1}{5} + 1\frac{3}{5}$	- Juana $1\frac{3}{5}$ kg		<p><b>Forma 1</b></p>  <p style="text-align: center;"> <math>2 + 1 = 3</math>  <math>2\frac{1}{5} + 1\frac{3}{5} = 3\frac{4}{5}</math>  <math>\frac{1}{5} + \frac{3}{5} = \frac{4}{5}</math> </p> <p>Respuesta: Compraron <math>3\frac{4}{5}</math> kg en total.</p>	<p><b>Forma 2</b></p> $2\frac{1}{5} + 1\frac{3}{5}$ <p style="text-align: center;"><b>Convertir</b></p> $= \frac{11}{5} + \frac{8}{5}$ $= \frac{19}{5} \left( = 3\frac{4}{5} \right)$
Datos	Solución							
- Pedro $2\frac{1}{5}$ kg	$2\frac{1}{5} + 1\frac{3}{5}$							
- Juana $1\frac{3}{5}$ kg								
<p>Quando se suman los numerales mixtos hay 2 formas.  <b>Forma 1</b> Sumar por separado la parte entera y la parte de la fracción.  <b>Forma 2</b> Convertir en fracciones impropias y sumarlas.</p>								

### Ejercicios

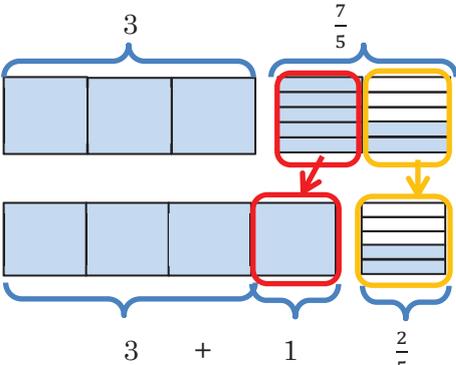
- a)  $1\frac{2}{7} + 3\frac{4}{7} = 4\frac{6}{7}$     b)  $2\frac{1}{3} + 3\frac{1}{3} = 5\frac{2}{3}$     c)  $1\frac{2}{9} + 4\frac{5}{9} = 5\frac{7}{9}$     d)  $2\frac{1}{5} + \frac{2}{5} = 2\frac{3}{5}$
- \* e)  $\frac{4}{9} + 3\frac{2}{9} = 3\frac{2}{9}$     \* f)  $2\frac{3}{10} + 2\frac{1}{10} = 4\frac{2}{5}$     \*La respuesta de e) y f) necesita simplificación.

Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
4º grado	Adición(4)	4/6	Comprender la adición de las fracciones homogéneas. n.m.+n.m. (con dificultad)

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Presentar un ejercicio.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 5px auto;">           Calcular. <math>2\frac{3}{5} + 1\frac{4}{5}</math> </div> <p>2. Preguntar el resultado a unos alumnos. <b>Forma 1</b> (Sumar separadamente) Equivocación de los alumnos.</p> $2 + 1 = 3$ $2\frac{3}{5} + 1\frac{4}{5} = 3\frac{7}{5}$ $\frac{3}{5} + \frac{4}{5} = \frac{7}{5}$	<p>-Pensar en la manera de calcular solo/a.</p> <div style="border: 1px solid lightblue; border-radius: 50%; padding: 10px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <math>2\frac{3}{5} + 1\frac{4}{5} = 3\frac{7}{5}</math> </div>	
Desarrollo 30 min.	<div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 10px; margin-bottom: 10px;"> <math>2\frac{3}{5} + 1\frac{4}{5} = 3\frac{7}{5}</math> ¿Es correcto? ¿Cómo se llama <math>\frac{7}{5}</math> (el numerador es mayor que el denominador)? Y <math>3\frac{7}{5}</math>, ¿Dónde está el error?         </div> <div style="display: flex; align-items: center; margin-bottom: 10px;">  <div> <math>\frac{7}{5}</math> se llama fracción impropia.         </div> </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; text-align: center; margin-bottom: 10px;"> <b>¿Qué podemos hacer para corregir?</b> </div> <div style="border: 1px solid green; border-radius: 15px; padding: 10px; margin-bottom: 10px;"> <p>La parte de la fracción no se deja en fracción impropia. (Véase Notas.) Si necesita, use la gráfica para ayudar el entendimiento de la conversión.</p> </div> <p>Convertir <math>\frac{7}{5}</math> en el numeral mixto.  <math>7 : 5 = 1</math> residuo 2        por eso, <math>\frac{7}{5} = 1\frac{2}{5}</math>.</p> <p>3. Confirmar la respuesta.  <math>2\frac{3}{5} + 1\frac{4}{5} = 3\frac{7}{5} = 4\frac{2}{5}</math></p> <p>4. Confirmar otra forma del cálculo.</p>	<p>-Razonar que se debe convertir la parte de fracción en fracción propia.</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: center; margin-bottom: 10px;"> <div style="text-align: center;"><math>3</math></div> <div style="text-align: center;"><math>\frac{7}{5}</math></div> </div> <div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: center;">  </div> <div style="display: flex; justify-content: center; align-items: center; margin-top: 10px;"> <div style="text-align: center; margin-right: 10px;"><math>3</math></div> <div style="text-align: center; margin-right: 10px;">+</div> <div style="text-align: center; margin-right: 10px;"><math>1</math></div> <div style="text-align: center; margin-right: 10px;"><math>\frac{2}{5}</math></div> </div> <div style="text-align: center; margin-top: 10px;"> <math>4\frac{2}{5}</math> </div>	<p>Dibujos de cartulina en las que se representan las gráficas</p>

	 <p>¿Hay alguien que calculó de otra forma?</p> <p><b>Forma 2 (Convertir)</b></p> $2\frac{3}{5} + 1\frac{4}{5} = \frac{13}{5} + \frac{9}{5}$ <p><b>Convertir</b></p> $= \frac{22}{5} \left( = 4\frac{2}{5} \right)$ <p>5. Dar los ejercicios.</p>	<p>Convertí en impropia.</p> <p>-Recordar la conversión de numeral mixto a impropia.</p> $2\frac{3}{5} = \frac{13}{5}, 1\frac{4}{5} = \frac{9}{5}$ <p>-Practicar los ejercicios.</p>	
Cierre 5 min.			

### Plan del pizarrón

<p><b>Matemática</b></p> <p>Calcular. <math>2\frac{3}{5} + 1\frac{4}{5}</math></p> <p><b>Forma 1</b> (Sumar separadamente)</p> $2 + 1 = 3$ $2\frac{3}{5} + 1\frac{4}{5} = 3\frac{7}{5}$ $\frac{3}{5} + \frac{4}{5} = \frac{7}{5}$	<p>¿Por qué no es correcto?</p> $\frac{7}{5} = 1\frac{2}{5}$  <p>por eso, la respuesta es <math>4\frac{2}{5}</math>.</p>	<p><b>Forma 2 (Convertir)</b></p> $2\frac{3}{5} + 1\frac{4}{5}$ <p><b>Convertir</b></p> $= \frac{13}{5} + \frac{9}{5}$ $= \frac{22}{5} \left( = 4\frac{2}{5} \right)$
---	---	---

 **Notas** Hay que cambiar la parte de fracción,  $\frac{7}{5}$  (impropia) en  $1\frac{2}{5}$  (numeral mixto, es decir, entero y fracción propia), si se quiere expresar el resultado en la forma de numeral mixto. Para evitar este tipo de equivocación (dejar el resultado en  $3\frac{7}{5}$ ), se puede aplicar **Forma 2**. (el cálculo convirtiendo los numerales mixtos en fracciones impropias.)

### Ejercicios



1. Calcular.

a)  $1\frac{5}{7} + \frac{4}{7} = 2\frac{2}{7}$     b)  $2\frac{2}{3} + 1\frac{2}{3} = 4\frac{1}{3}$     c)  $3\frac{1}{4} + 1\frac{3}{4} = 5$     d)  $2\frac{4}{9} + 5\frac{7}{9} = 8\frac{2}{9}$

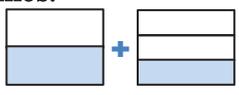
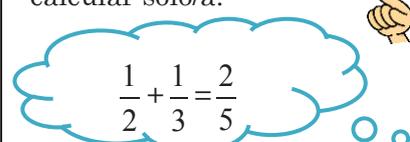
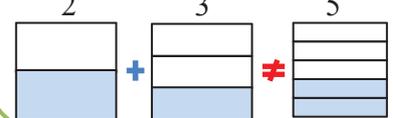
\* e)  $2\frac{5}{8} + 1\frac{7}{8} = 4\frac{1}{2}$     \* f)  $2\frac{5}{6} + 3\frac{5}{6} = 6\frac{2}{3}$     \* g)  $\frac{7}{9} + 1\frac{5}{9} = 2\frac{1}{3}$

\*La respuesta de e) f) y g) necesita simplificación.

2. Fuimos a la despensa y compramos  $1\frac{2}{5}$  kg de arroz y  $\frac{4}{5}$  kg de tomate. ¿Cuánto pesó el total de nuestra compra?

Solución  $1\frac{2}{5} + \frac{4}{5}$     Respuesta: El total de nuestra compra pesó  $2\frac{1}{5}$  kg.

Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Adición(5)	5/6	Comprender la adición de las fracciones heterogéneas.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar las fracciones que aprendieron en 4º grado. (Véase Notas.)</p> <p>2. Presentar la situación problemática.</p>	-Repasar las fracciones que aprendieron en 4º grado.	
Desarrollo 30 min.	<p>Carmen tomó <math>\frac{1}{2} l</math> de leche ayer y hoy <math>\frac{1}{3} l</math>. ¿Cuántos litros de leche tomó en dos días?</p> <p>3. Dar tiempo para pensar.</p>	<p>-Leer y sacar los datos.</p> <p>-Pensar en la solución.</p> <p>Solución: <math>\frac{1}{2} + \frac{1}{3}</math></p>	<p>Dibujos de cartulina en las que se representan las gráficas</p> 
	<p>4. Presentar una gráfica en el pizarrón para ayudar al razonamiento de los alumnos.</p>  <p>5. Aprovechar la equivocación común de los alumnos.</p> <p><math>1 + 1 = 2</math> <math>2 + 3 = 5</math></p>  <p>Por eso, el resultado es <math>\frac{2}{5}</math>.</p> <p>6. Preguntar a los alumnos.</p> <p>¿Qué se necesita para sumar las fracciones? Y ¿Qué recuerdan? Para encontrar el mismo denominador, ¿Qué podemos hacer?</p> <p>7. Buscar las fracciones equivalentes con los alumnos. <b>Hay 3 maneras.</b> (Véase Notas)</p> <p><math>\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6}</math>, <math>\frac{1}{3} = \frac{2}{6}</math></p> <p>8. Explicar con las gráficas. (Véase el plan del pizarrón.)</p> <p><math>\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{3}{6} + \frac{2}{6} = \frac{5}{6}</math></p>	<p>-Pensar en la manera de calcular solo/a.</p>  <p>Explicar usando la gráfica para que los alumnos sepan donde está el error.</p> <p><math>\frac{1}{2} + \frac{1}{3} \neq \frac{2}{5}</math></p>   <p>-Darse cuenta de que pueden sumar fracciones si son homogéneas o sea que los denominadores son iguales.</p> <p>-Buscar las fracciones equivalentes para que sean homogéneas.</p> <p>-Respuesta: Carmen tomó <math>\frac{5}{6} l</math> de leche en dos días.</p>	

Cierre 5 min.	9. Confirmar y escribir la regla en el pizarrón.	-Comprender la regla.	
	<b>Para sumar las fracciones heterogéneas, se toman de las fracciones equivalentes dos que tengan mismo denominador y se suman.</b>		
	10. Dar los ejercicios.	-Practicar los ejercicios.	

### Plan del pizarrón

Matemática	
Carmen tomó $\frac{1}{2}l$ de leche ayer y hoy $\frac{1}{3}l$ . ¿Cuántos litros de leche tomó en dos días?	
<b>Datos</b> - Ayer $\frac{1}{2}l$ - Hoy $\frac{1}{3}l$	<b>Solución</b> $\frac{1}{2} + \frac{1}{3}$

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6}, \quad \frac{1}{3} = \frac{2}{6}$$

$\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{3}{6} + \frac{2}{6} = \frac{5}{6}$

**Respuesta:** Carmen tomó  $\frac{5}{6}l$  de leche.

**Para sumar las fracciones heterogéneas, se toman de las fracciones equivalentes dos que tengan mismo denominador y se suman.**



**Notas** Para aprender la adición de las fracciones heterogéneas, tenemos que recordar lo siguiente.

- (1) Adición (y sustracción) de las fracciones homogéneas.
- (2) Fracciones equivalentes. (Amplificación, Simplificación y m.c.m.)
- (3) Conversión entre numeral mixto e impropia.



**Notas** Hay 3 maneras para encontrar las fracciones equivalentes.

- (1) Amplificar hasta encontrar el mismo denominador.  $\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6}, \quad \frac{1}{3} = \frac{2}{6}$
- (2) Encontrar mínimo común múltiplo de 2 y 3.  $\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{3}{6} + \frac{2}{6}$
- (3) Multiplicar los denominadores,  $2 \times 3$ .  $\frac{1}{2} + \frac{1}{3} = \frac{1 \times 3}{2 \times 3} + \frac{1 \times 2}{3 \times 2} = \frac{3}{6} + \frac{2}{6}$

En esta manera, se debe tener en cuenta que quizás el resultado pueda necesitar de simplificación.



### Ejercicios

- |  |   |  |
|--|---|--|
| a) $\frac{2}{3} + \frac{1}{4} = \frac{11}{12}$                 | b) $\frac{1}{6} + \frac{3}{4} = \frac{11}{12}$              | c) $\frac{1}{4} + \frac{3}{8} = \frac{5}{8}$ |
| d) $\frac{1}{6} + \frac{7}{8} = \frac{25}{24} = 1\frac{1}{24}$ | e) $\frac{1}{3} + \frac{5}{6} = \frac{7}{6} = 1\frac{1}{6}$ |  |

Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Adición(6)	6/6	Comprender la adición de las fracciones heterogéneas.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 10 min.	<p>1. Jugar con las barajas de las fracciones para que los alumnos recuerden cómo simplificar las fracciones. (Véase Notas.)</p> <p>2. Plantear el tema.</p>	-Jugar a las barajas.	
Desarrollo 25 min.	<p><b>¡Vamos a calcular estas fracciones heterogéneas!</b></p>		Barajas de las fracciones pág.229
	<p>Calcular.</p> <p>(1) <math>\frac{1}{6} + \frac{3}{10}</math>      (2) <math>2\frac{1}{3} + 1\frac{1}{6}</math></p> <p>3. Dar tiempo para pensar (1).</p> <p>4. Confirmar con los alumnos en el pizarrón.</p> <p>(1) <math>\frac{1}{6} + \frac{3}{10} = \frac{5}{30} + \frac{9}{30} = \frac{14}{30}</math></p> <p>¿La respuesta es correcta? </p> <p>Siempre expresamos las fracciones en su mínima expresión.</p> <p>Por eso, </p> $\frac{\cancel{14}}{\cancel{30}} = \frac{7}{15}$ <p><b>Entre 2</b></p> <p>5. Dar tiempo para pensar (2).</p> <p>(2) <math>2\frac{1}{3} + 1\frac{1}{6}</math></p> <p><b>Hay 2 formas del cálculo.</b></p> <p><b>Forma 1</b> (Véase la gráfica del plan del pizarrón.) Se suma la parte entera y la parte de la fracción separadamente.</p> <p><b>Forma 2</b></p> <p>① Convertir en la forma de fracción impropia. ② Buscar las fracciones equivalentes para ser homogéneas.</p>	<p>-Pensar en la manera de Calcular solo/a. </p> <p>Necesita simplificación. </p> <p>-Darse cuenta de que <math>\frac{14}{30}</math> se puede simplificar, o sea, se puede dividir en 2 tanto el denominador como el numerador.</p> <p>-La respuesta es <math>\frac{7}{15}</math>.</p> <p>-Pensar en la manera de calcular aplicando la experiencia de la adición de los numerales mixtos homogéneos.</p> <p>-La suma de los enteros es <math>2 + 1 = 3</math>.</p> <p>-La suma de las fracciones es <math>\frac{1}{3} + \frac{1}{6} = \frac{2}{6} + \frac{1}{6} = \frac{\cancel{3}}{\cancel{6}} = \frac{1}{2}</math>.</p> <p><b>Simplificar entre 3</b></p> <p>-Por eso la respuesta es <math>3\frac{1}{2}</math>.</p> <p><math>2\frac{1}{3} + 1\frac{1}{6} = \frac{7}{3} + \frac{1}{6} = \frac{14}{6} + \frac{1}{6}</math></p>	

Cierre 5 min.	<p>Si se puede simplificar, hay que simplificar.</p>	 $= \frac{\cancel{21}}{\cancel{6}} = \frac{7}{2} \left( = 3\frac{1}{2} \right)$ <p><b>Simplificar</b></p>	
	6. Dar los ejercicios.	-Practicar los ejercicios.	

## Plan del pizarrón

Matemática	Forma 1 (Sumar separadamente)
<p>Calcular.</p> <p>(1) <math>\frac{1}{6} + \frac{3}{10} = \frac{5}{30} + \frac{9}{30} = \frac{\cancel{14}}{\cancel{30}} = \frac{7}{15}</math></p> <p style="text-align: center;"><b>Simplificar entre 2</b></p> <div style="border: 1px solid red; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>Siempre expresamos las fracciones en su mínima expresión.</p> </div> <p>(2) <math>2\frac{1}{3} + 1\frac{1}{6}</math></p>	<p><math>2\frac{1}{3} + 1\frac{1}{6} = 3\frac{1}{2}</math></p> <p><math>\frac{1}{3} + \frac{1}{6} = \frac{2}{6} + \frac{1}{6} = \frac{\cancel{3}}{\cancel{6}} = \frac{1}{2}</math></p> <p><b>Forma 2 (Convertir)</b></p> <p><math>2\frac{1}{3} + 1\frac{1}{6} = \frac{7}{3} + \frac{7}{6} = \frac{14}{6} + \frac{7}{6}</math></p> <p><math>= \frac{\cancel{21}}{\cancel{6}} = \frac{7}{2} = 3\frac{1}{2}</math></p> <p style="text-align: center;"><b>Simplificar entre 3</b></p>



**Notas**

### ¡Simplificamos! (Juego de barajas)



Preparación: Las barajas de las fracciones de  $\frac{1}{7}$  a  $\frac{12}{12}$ .

1. Mezclar las barajas y luego ponerlas boca abajo en el centro de la mesa.
2. Sacar una baraja y dar la vuelta.
3. Si se puede simplificar, puede guardar ésta (y las barajas que están abajo de ésta también puede guardar), si no se puede, deje la baraja y se debe dar el turno al compañero/a.
4. La persona que tenga más barajas será ganador/a.

## Ejercicios

1. Calcular.

a)  $\frac{2}{5} + \frac{4}{15} = \frac{2}{3}$       b)  $\frac{1}{2} + \frac{3}{10} = \frac{4}{5}$       c)  $2\frac{3}{5} + 4\frac{1}{10} = 6\frac{7}{10}$

d)  $1\frac{2}{7} + \frac{8}{21} = 1\frac{2}{3}$       \* e)  $2\frac{1}{2} + 2\frac{2}{3} = 5\frac{1}{6}$

\*Cálculo del ejercicio \*e): Usando **Forma 1**, el resultado es  $4\frac{7}{6}$ . Se debe convertir la fracción,  $\frac{7}{6}$  en  $1\frac{1}{6}$ . Por lo tanto, el resultado es  $5\frac{1}{6}$ .



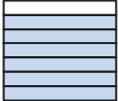
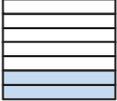
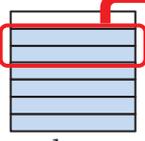
Adición(4) pág.44

2. Si se coloc  $2\frac{1}{4}$  kg de frutas en una canasta que pesa  $\frac{5}{12}$  kg. ¿Cuánto pesa todo en total?

Solución  $2\frac{1}{4} + \frac{5}{12}$

Respuesta: Pesa  $2\frac{2}{3}$  kg todo en total.

Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
4º grado	Sustracción(1)	1/6	Comprender la sustracción de las fracciones homogéneas. f.p. - f.p = f.p.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Presentar la situación problemática.</p> <p>Había <math>\frac{6}{7}l</math> de leche y María tomó <math>\frac{2}{7}l</math>. ¿Cuántos litros de leche quedó?</p>		
Desarrollo 25 min.	<p>2. Dar tiempo para pensar.</p>	<p>-Leer y sacar los datos. -Pensar en la solución.</p> <p>Solución: <math>\frac{6}{7} - \frac{2}{7}</math></p>	
	<p>¿Cómo se calcula <math>\frac{6}{7} - \frac{2}{7}</math>?</p> <p>3. Presentar una gráfica en el pizarrón para ayudar al razonamiento de los alumnos.</p> <p>De  quitar </p> <p>4. Preguntar a los alumnos mostrando las gráficas en el pizarrón.</p> <p>¿Cuántos de <math>\frac{1}{7}</math> hay en <math>\frac{6}{7}</math>? De lo cual se quitan 2 veces, ¿Cuántos de <math>\frac{1}{7}</math> quedan?</p>	<p>-Pensar en la manera del cálculo solo/a aplicando el conocimiento de la adición. </p> <p></p> <p>En <math>\frac{6}{7}</math> hay 6 veces <math>\frac{1}{7}</math>.</p> <p>Quedan <math>6 - 2 = 4</math> veces <math>\frac{1}{7}</math>.</p>	Dibujos de cartulinas en las que se representan la gráfica 
Cierre 10 min.	<p>4. Confirmar la manera del cálculo.</p> <p> Quitar 2 partes <math>-\frac{2}{7}</math></p> <p>Sacar dos cartulinas pintadas del pizarrón.</p> <p>5. Confirmar y escribir la regla en el pizarrón.</p> <p>Para restar las fracciones homogéneas se restan los numeradores y mantiene el mismo denominador.</p>	<p>-La respuesta es <math>\frac{4}{7}l</math>.</p> <p>-Comprender la regla.</p>	
	<p>6. Dar los ejercicios.</p>	<p>-Practicar los ejercicios aplicando la regla.</p>	

## Plan del pizarrón

Matemática	
Había $\frac{6}{7}l$ de leche y María tomó $\frac{2}{7}l$ . ¿Cuántos litros de leche quedó?	
<u>Datos</u> $-\frac{6}{7}l$ $-\frac{2}{7}l$	<u>Solución</u> $\frac{6}{7} - \frac{2}{7}$

$\frac{6}{7} - \frac{2}{7} = \frac{4}{7}$   
 6 veces  $\frac{1}{7}$     2 veces  $\frac{1}{7}$      $6 - 2 = 4$ , 4 veces  $\frac{1}{7}$

**Respuesta :** Quedaron  $\frac{4}{7}l$  de leche.

Para restar las fracciones homogéneas se restan los numeradores y mantiene el mismo denominador.

### La Clasificación de sustracción

La clasificación de los ejercicios de sustracción y el orden de la enseñanza es como sigue.  
 f.p.=fracción propia, n.m.=numeral mixto, n.n.=número natural

Tipo	Nº de clases
f.p. - f.p. = f.p.	1/3
n.m. - n.m. = n.m. ( n.m. - f.p. = n.m., n.m. - n.m. = f.p. )	2/3
n.m. - f.p. = f.p. con dificultad.	3/3
n.m. - n.m. = n.m. ( n.m. - n.m. = f.p., n.n. - n.m. o f.p. ) con dificultad.	3/3



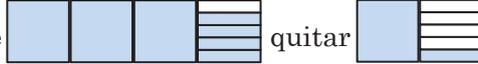
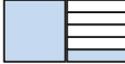
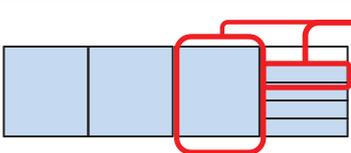
### Ejercicios

- a)  $\frac{4}{5} - \frac{1}{5}$      $\frac{3}{5}$     b)  $\frac{7}{9} - \frac{2}{9}$      $\frac{5}{9}$     c)  $\frac{3}{7} - \frac{1}{7}$      $\frac{2}{7}$   
 d)  $\frac{4}{7} - \frac{2}{7}$      $\frac{2}{7}$     e)  $\frac{1}{3} - \frac{1}{3}$     0    f)  $\frac{5}{8} - \frac{2}{8}$      $\frac{3}{8}$   
 \* g)  $1 - \frac{2}{5}$      $\frac{3}{5}$     \*\* h)  $\frac{5}{6} - \frac{1}{6}$      $\frac{2}{3}$     \*\* i)  $\frac{5}{8} - \frac{3}{8}$      $\frac{1}{4}$   
 \*\* j)  $\frac{7}{10} - \frac{3}{10}$      $\frac{2}{5}$

\*Cálculo del ejercicio número \*g) :  $1 = \frac{5}{5}$  por eso  $1 - \frac{2}{5} = \frac{5}{5} - \frac{2}{5} = \frac{3}{5}$ .

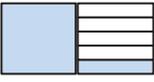
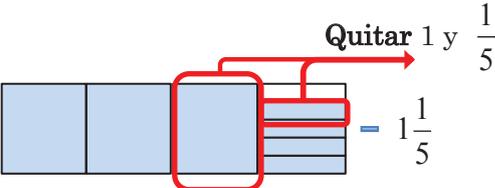
\*\*La respuesta de h), i) y j) necesita simplificación.

Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
4º grado	Sustracción(2)	2/6	Comprender la sustracción de las fracciones homogéneas. n.m. - n.m.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Dar un ejercicio.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;">           Calcular.  <math display="block">3\frac{4}{5} - 1\frac{1}{5}</math> </div>		
Desarrollo 30 min.	<p>¿Qué diferencia de cálculo hay entre la clase anterior y hoy.</p> <p>2. Plantear el tema.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; text-align: center; margin: 10px auto;"> <b>¿Cómo podemos calcular “numeral mixto” menos “numeral mixto”?</b> </div> <p>3. Presentar una gráfica en el pizarrón para ayudar al razonamiento de los alumnos.</p> <p>De  quitar </p> <p>4. Confirmar con los alumnos.  <u>Hay 2 formas de calcular</u> igual que la adición de los numerales mixtos.  <u>Forma 1</u> (Véase el plan del pizarrón también.)            Calcular por separado la parte entera y la parte de fracción.</p> <div style="border: 1px solid purple; padding: 5px; margin: 10px auto;"> <p>¿Cuál es el resultado de la resta de los enteros?              ¿Cuál es el resultado de la resta de las fracciones?              Entonces, ¿Cuál es el resultado?</p> </div> <div style="border: 1px solid red; padding: 5px; margin: 10px auto; display: flex; align-items: center;">   <div style="border: 1px solid red; padding: 5px; margin-left: 10px; flex-grow: 1;"> <b>Quitar 1 y <math>\frac{1}{5}</math></b> </div> </div> <div style="border: 1px solid purple; padding: 5px; margin: 10px auto;"> <p>¿Hay alguien que calculó de otra forma?</p> </div> <p><u>Forma 2</u> (Véase la conversión del plan del pizarrón.)            Calcular convirtiendo los numerales</p>	<p>Cálculo de numerales mixtos.</p> <p>-Pensar en la manera del cálculo solo/a aplicando el conocimiento de la adición. </p> <p>-Recordar cómo calcular la suma de los numerales mixtos.</p> <div style="border: 1px solid blue; padding: 5px; margin: 10px auto; display: flex; align-items: center;">  <div style="border: 1px solid blue; padding: 5px; flex-grow: 1;">             Calcular separadamente.           </div> </div> <p>-La resta de los enteros es  <math>3 - 1 = 2.</math>            -La resta de las fracción es  <math>\frac{4}{5} - \frac{1}{5} = \frac{3}{5}.</math>            Por eso, la respuesta es <math>2\frac{3}{5}.</math></p> <div style="border: 1px solid blue; padding: 5px; margin: 10px auto; display: flex; align-items: center;">  <div style="border: 1px solid blue; padding: 5px; flex-grow: 1;">             Convertí en impropia.           </div> </div> <p>-Recordar la conversión de numeral mixto a impropia.</p>	<p>Dibujos de cartulinas en las que se representan la gráfica</p>

	mixtos en impropias. $3\frac{4}{5} - 1\frac{1}{5} = \frac{19}{5} - \frac{6}{5}$	$3\frac{4}{5} = \frac{19}{5}, \quad 1\frac{1}{5} = \frac{6}{5}$	
Cierre 5 min.	<p style="text-align: center;"><b>Convertir</b></p> $= \frac{13}{5} \left( = 2\frac{3}{5} \right)$		
	<div style="border: 1px solid red; padding: 5px;">           La sustracción de los numerales mixtos puede calcularse de 2 formas, calcular separadamente y convertir en impropia antes de calcular.         </div>		
	5. Dar los ejercicios.	-Practicar los ejercicios.	

### Plan del pizarrón

<p style="text-align: center;"><b>Matemática</b></p> <p>Calcular. <math>3\frac{4}{5} - 1\frac{1}{5}</math></p> <p>De  quitar </p> <p><b>Forma 1 (Restar separadamente)</b></p> <p style="text-align: center;">Quitar 1 y <math>\frac{1}{5}</math></p>  $3 - 1 = 2$ $3\frac{4}{5} - 1\frac{1}{5} = 2\frac{3}{5}$ $\frac{4}{5} - \frac{1}{5} = \frac{3}{5}$ <p>Por eso el resultado es <math>2\frac{3}{5}</math>.</p>	<p><b>Forma 2 (Convertir)</b></p> <p><b>Conversión</b></p> $3\frac{4}{5} = \frac{5 \times 3 + 4}{5} = \frac{19}{5}$ <p>Y <math>1\frac{1}{5} = \frac{6}{5}</math></p> <p>Por eso,</p> $3\frac{4}{5} - 1\frac{1}{5} = \frac{19}{5} - \frac{6}{5} = \frac{13}{5} \left( = 2\frac{3}{5} \right)$ <div style="border: 1px solid red; padding: 10px; margin-top: 10px;"> <p>La sustracción de los numerales mixtos puede calcularse de 2 formas, calcular separadamente y convertir en impropia antes de calcular.</p> </div>
--	---

### Ejercicios

1. Calculo.

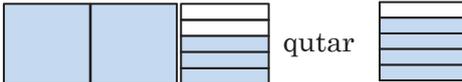
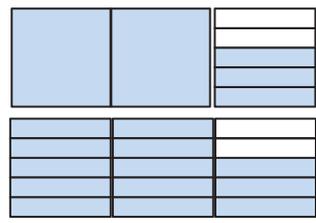
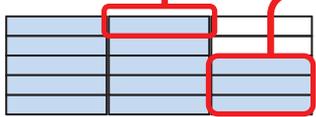
- a)  $3\frac{5}{7} - 2\frac{2}{7}$      $1\frac{3}{7}$     b)  $4\frac{4}{9} - 1\frac{2}{9}$      $3\frac{2}{9}$     c)  $2\frac{4}{7} - \frac{2}{7}$      $2\frac{2}{7}$     d)  $3\frac{4}{5} - 2\frac{4}{5}$     1
- \* e)  $3\frac{5}{6} - 1\frac{1}{6}$      $2\frac{2}{3}$     \* f)  $4\frac{7}{8} - 3\frac{3}{8}$      $1\frac{1}{2}$     \* g)  $2\frac{13}{15} - 2\frac{3}{15}$      $\frac{2}{3}$

\*La respuesta de e), f) y g) necesita simplificación.

2. Fátima tiene una cinta de  $3\frac{2}{3}$  m. Se corta  $1\frac{1}{3}$  m. ¿Cuántos metros quedan?

Solución  $3\frac{2}{3} - 1\frac{1}{3}$     Respuesta: Quedan  $2\frac{1}{3}$  m.

Grado	Fracción	N° de clases	El objetivo
4º grado	Sustracción(3)	3/6	Comprender la sustracción de las fracciones homogéneas. n.m. - f.p. ó n.m. con dificultad.

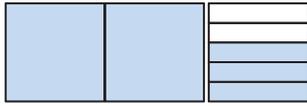
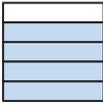
Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Presentar la situación problemática.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px;">           Clara tiene <math>2\frac{3}{5}</math> kg de harina. Si usa <math>\frac{4}{5}</math> kg, ¿Cuántos kilogramos de harina quedan?         </div>		Dibujos de cartulinas en las que se representan la gráfica
Desarrollo 30 min.	<p>2. Dar tiempo para pensar.</p> <p>3. Plantear el tema.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; text-align: center;">             ¿Cómo se calcula <math>2\frac{3}{5} - \frac{4}{5}</math>?           </div> <p>De  quitar </p> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 5px; display: inline-block;"> <math>2 - 0 = 2</math>, pero <math>\frac{3}{5}</math> es menor que <math>\frac{4}{5}</math>. <b>No se puede restar.</b> </div> <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; display: inline-block; margin-top: 10px;">             ¿Qué otra forma usamos para calcular el “numeral mixto” menos “numeral mixto”?           </div>	<p>-Leer y sacar los datos. -Pensar en la solución.</p> <p>Solución: <math>2\frac{3}{5} - \frac{4}{5}</math></p>	
		<p>4. Confirmar con los alumnos mostrando las gráficas en el pizarrón.</p> <div style="display: flex; align-items: center;"> <div style="margin-right: 10px;"> <math>2\frac{3}{5}</math> = <math>\frac{13}{5}</math> </div>  </div> <p>Por eso,</p> <div style="border: 1px solid blue; padding: 5px; display: flex; align-items: center;">  <div style="border: 1px solid red; padding: 5px; margin-left: 10px;"> <b>Quitar <math>\frac{4}{5}</math></b> </div> </div> <div style="margin-top: 20px;"> <math display="block">2\frac{3}{5} - \frac{4}{5} = \frac{13}{5} - \frac{4}{5}</math> <math display="block">= \frac{9}{5} = 1\frac{4}{5}</math> </div>	<p><b>¡Convertir en impropia!</b></p> <p>-Convertir <math>2\frac{3}{5}</math> en fracción impropia y luego, restar <math>\frac{4}{5}</math>.</p> <p>-Convertir <math>\frac{9}{5}</math> en numeral mixto. O sea, <math>\frac{9}{5} = 1\frac{4}{5}</math></p>

Cierre Min 5		-Respuesta : Quedan $1\frac{4}{5}$ kg de harina.	
	<p>Si el numerador del sustraendo es mayor que el numerador del minuendo, no se puede realizar la resta, por medio de la <b>Formal</b> (de la clase anterior). Hay que <b>convertir el minuendo en fracción impropia</b> y después restar.</p>		
	5. Dar los ejercicios.	-Practicar los ejercicios.	

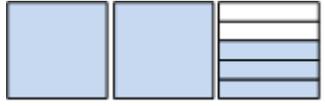
### Plan del pizarrón

Matemática	
<p>Clara tiene <math>2\frac{3}{5}</math> kg de harina. Si usa <math>\frac{4}{5}</math> kg, ¿Cuántos kilogramos de harina quedarán?</p>	
Datos	Solución
$-2\frac{3}{5}$ kg	$2\frac{3}{5} - \frac{4}{5}$
$-\frac{4}{5}$ kg	

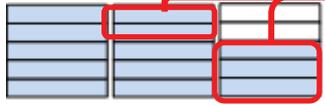
  

De  quitar 

No se puede restar.  ~~$\frac{3}{5} - \frac{4}{5}$~~

  $2\frac{3}{5}$

**Convertir a fracción impropia**

  $\frac{13}{5}$

**Quitar  $\frac{4}{5}$**

$2\frac{3}{5} - \frac{4}{5} = \frac{13}{5} - \frac{4}{5} = \frac{9}{5} = 1\frac{4}{5}$

Respuesta: Quedan  $1\frac{4}{5}$  kg de harina.

No se puede realizar por la **Formal**



**Notas** Hay otra forma de calcular.

Cuando no se puede restar el sustraendo de la parte fraccionaria del minuendo de la parte fraccionaria, **se cambia una de las unidades** por una fracción con el mismo denominador. O sea,

$$1 = \frac{5}{5}, \text{ por eso } 2\frac{3}{5} = 1\frac{8}{5}. \quad 2\frac{3}{5} - \frac{4}{5} = 1\frac{8}{5} - \frac{4}{5} = 1\frac{4}{5}$$



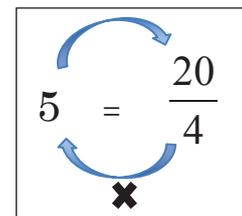
### Ejercicios

- a)  $1\frac{1}{3} - \frac{2}{3}$      $\frac{2}{3}$     b)  $2\frac{1}{7} - \frac{5}{7}$      $1\frac{3}{7}$     c)  $1\frac{5}{11} - \frac{9}{11}$      $\frac{7}{11}$     d)  $3\frac{5}{9} - 1\frac{7}{9}$      $1\frac{7}{9}$
- \* e)  $5 - 2\frac{3}{4}$      $2\frac{1}{4}$     f)  $3 - 2\frac{4}{5}$      $\frac{1}{5}$

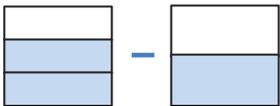
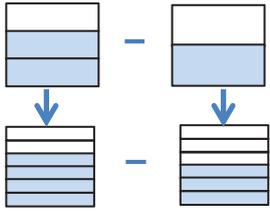
\*Cálculo del ejercicio \*e):

Hay que convertir el 5 en fracción impropia cuyo denominador es 4.

$$5 = \frac{20}{4} \text{ por eso } 5 - 2\frac{3}{4} = \frac{20}{4} - \frac{11}{4} = \frac{9}{4} = 2\frac{1}{4}.$$



Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Sustracción(4)	4/6	Comprender la sustracción de las fracciones heterogéneas. f.p. – f.p.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Presentar la situación problemática.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>Había <math>\frac{2}{3}l</math> de leche y Noemí usó <math>\frac{1}{2}l</math> para hacer torta. ¿Cuántos litros de leche quedan?</p> </div> <p>2. Dar tiempo para pensar.</p>	<p>-Leer y sacar los datos. -Pensar en la solución.</p> <p>Solución: <math>\frac{2}{3} - \frac{1}{2}</math></p>	<p>Dibujos de cartulinas en las que se representan la gráfica</p>
Desarrollo 30 min.	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px 0; text-align: center;"> <p>¿Cómo se calcula <math>\frac{2}{3} - \frac{1}{2}</math>?</p> </div> <p>3. Presentar una gráfica en el pizarrón para ayudar el pensamiento de los alumnos.</p> <div style="text-align: center;">  </div> <p>4. Preguntar a los alumnos.</p> <div style="border: 1px solid purple; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>¿Qué hay que hacer para restar las fracciones con diferente denominador? ¿Qué recuerdan en el caso de suma de las fracciones heterogéneas?</p> </div> <div style="border: 1px solid blue; padding: 5px; margin: 5px 0; text-align: center;"> <p>¡Tenemos que buscar las fracciones equivalentes!</p> </div> <p>5. Buscar las fracciones equivalentes con los alumnos. <u>Hay 3 maneras</u>, igual que la adición. (Véase Notas de la página de Adición(5).)</p> <div style="text-align: center;"> <math display="block">\frac{2}{3} = \frac{4}{6}, \quad \frac{1}{2} = \frac{3}{6}</math>  </div>	<p>-Pensar en la manera del cálculo solo/a.  Error que pueden cometer.</p> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 50%; padding: 10px; margin: 10px 0; text-align: center;"> <p><math>2-1=1, 3-2=1</math> Por eso, <math>\frac{2}{3} - \frac{1}{2} = \frac{1}{1}</math>??</p> </div> <p>-Darse cuenta de que es necesario buscar las fracciones equivalentes con el mismo denominador, igual que la suma.</p> <div style="border: 1px solid green; border-radius: 50%; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <p>Los alumnos se equivocan mucho, <math>\frac{2}{3} = \frac{2}{6}</math>. Hay que multiplicar por 2 tanto el numerador como el denominador. Es decir, <b>el numerador es <math>2 \times 2 = 4</math>.</b></p> </div>	

Cierre 5 min.	<p>Por eso,</p> $\frac{2}{3} - \frac{1}{2} = \frac{4}{6} - \frac{3}{6} = \frac{1}{6}$ <p>(Véase la gráfica del plan del pizarrón.)</p> <p><b>6. Confirmar como se calcula la sustracción de las fracciones homogéneas.</b></p>	<p>-Respuesta: Quedan <math>\frac{1}{6}l</math> de leche.</p> <p>-Entender como se calcula la sustracción de las fracciones homogéneas.</p>	
	<p><b>Para restar fracciones heterogéneas, se toman de las fracciones equivalentes dos que tengan el mismo denominador y después se restan.</b></p>		<p>-Practicar los ejercicios.</p>
	7. Dar los ejercicios.		

### Plan del pizarrón

Matemática						
<p>Había <math>\frac{2}{3}l</math> de leche y Noemí usó <math>\frac{1}{2}l</math> para hacer torta. ¿Cuántos litros de leche quedaron?</p>						
<table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="text-align: left; border-bottom: 1px solid black;">Datos</th> <th style="text-align: left; border-bottom: 1px solid black;">Solución</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td style="padding: 5px;"><math>-\frac{2}{3}l</math></td> <td style="padding: 5px;"><math>\frac{2}{3} - \frac{1}{2}</math></td> </tr> <tr> <td style="padding: 5px;"><math>-\frac{1}{2}l</math></td> <td style="padding: 5px;"><math>\frac{1}{6}</math></td> </tr> </tbody> </table>		Datos	Solución	$-\frac{2}{3}l$	$\frac{2}{3} - \frac{1}{2}$	$-\frac{1}{2}l$
Datos	Solución					
$-\frac{2}{3}l$	$\frac{2}{3} - \frac{1}{2}$					
$-\frac{1}{2}l$	$\frac{1}{6}$					
	<p>Respuesta: Quedan <math>\frac{1}{6}l</math> de leche.</p> <div style="border: 2px solid red; padding: 5px; margin-top: 10px;"> <p><b>Para restar fracciones heterogéneas, se toman de las fracciones equivalentes dos que tengan el mismo denominador y después se restan.</b></p> </div>					

### Ejercicios

1. Cálculo.

a)  $\frac{3}{4} - \frac{2}{3} = \frac{1}{12}$     b)  $\frac{5}{7} - \frac{1}{2} = \frac{3}{14}$     c)  $\frac{4}{5} - \frac{2}{3} = \frac{2}{15}$     d)  $\frac{7}{8} - \frac{2}{3} = \frac{5}{24}$   
 \* e)  $\frac{5}{6} - \frac{1}{3} = \frac{1}{2}$     \* f)  $\frac{7}{10} - \frac{1}{6} = \frac{8}{15}$     \* g)  $\frac{7}{6} - \frac{1}{2} = \frac{2}{3}$     \* h)  $\frac{4}{15} - \frac{1}{6} = \frac{1}{10}$

\*La respuesta de e), f), g) y h) necesita simplificación.

2. Olga tiene una tela de  $\frac{5}{6}$  m de largo. Sara tiene  $\frac{3}{4}$  m. ¿Cuántos metros más tiene Olga?

Solución  $\frac{5}{6} - \frac{3}{4}$     Respuesta: Olga tiene  $\frac{1}{12}$  m más.

Grado	Fracción	N° de clases	El objetivo
5° grado	Sustracción(5)	5/6	Comprender la sustracción de las fracciones heterogéneas. n.m. – n.m.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Presentar la situación problemática.</p> <p>Ana compró una tela de <math>4\frac{5}{6}</math> m de largo. Ya ha usado <math>3\frac{2}{3}</math> m. ¿Cuántos metros de tela quedan?</p>		
Desarrollo 30 min.	<p>2. Dar tiempo para pensar.</p> <p>Solución: <math>4\frac{5}{6} - 3\frac{2}{3}</math></p> <p>¿Cómo se calcula <math>4\frac{5}{6} - 3\frac{2}{3}</math>?</p> <p>¿Qué recuerdan el cálculo de la suma de los numerales mixtos?</p>	<p>-Leer y sacar los datos. -Pensar en la solución.</p> <p>Solución: <math>4\frac{5}{6} - 3\frac{2}{3}</math></p>	
	<p>3. Confirmar el cálculo con los alumnos en el pizarrón.</p> <p><b>Hay 2 formas de calcular</b> igual que la adición de los numerales mixtos.</p> <p><b>Forma 1</b> Se resta la parte entera y la parte fraccionaria separadamente.</p> <p><math>4\frac{5}{6} - 3\frac{2}{3} = 1\frac{1}{6}</math></p> <p>Desde esta clase no utilizar las gráficas. En caso de que haya dificultad puede utilizarlas como antes.</p> <p><b>Forma 2</b> ① Convertir en la forma de fracción impropia. ② Buscar las fracciones equivalentes para ser homogéneas.</p>	<p>-Pensar en la manera del cálculo solo/a aplicando la experiencia de la suma de los numerales mixtos homogéneos.</p> <p>-La resta de los enteros es <math>4 - 3 = 1</math>.</p> <p>-La resta de las fraccionarias es <math>\frac{5}{6} - \frac{2}{3} = \frac{5}{6} - \frac{4}{6} = \frac{1}{6}</math>.</p> <p>-Por eso la respuesta es <math>1\frac{1}{6}</math>.</p> <p>-Recordar la conversión de numeral mixto a impropia. <math>4\frac{5}{6} = \frac{29}{6}, 3\frac{2}{3} = \frac{11}{3}</math></p>	 

Cierre 5 min.	$4\frac{5}{6} - 3\frac{2}{3} = \frac{29}{6} - \frac{11}{3}$ $= \frac{29}{6} - \frac{22}{6} = \frac{7}{6} = 1\frac{1}{6}$	
	<div style="border: 1px solid red; padding: 5px;"> <p>Para calcular la sustracción de los numerales mixtos hay 2 formas, calcular separadamente y convertir en impropia antes de calcular.</p> </div> <p>4. Dar los ejercicios.</p>	-Practicar los ejercicios.

### Plan del pizarrón

<b>Matemática</b>	<b>Forma 1 (Restar separadamente)</b>
<p>Ana compró una tela de <math>4\frac{5}{6}</math> m de largo. Ya ha usado <math>3\frac{2}{3}</math> m. ¿Cuántos metros de tela quedan?</p>	$4 - 3 = 1$ $4\frac{5}{6} - 3\frac{2}{3} = 1\frac{1}{6}$
<p><u>Datos</u></p> $-4\frac{5}{6}$ m  $-3\frac{2}{3}$ m	<p><u>Solución</u></p> $4\frac{5}{6} - 3\frac{2}{3}$
	<p><b>Forma 2 (Convertir)</b></p> $4\frac{5}{6} - 3\frac{2}{3} = \frac{29}{6} - \frac{11}{3} = \frac{29}{6} - \frac{22}{6} = \frac{7}{6} = 1\frac{1}{6}$ <p style="text-align: center;"><b>Conversión</b></p> <p><u>Respuesta:</u> Quedan <math>1\frac{1}{6}</math> m.</p>
	<p>Para calcular la sustracción de los numerales mixtos hay 2 formas, calcular separadamente y convertir en impropia antes de calcular.</p>

### Ejercicios

1. Calculo.

a)  $2\frac{2}{3} - 1\frac{3}{5} = 1\frac{1}{15}$       b)  $4\frac{1}{2} - 2\frac{1}{3} = 2\frac{1}{6}$       c)  $3\frac{5}{6} - 1\frac{1}{4} = 2\frac{7}{12}$

d)  $1\frac{4}{5} - \frac{4}{7} = 1\frac{8}{35}$       \* e)  $2\frac{1}{2} - 1\frac{1}{6} = 2\frac{1}{3}$       \* f)  $2\frac{2}{3} - 1\frac{5}{12} = 1\frac{1}{4}$

\*La respuesta de e) y f) necesita simplificación.

2. En una hora, Mirna corrió  $8\frac{3}{10}$  km y Aida corrió  $7\frac{1}{5}$  km. ¿Cuántos kilómetros más corrió Mirna?

Solución  $8\frac{3}{10} - 7\frac{1}{5}$       Respuesta: Mirna corrió  $1\frac{1}{10}$  km más.

Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Sustracción(6)	6/6	Comprender la sustracción de las fracciones heterogéneas. n.m. - n.m. con dificultad.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. <b>Presentar la situación problemática.</b></p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>Una tabla mide <math>3\frac{1}{2}</math> m de largo. Se utiliza <math>1\frac{3}{5}</math> m. ¿Cuántos metros de tabla quedan?</p> </div> <p>2. <b>Dar tiempo para pensar.</b></p>		
Desarrollo 30 min.	<p>3. <b>Preguntar a los alumnos.</b></p> <div style="display: flex; align-items: center; margin: 5px 0;"> <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; display: inline-block;"> <p>¿Qué tipo de resta de fracciones es?</p> </div> </div> <div style="border: 1px solid black; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0; text-align: center;"> <p>¿Cómo se calcula <math>3\frac{1}{2} - 1\frac{3}{5}</math>?</p> </div> <p>4. <b>Confirmar con los alumnos.</b>  <u>Hay 2 formas de calcular.</u></p> <p><b>Forma 1</b>            Se resta la parte entera y la parte de fracción separadamente.</p> $3\frac{1}{2} - 1\frac{3}{5} = 3\frac{5}{10} - 1\frac{6}{10}$ <div style="display: flex; align-items: center; margin: 5px 0;"> <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; display: inline-block;"> <p>¿Qué tienen que hacer antes de restar?</p> </div> </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <math display="block">3\frac{5}{10} - 1\frac{6}{10} = \frac{35}{10} - \frac{16}{10}</math> <p style="color: blue; font-weight: bold; margin: 0;">Convertir las fracciones en fracción impropia.</p> <math display="block">= \frac{19}{10} = 1\frac{9}{10}</math> </div> <p><b>Forma 2</b>            ① Convertir en fracción impropia.            ② Buscar las fracciones equivalentes para ser homogéneas.</p>	<p>-Leer y sacar los datos. -Pensar en la solución.</p> <p>Solución: <math>3\frac{1}{2} - 1\frac{3}{5}</math></p> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0; display: inline-block;"> <p>Es la resta de numerales mixtos heterogéneos.</p> </div> <p>-Pensar en la manera del cálculo solo/a aplicando la experiencia de la clase anterior. -Recordar que hay 2 formas del cálculo.</p> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0; display: inline-block;"> <p><math>3 - 1 = 2</math>, pero <b>no se puede restar</b> <math>\frac{5}{10}</math> de <math>\frac{6}{10}</math>. Porque <math>\frac{5}{10} &lt; \frac{6}{10}</math>.</p> </div> <p style="color: blue; font-weight: bold; margin: 5px 0;">Convertimos en impropia.</p> <p>-Convertir <math>3\frac{5}{10}</math> y <math>1\frac{6}{10}</math> en fracción impropia y restar.</p> <p>-Recordar otra forma. -Convertir primero.</p> $3\frac{1}{2} = \frac{7}{2}, 1\frac{3}{5} = \frac{8}{5}$	

Cierre 5 min.	$3\frac{1}{2} - 1\frac{3}{5} = \frac{7}{2} - \frac{8}{5} = \frac{35}{10} - \frac{16}{10}$ $= \frac{19}{10} = 1\frac{9}{10}$	-Respuesta: Quedan $1\frac{9}{10}$ m.	 Sustracción (3) pág.54
	5. Confirmar como se calcula. (Véase la página de Sustracción(3).)	-Entender como se calcula.	
	<div style="border: 2px solid red; padding: 5px;"> <p>Si la parte de fracción del sustraendo es mayor que la del minuendo, no se puede realizar la resta.              Hay que <b>convertir el minuendo en fracción impropia</b> y después restar.</p> </div>		
	6. Dar los ejercicios.	-Practicar los ejercicios.	

### Plan del pizarrón

<b>Matemática</b>	<b>Forma 1 (Restar separadamente)</b>
<p>Una tabla mide <math>3\frac{1}{2}</math> m de largo. Se utiliza <math>1\frac{3}{5}</math> m.          ¿Cuántos metros de tabla quedan?</p>	$3\frac{1}{2} - 1\frac{3}{5} = 3\frac{5}{10} - 1\frac{6}{10}$ <p>No se puede restar. <del><math>\frac{5}{10} - \frac{6}{10}</math></del></p>
<p>Datos</p> <p>- <math>3\frac{1}{2}</math> m</p> <p>- <math>1\frac{3}{5}</math> m</p>	<p>Solución</p> <p><math>3\frac{1}{2} - 1\frac{3}{5}</math></p>
	$3\frac{1}{2} - 1\frac{3}{5} = 3\frac{5}{10} - 1\frac{6}{10} = \frac{35}{10} - \frac{16}{10} = \frac{19}{10} = 1\frac{9}{10}$ <p style="text-align: center;"><b>Convertir</b></p>
	<b>Forma 2 (Convertir)</b>
	$3\frac{1}{2} - 1\frac{3}{5} = \frac{7}{2} - \frac{8}{5} = \frac{35}{10} - \frac{16}{10} = \frac{19}{10} = 1\frac{9}{10}$ <p style="text-align: center;"><b>Convertir</b></p>
	Respuesta: Quedan $1\frac{9}{10}$ m.
	<div style="border: 2px solid red; padding: 5px;"> <p>Si la parte de fracción del sustraendo es mayor que la del minuendo, no se puede realizar la resta.              Hay que <b>convertir el minuendo en fracción impropia</b> y después restar.</p> </div>



**Notas** Hay otra forma del cálculo.

Cuando no se puede restar del sustraendo de una fracción, **se cambia una de las unidades** por una fracción con el mismo denominador.

$$3\frac{1}{2} - 1\frac{3}{5} = 3\frac{5}{10} - 1\frac{6}{10} = 2\frac{15}{10} - 1\frac{6}{10} = 1\frac{9}{10}$$

Y también la manera de **Forma 2** facilita el cálculo.

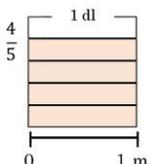
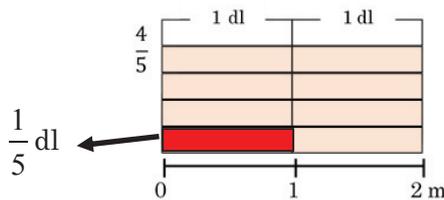


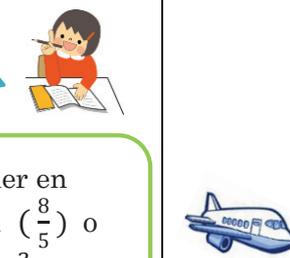
### Ejercicios

a)  $4\frac{1}{5} - 3\frac{1}{3} = \frac{13}{15}$     b)  $1\frac{3}{4} - \frac{4}{5} = \frac{19}{20}$     c)  $3\frac{1}{3} - 1\frac{3}{4} = 1\frac{7}{12}$     \* d)  $2\frac{2}{3} - 1\frac{5}{12} = 1\frac{1}{4}$

\*La respuesta de d) necesita simplificación.

Grado	Fracciones	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Multiplicación(1)	1/5	Conocer el algoritmo de la multiplicación por una fracción y realizar el cálculo: fracción propia $\times$ un número natural.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p><b>1. Presentar la situación problemática.</b></p> <p>María está trazando una línea. Si utiliza <math>\frac{4}{5}</math> dl de pintura para trazar 1 m de línea ¿Cuántos decilitros de pintura utilizará para trazar 2 m de línea?</p> <p>¿Cuántos decilitros de pintura se utiliza para trazar 1 m de línea?</p> <p>¿Cuántos metros trazará María?</p>	<p>-Contestar.</p> <p>Se utiliza <math>\frac{4}{5}</math> dl.</p> <p>Trazará 2 m.</p> <p>-Pensar la solución.</p>	Gráficas
	<p><b>2. Sacar los datos.</b></p> <p>1 m <math>\frac{4}{5}</math> dl</p> <p>2 m x dl</p>  <p><b>3. Preguntar la solución.</b></p> <p><math>\frac{4}{5} \times 2</math></p> <p>¿Cómo se calcula <math>\frac{4}{5} \times 2</math>?</p>	<p>Los alumnos pueden usar la suma <math>(\frac{4}{5} + \frac{4}{5})</math>. Después de felicitarles, se les indica que lo expresen de otra forma.</p>	
Desarrollo 25 min.	<p><b>4. Dar tiempo para pensar.</b></p> <p><b>5. Tratar de encontrar el resultado en la gráfica.</b></p>  <p>¿Cuántos dl tienen cada parte de la gráfica?</p> <p>Para 1 m ¿cuántas partes de <math>\frac{1}{5}</math> dl se necesitan?</p> <p>Para 2 m ¿cuántas partes de <math>\frac{1}{5}</math> dl se necesitan?</p>	<p>-Pensar y calcular solo/a.</p> <p>-Presentar sus ideas.</p> <p><b>Correcto</b></p> <p><math>\frac{4}{5} \times 2 = \frac{4 \times 2}{5} = \frac{8}{5}?</math></p> <p><b>Equivocaciones previsibles</b></p> <p><math>\frac{4}{5} \times 2 = \frac{4 \times 2}{5 \times 2} = \frac{8}{10}?</math></p> <p><math>\frac{4}{5} \times 2 = \frac{4}{5 \times 2} = \frac{4}{10}?</math></p> <p>Los alumnos se equivocan en el cálculo como <math>\frac{8}{10}</math> ó <math>\frac{4}{10}</math>. Hay que confirmar con la gráfica.</p> <p>-Pensar cómo se calcula con la gráfica.</p> <p>4 partes.</p> <p>8 partes.</p>	   

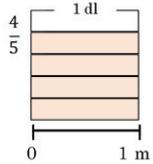
	<p>En <math>\frac{4}{5}</math>dl hay 4 veces <math>\frac{1}{5}</math>dl. Para trazar 2m de línea, se utilizan <math>4 \times 2 = 8</math> veces <math>\frac{1}{5}</math>dl o sea <math>\frac{8}{5}</math>dl.</p> <p><math>\frac{4}{5}dl \times 2 = \frac{4 \times 2}{5}dl = \frac{8}{5}dl (=1\frac{3}{5}dl)</math></p> <p><u>Respuesta:</u> <math>\frac{8}{5}dl (=1\frac{3}{5}dl)</math> de pintura utilizará para trazar 2m de línea.</p>	<p><math>\frac{4}{5} \times 2 = \frac{4 \times 2}{5} = \frac{8}{5}</math> es correcto!</p> <p>Se puede responder en fracción impropia (<math>\frac{8}{5}</math>) o numeral mixto (<math>1\frac{3}{5}</math>).</p>	 <p>pág.65</p>
<p>Cierre 10 min.</p>	<p><b>5. Confirmar la regla.</b></p> <p>Para multiplicar una fracción por un número natural, se multiplica el numerador por el número natural y se mantiene el denominador.</p> <p><b>6. Dar los ejercicios.</b></p> <p><math>\frac{3}{7} \times 3(\frac{9}{7})</math>, <math>\frac{2}{9} \times 4(\frac{8}{9})</math>, <math>\frac{4}{7} \times 2(\frac{8}{7})</math>, <math>\frac{3}{8} \times 5(\frac{15}{8})</math></p>	<p><math>\frac{\triangle}{\square} \times \bigcirc = \frac{\triangle \times \bigcirc}{\square}</math></p> <p>-Copiar la regla en su cuaderno. -Practicar los ejercicios.</p>	<p>Hoja para Ejercicios</p>

### Plan del pizarrón

Matemática

fracción propia  $\times$  un número natural

María está trazando una línea. Si utiliza  $\frac{4}{5}$  dl de pintura para trazar 1m de línea ¿Cuántos decilitros de pintura utilizará para trazar 2 metros de línea?

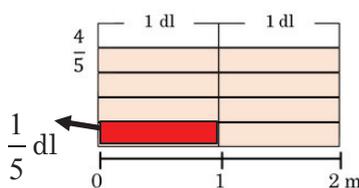


Datos:  
1 m  $\frac{4}{5}$ dl  
2 m x dl

**¿Cómo se calcula  $\frac{4}{5} \times 2$ ?**

$\frac{4}{5} \times 2 = \frac{4 \times 2}{5} = \frac{8}{5}$        $\frac{4}{5} \times 2 = \frac{4}{5 \times 2} = \frac{4}{10}$        $\frac{4}{5} \times 2 = \frac{4 \times 2}{5 \times 2} = \frac{8}{10}$

Vamos a pensar con la gráfica.



En  $\frac{4}{5}$ dl hay 4 veces  $\frac{1}{5}$ dl. Para trazar 2m de línea, se utilizan  $4 \times 2 = 8$  veces  $\frac{1}{5}$ dl o sea  $\frac{8}{5}$ dl.

**Solución:**

$\frac{4}{5}dl \times 2 = \frac{1}{5}dl \times (4 \times 2) = \frac{1}{5}dl \times 8 = \frac{1 \times 8}{5}dl = \frac{8}{5}dl (=1\frac{3}{5}dl)$

**Respuesta:**

$\frac{8}{5} (=1\frac{3}{5})$  dl de pintura utilizará para trazar 2m de línea.

Para multiplicar una fracción por un número natural, se multiplica el numerador por el número natural y se mantiene el denominador.

$\frac{\triangle}{\square} \times \bigcirc = \frac{\triangle \times \bigcirc}{\square}$

### Respuesta de Ejercicio (pág.72)

Una cocinera invierte  $\frac{2}{9}$  horas de tiempo para elaborar una torta. ¿Cuánto tiempo le llevará preparar 8 tortas? Datos:  $\frac{2}{9}$  horas, 8 tortas Solución:  $\frac{2}{9} \times 8 = \frac{16}{9}$  Respuesta:  $\frac{16}{9}$  horas

Grado	Fracciones	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Multiplicación(2)	2/5	Conocer el algoritmo de la multiplicación por una fracción y realizar el cálculo: fracción propia × un número natural (Simplificación).

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar la clase anterior.</p> $\frac{\triangle}{\square} \times \bigcirc = \frac{\triangle \times \bigcirc}{\square}$ <p>2. Preguntar.</p>	-Leer la regla.	
Desarrollo 25 min.	<p>3. Recorrer entre los alumnos.</p> <p>Hay que recorrer entre los alumnos para que ellos recuerdan que siempre se debe expresar las fracciones en su mínima expresión.</p> <p>Recordar a los alumnos que el producto se puede escribir con fracción impropia o numeral mixto.</p> <p>4. Confirmar sus ideas. Escribir sus ideas.</p> <p>5. Plantear el tema.</p> <p><b>¿Cómo se calcula <math>\frac{3}{8} \times 4</math>?</b></p>	<p>-Pensar y calcular solo/a.</p> $\frac{3}{8} \times 4 = \frac{3 \times 4}{8} = \frac{12}{8}$ $\frac{3}{8} \times 4 = \frac{3 \times 4}{8} = \frac{12}{8} = \frac{3}{2}$ $\frac{3}{8} \times 4 = \frac{3 \times 4}{8} = \frac{12}{8} = 1\frac{4}{8} = 1\frac{1}{2}$ <p>-Presentar sus ideas.</p>	  <p>Cómo se cambia la fracción impropia en el numeral mixto. Fracción(6) pág.21</p>
	<p><b>¿Qué podemos hacer para calcular más fácilmente?</b></p> <p><math>\frac{3}{8} \times 4 = \frac{3 \times 4}{8}</math> se puede simplificar. ¿Cómo?</p> <p>8 y 4 se pueden simplificar.</p> <p>6. Mostrar cómo se calcula.</p> $\frac{3}{8} \times 4 = \frac{3 \times \cancel{4}^1}{\cancel{8}_2} = \frac{3}{2}$ <p>Es mejor simplificar antes de realizar el cálculo, porque se puede calcular más fácilmente y con menos equivocación.</p> <p>7. Dar otro ejercicio.</p> <p>¡Vamos a calcular <math>\frac{23}{48} \times 8</math>!</p>	<p>-Pensar y calcular solo/a.</p> <p>48 y 8 se pueden simplificar. Entonces,</p> $\frac{23}{48} \times 8 = \frac{23}{6} \times 1 = \frac{23}{6}$ <p>¡Qué fácil!</p>	
Cierre 10 min.	<p>8. Confirmar la respuesta.</p> $\frac{23}{48} \times 8 = \frac{23 \times \cancel{8}^1}{\cancel{48}_6} = \frac{23}{6}$ <p>9. Dar los ejercicios.</p>	-Practicar los ejercicios.	Hoja para Ejercicios

## Plan del pizarrón

Matemática fracción propia  $\times$  un número natural

¿Cómo se calcula  $\frac{3}{8} \times 4$ ?

$$\frac{3}{8} \times 4 = \frac{3 \times 4}{8} = \frac{12}{8}$$

Se necesita simplificar.

$$\frac{3}{8} \times 4 = \frac{3 \times 4}{8} = \frac{12}{8} = \frac{3}{2}$$
 (fracción impropia)

$$\frac{3}{8} \times 4 = \frac{3 \times 4}{8} = \frac{12}{8} = 1\frac{4}{8} = 1\frac{1}{2}$$
 (numeral mixto)

¿Qué podemos hacer para calcular más fácilmente?

$$\frac{3}{8} \times 4 = \frac{3 \times \cancel{4}^1}{\cancel{8}_2} = \frac{3}{2}$$

Es mejor simplificar antes de realizar el cálculo porque se puede calcular más fácilmente y con menos equivocación.

$$\frac{23}{48} \times 8 = \frac{23 \times \cancel{8}^1}{\cancel{48}_6} = \frac{23}{6}$$

Escribir las respuestas de los ejercicios (pág.73).

- a)  $\frac{2}{3}$     b)  $\frac{5}{3}$     c)  $\frac{27}{4}$     d) 3    e)  $\frac{3}{2}$     f)  $\frac{1}{2}$     g)  $\frac{5}{2}$     h)  $\frac{5}{3}$   
 i) 4    j) 3    k) 2    l)  $\frac{8}{3}$

## Respuesta de Ejercicios (pág.73)

Un corredor corre diariamente  $\frac{25}{8}$ km. ¿Cuántos kilómetros corre en 4 días?

Datos:

diariamente  $\frac{25}{8}$ km

4 días

Solución:

$$\frac{25}{8} \text{km} \times 4 = \frac{25 \text{km} \times 4}{8} = \frac{25 \text{km} \times \cancel{4}^1}{\cancel{8}_2} = \frac{25}{2} \text{km}$$

Respuesta:  $\frac{25}{2}$ km corre en 4 días.

## Otras maneras de la explicación de $\frac{4}{5} \times 2$ (pág.62,63)

a) Propiedad de la multiplicación

$$\begin{array}{r} \frac{4}{5} \times 2 = \square \\ \times 5 \quad \downarrow \quad \downarrow \times 5 \\ 4 \times 2 = 8 \end{array} \quad \square = 8 : 5 = \frac{8}{5}$$

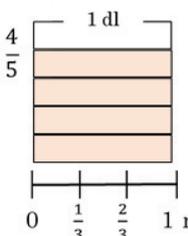
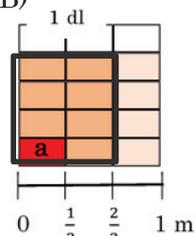
b) Sentido de la fracción

En  $\frac{4}{5}$  hay 4 veces  $\frac{1}{5}$ , por eso

en  $\frac{4}{5} \times 2$  hay  $4 \times 2$  veces  $\frac{1}{5}$ .

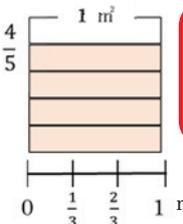
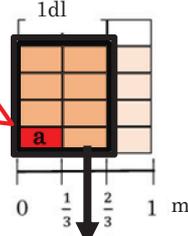


Grado	Fracciones	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Multiplicación(3)	3/5	Conocer el algoritmo de la multiplicación por una fracción y realizar el cálculo: fracción propia × fracción propia.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar la clase anterior.</p> <p>¿Cómo se calcula <math>\frac{4}{5} \times 2</math>?</p> 	<p>Se multiplica el numerador por número natural. <math>\frac{4}{5} \times 2 = \frac{4 \times 2}{5} = \frac{8}{5}</math></p> <p>-Leer el problema.</p>	
Desarrollo 25 min.	<p>2. Dar la situación problemática.</p> <p>Juan está trazando una línea. Si utiliza <math>\frac{4}{5}</math> dl de pintura para trazar 1m de línea ¿Cuántos decilitros de pintura utilizará para trazar <math>\frac{2}{3}</math> m de línea?</p>		
	<p>3. Sacar los datos y preguntar la solución.</p> <p>Datos: <math>1 \text{ m}</math>    <math>\frac{4}{5} \text{ dl}</math></p> <p><math>\frac{2}{3} \text{ m}</math>    x dl</p> <p>Solución: <math>\frac{4}{5} \times \frac{2}{3}</math></p> <p>¿Cómo se calcula <math>\frac{4}{5} \times \frac{2}{3}</math> ?</p>	<p>-Pensar y contestar la solución.</p>	
	<p>4. Dar tiempo para pensar solo/a.</p> <p>5. Tratar de encontrar el resultado en la gráfica.</p> <p>A) </p> <p>B) </p> <p>¿Cuántos dl de pintura se utiliza para trazar 1m de línea?</p> <p>¿Cuántos <b>a</b> hay en 1dl? ¿Por qué?</p> <p>¿Cuántos dl es <b>a</b>?</p> <p>¿Qué representa lo que está dentro del cuadro de la gráfica B)  ?</p> <p>Por eso para trazar <math>\frac{2}{3}</math> m de línea se utiliza esta cantidad (  ).</p> <p><math>\frac{1}{5 \times 3} \times (4 \times 2) = \frac{8}{15}</math></p> 	<p>-Pensar solo/a.</p> <p>¿<math>\frac{4}{5} \times \frac{2}{3} = \frac{4}{5} \times 3</math>?</p> <p>¿<math>\frac{4}{5} \times \frac{2}{3} = \frac{4}{5} \times 2</math>?</p> <p><math>\frac{4}{5}</math> dl.</p> <p>Hay 15. Porque <math>5 \times 3</math>.</p> <p><b>a</b> = <math>\frac{1}{5 \times 3} \text{ dl} = \frac{1}{15} \text{ dl}</math></p> <p>La cantidad de la pintura que se utiliza para trazar <math>\frac{2}{3}</math> m de línea.</p>   	Gráficas

<b>Cierre</b> 10 min.	<p><b>6. Confirmar la solución.</b></p> $\frac{4}{5} \times \frac{2}{3} = \frac{1}{5 \times 3} \times (4 \times 2) = \frac{4 \times 2}{5 \times 3} = \frac{8}{15}$ <p><u>Respuesta:</u> <math>\frac{8}{15}</math> dl de pintura utilizará para trazar <math>\frac{2}{3}</math>m de línea.</p> <p><b>7. Confirmar la regla.</b></p> <div style="border: 1px solid red; padding: 5px; display: inline-block;"> <p>Para multiplicar fracciones, se multiplican numeradores entre sí y denominadores entre sí.</p> <math display="block">\frac{\triangle}{\square} \times \frac{\diamond}{\circ} = \frac{\triangle \times \diamond}{\square \times \circ}</math> </div>	<div style="border: 1px solid green; border-radius: 15px; padding: 10px;"> <p><b>Otra manera de la explicación de <math>\frac{4}{5} \times \frac{2}{3}</math></b></p> <p><u>Propiedad de la multiplicación</u></p> <math display="block">\frac{4}{5} \times \frac{2}{3} = \square \quad \square = 8 : 15 = \frac{8}{15}</math> <math display="block">\begin{array}{ccc} \times 5 \downarrow &amp; \downarrow \times 3 &amp; \downarrow \times 15 \\ 4 \times 2 = 8 &amp; &amp; : 15 \end{array}</math> </div> <p>-Copiar la regla en su cuaderno. </p> <p>-Practicar los ejercicios en su cuaderno. </p> <div style="border: 1px solid green; border-radius: 15px; padding: 10px;"> <p>Elegir los ejercicios que no necesita simplificar, porque trataremos la simplificación en la clase siguiente. </p> </div>
	<p><b>8. Dar los ejercicios.</b></p> $\frac{7}{8} \times \frac{3}{4} \left(\frac{21}{32}\right), \quad \frac{3}{5} \times \frac{2}{7} \left(\frac{6}{35}\right), \quad \frac{5}{6} \times \frac{5}{3} \left(\frac{25}{18}\right),$ $\frac{4}{9} \times \frac{2}{3} \left(\frac{8}{27}\right), \quad \frac{1}{6} \times \frac{5}{7} \left(\frac{5}{42}\right), \quad \frac{2}{3} \times \frac{2}{5} \left(\frac{4}{15}\right)$	

### Plan del pizarrón

<p><u>Matemática</u></p> <p><u>fracción propia × fracción propia</u></p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px;"> <p>Juan está trazando una línea. Si utiliza <math>\frac{4}{5}</math> dl de pintura para trazar 1m de línea ¿Cuántos decilitros de pintura utilizará para trazar <math>\frac{2}{3}</math> metros de línea?</p> </div> <p><u>Datos:</u> <math>1\text{m}</math> <math>\frac{4}{5}\text{dl}</math> <math>\frac{2}{3}\text{m}</math> x dl</p> <div style="border: 1px solid red; padding: 5px; display: inline-block;"> <p>Para multiplicar fracciones, se multiplican numeradores entre sí y denominadores entre sí.</p> <math display="block">\frac{\triangle}{\square} \times \frac{\diamond}{\circ} = \frac{\triangle \times \diamond}{\square \times \circ}</math> </div>	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; text-align: center;"> <p>¿Cómo se calcula <math>\frac{4}{5} \times \frac{2}{3}</math> ?</p> </div> <div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: center;"> <div style="text-align: center;"> <p>1 m</p>  </div> <div style="text-align: center;"> <p><math>\frac{1}{5 \times 3}</math> dl</p>  </div> </div> <div style="border: 1px solid black; border-radius: 15px; padding: 10px; text-align: center;"> <p><math>(4 \times 2)</math> veces de <math>\frac{1}{5 \times 3}</math></p> <math display="block">\frac{1}{5 \times 3} \times (4 \times 2) = \frac{4 \times 2}{5 \times 3} = \frac{8}{15}</math> </div> <p><u>Solución:</u></p> $\frac{4}{5} \times \frac{2}{3} = \frac{4 \times 2}{5 \times 3} = \frac{8}{15}$ <p><u>Respuesta:</u> Se utiliza <math>\frac{8}{15}</math> dl se utiliza para trazar <math>\frac{2}{3}</math>m de líneas.</p>
---	---

Grado	Fracciones	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Multiplicación(4)	4/5	Conocer el algoritmo de la multiplicación de fracciones y realizar el cálculo simplificando en el proceso del cálculo.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar la clase anterior.</p> <p>¿Cómo se calcula <math>\frac{4}{5} \times \frac{2}{3}</math>?</p> $\frac{\triangle}{\square} \times \frac{\diamond}{\circ} = \frac{\triangle \times \diamond}{\square \times \circ}$	<p>Se multiplica los denominadores y numeradores por separado.</p> $\frac{4}{5} \times \frac{2}{3} = \frac{4 \times 2}{5 \times 3} = \frac{8}{15}$	
Desarrollo 20 min.	<p>2. Plantear el tema.</p> <p>¿Cuánto mide el área de un rectángulo cuyo largo mide <math>\frac{8}{9}</math>m y ancho mide <math>\frac{3}{10}</math>m?</p> <p>3. Sacar los datos y preguntar la solución.</p> <p>Datos: largo <math>\frac{8}{9}</math> m    ancho <math>\frac{3}{10}</math> m    Fórmula: <math>A_{\square} = l \times a</math>    Solución: <math>\frac{8}{9} \text{m} \times \frac{3}{10} \text{m}</math></p> <p>¿Cómo se calcula <math>\frac{8}{9} \times \frac{3}{10}</math>?</p>		
	<p>4. Dar tiempo para pensar solo/a.</p> <p>Recordar a los alumnos que necesitan simplificar.</p> <p>5. Comparar sus ideas.</p> <p>¿Cuál es más fácil, A o B?</p> $\frac{8}{9} \times \frac{3}{10} = \frac{4\cancel{8} \times \cancel{3}1}{39 \times 105} = \frac{4}{15}$ <p>Es mejor simplificar <b>antes de multiplicar</b> cuando se puede.</p> <p>6. Confirmar la respuesta.</p> $\frac{8}{9} \text{m} \times \frac{3}{10} \text{m} = \frac{4}{15} \text{m}^2$ <p>Respuesta: <math>\frac{4}{15} \text{m}^2</math> mide el área del rectángulo.</p>	<p>-Pensar y calcular solo/a.</p> <p>-Presentar sus ideas.</p> $\frac{8}{9} \times \frac{3}{10} = \frac{8 \times 3}{9 \times 10} = \frac{24}{90}$ <p>A <math>\frac{8}{9} \times \frac{3}{10} = \frac{8 \times 3}{9 \times 10} = \frac{2\cancel{4} \cancel{3} 4}{90 \cancel{3} 0 15} = \frac{4}{15}</math></p> <p>B <math>\frac{8}{9} \times \frac{3}{10} = \frac{4\cancel{8} \times \cancel{3}1}{39 \times 105} = \frac{4}{15}</math></p>	
Cierre 15 min.	<p>7. Dar otro ejercicio.</p> <p>¡Vamos a calcular <math>\frac{4}{63} \times \frac{9}{28}</math>!</p> <p>8. Confirmar la respuesta.</p> $\frac{4}{63} \times \frac{9}{28} = \frac{1\cancel{4} \times \cancel{9}1}{763 \times 287} = \frac{1}{49}$ <p>9. Dar los ejercicios.</p>	<p>63 y 9, 4 y 28 se pueden simplificar. Entonces,</p> $\frac{4}{63} \times \frac{9}{28} = \frac{1\cancel{4} \times \cancel{9}1}{763 \times 287} = \frac{1}{49}$ <p>¡Qué fácil!</p>	

## Plan del pizarrón

### Matemática

¿Cuánto mide el área de un rectángulo cuyo largo mide  $\frac{8}{9}$ m y su ancho mide  $\frac{3}{10}$ m?

Datos: largo  $\frac{8}{9}$ m ancho  $\frac{3}{10}$ m  
 Fórmula:  $A_{\square} = l \times a$   
 Solución:  $\frac{8}{9} \text{m} \times \frac{3}{10} \text{m} = \left(\frac{\cancel{4}^2 \times \cancel{3}^1}{\cancel{3}^1 \times \cancel{10}^2}\right) \text{m}^2 = \frac{4}{15} \text{m}^2$

Respuesta:  $\frac{4}{15} \text{m}^2$

$$\frac{\triangle}{\square} \times \frac{\diamond}{\circ} = \frac{\triangle \times \diamond}{\square \times \circ}$$

¿Cómo se calcula  $\frac{8}{9} \times \frac{3}{10}$ ?

$$\frac{8}{9} \times \frac{3}{10} = \frac{8 \times 3}{9 \times 10} = \frac{24}{90}$$

Se necesita simplificar.

¿Cuál es más fácil?

B es más fácil.

A)  $\frac{8}{9} \times \frac{3}{10} = \frac{8 \times 3}{9 \times 10} = \frac{\cancel{2}^1 \cancel{8}^1 \cancel{4}^1}{\cancel{9}^1 \cancel{3}^1 \cancel{15}^1} = \frac{4}{15}$

B)  $\frac{8}{9} \times \frac{3}{10} = \frac{\cancel{4}^2 \times \cancel{3}^1}{\cancel{3}^1 \times \cancel{10}^2} = \frac{4}{15}$

Escribir las respuestas de los ejercicios.

Es mejor simplificar **antes de multiplicar** cuando se puede.

¿Cómo se calcula  $\frac{4}{63} \times \frac{9}{28}$ ?

$$\frac{4}{63} \times \frac{9}{28} = \frac{\cancel{4}^1 \times \cancel{9}^1}{\cancel{7}^1 \cancel{3}^1 \times \cancel{28}^1} = \frac{1}{49}$$

## Respuesta de Ejercicios (pág.74)

### Calculo.

\*Simplificar antes de multiplicar.

(Por ejemplo)  
 $\frac{2}{9} \times \frac{3}{5} = \frac{2 \times \cancel{3}^1}{\cancel{3}^1 \times 5} = \frac{2}{15}$

$$\frac{4}{21} \times \frac{7}{10} = \frac{2}{15}$$

$$\frac{3}{8} \times \frac{6}{7} = \frac{9}{28}$$

$$\frac{7}{24} \times \frac{4}{7} = \frac{1}{6}$$

$$\frac{5}{33} \times \frac{11}{15} = \frac{1}{9}$$

$$\frac{9}{56} \times \frac{7}{12} = \frac{3}{32}$$

$$\frac{5}{42} \times \frac{12}{25} = \frac{2}{35}$$

¡Vamos a calcular el área del rectángulo!

¿Cuál es la fórmula del área del rectángulo?

$$A_{\square} = l \times a$$

\*Simplificar antes de multiplicar.

a) Datos:

largo  $\frac{8}{3}$ m  
 ancho  $\frac{9}{4}$ m

Solución:

$$\frac{8}{3} \text{m} \times \frac{9}{4} \text{m} = \left(\frac{\cancel{2}^1 \times \cancel{9}^1}{\cancel{3}^1 \times \cancel{4}^1}\right) \text{m}^2$$

$$= 6 \text{m}^2$$

Respuesta:  $6 \text{m}^2$

b) Datos:

largo  $\frac{15}{8}$ m  
 ancho  $\frac{4}{3}$ m

Solución:

$$\frac{15}{8} \text{m} \times \frac{4}{3} \text{m} = \left(\frac{\cancel{15}^1 \times \cancel{4}^1}{\cancel{2}^1 \times \cancel{3}^1}\right) \text{m}^2$$

$$= \frac{5}{2} \text{m}^2 = \left(2 \frac{1}{2} \text{m}^2\right)$$

Respuesta:  $\frac{5}{2} \text{m}^2 = \left(2 \frac{1}{2} \text{m}^2\right)$

Grado	Fracciones	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Multiplicación(5)	5/5	Conocer el algoritmo de la multiplicación de numeral mixto convirtiendo en fracciones impropias.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Confirmar la fórmula.</p> $\frac{\triangle}{\square} \times \frac{\diamond}{\circ} = \frac{\triangle \times \diamond}{\square \times \circ}$ <p>2. Plantear el tema.</p>	-Leer la regla.	
Desarrollo 20 min.	<p style="text-align: center;"><b>¿Cómo se calcula <math>1\frac{2}{3} \times 2\frac{3}{4}</math>?</b></p> <p>3. Recorrer entre los alumnos. 4. Preguntar cómo calculan. Y comparar sus ideas.</p> <p>¡Vamos a pensar con la gráfica!</p> <p>5. Presentar las gráficas y explicar.</p> <p>a) <math>1\frac{2}{3} \times 2\frac{3}{4} = 2\frac{1}{2}</math> multiplicando los números naturales y luego <math>\frac{2}{3} \times \frac{3}{4}</math>.</p> <p>b) Convirtiendo el numeral mixto en impropia y multiplicando.</p> <p>¿Cuál es correcto? ¿Por qué?</p> <p>6. Confirmar como se calcula la multiplicación de numeral mixto.</p> <p style="border: 1px solid red; padding: 5px; display: inline-block;">Se multiplican numeral mixto convirtiéndolas en fracciones impropias.</p>	<p>-Pensar y calcular solo/a. -Presentar sus ideas.</p> <p>a) <math>1\frac{2}{3} \times 2\frac{3}{4} = 1 \times 2 + \frac{2}{3} \times \frac{3}{4}</math>  <math>= 2 + \frac{12 \times 3}{18 \times 4}</math>  <math>= 2\frac{1}{2}</math> <span style="border: 1px solid red; border-radius: 10px; padding: 2px;">Equivocación previsible</span></p> <p>b) <math>1\frac{2}{3} \times 2\frac{3}{4} = \frac{5}{3} \times \frac{11}{4} = \frac{5 \times 11}{3 \times 4}</math>  <math>= \frac{55}{12} = 4\frac{7}{12}</math> <span style="border: 1px solid red; border-radius: 10px; padding: 2px;">Correcto</span></p> <p>En a) se está calculando solamente <math>1 \times 2</math> y <math>\frac{2}{3} \times \frac{3}{4}</math>. Por eso b) es correcto.</p> <p>Confirmar que no es correcto multiplicar los naturales y las fracciones separadamente. Es necesario convertir el numeral mixto en impropia antes de multiplicar.</p>	Gráficas
Cierre 15 min.	<p>7. Dar los ejercicios.</p>	-Practicar los ejercicios.	Hoja para Ejercicios

## Plan del pizarrón

Matemática

Multiplicación de numeral mixto

¿Cómo se calcula  $1\frac{2}{3} \times 2\frac{3}{4}$ ?

a)

$$1\frac{2}{3} \times 2\frac{3}{4} = 1 \times 2 + \frac{2}{3} \times \frac{3}{4}$$

$$= 2 + \frac{1\cancel{2} \times \cancel{3} 1}{\cancel{3} \times \cancel{4} 2}$$

$$= 2\frac{1}{2}$$

b)

$$1\frac{2}{3} \times 2\frac{3}{4} = \frac{5}{3} \times \frac{11}{4} = \frac{5 \times 11}{3 \times 4}$$

$$= \frac{55}{12} = 4\frac{7}{12}$$

a) Se calcula solamente  $1 \times 2$  y  $\frac{2}{3} \times \frac{3}{4}$ . Entonces  $1\frac{2}{3} \times 2\frac{3}{4} \neq 1 \times 2 + \frac{2}{3} \times \frac{3}{4}$

b)  $1\frac{2}{3} \times 2\frac{3}{4} = \frac{5}{3} \times \frac{11}{4} = \frac{5 \times 11}{3 \times 4}$   
 $= \frac{55}{12} = 4\frac{7}{12}$

Se multiplica numeral mixto convirtiéndolas en fracciones impropias.

## Respuesta de Ejercicios (pág.75)

(Por ejemplo)

$$2\frac{2}{5} \times 1\frac{2}{3} = \frac{12}{5} \times \frac{5}{3} = \frac{4\cancel{2} \times \cancel{5} 1}{\cancel{5} \times \cancel{3} 1} = \frac{4 \times 1}{1 \times 1} = 4$$

Convertir el numeral mixto en impropia antes de multiplicar.

No se olvide simplificar si es necesario.

a)  $1\frac{2}{5} \times 2\frac{2}{3} = 3\frac{11}{15}$

e)  $2\frac{1}{4} \times 1\frac{5}{6} = 4\frac{1}{8}$

b)  $1\frac{2}{5} \times 3\frac{1}{2} = 4\frac{9}{10}$

f)  $\frac{3}{4} \times 2\frac{4}{5} = 2\frac{1}{10}$

c)  $1\frac{1}{6} \times \frac{3}{7} = \frac{1}{2}$

g)  $5\frac{1}{4} \times 2\frac{2}{7} = 12$

d)  $1\frac{1}{2} \times 2\frac{1}{3} = \frac{7}{2}$

h)  $1\frac{7}{8} \times 1\frac{5}{9} = 2\frac{11}{12}$

## Ejercicio (Multiplicación (1))

Una cocinera invierte  $\frac{2}{9}$  horas de tiempo para elaborar una torta. ¿Cuánto tiempo le llevará preparar 8 tortas?

Datos:

Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

---

Una cocinera invierte  $\frac{2}{9}$  horas de tiempo para elaborar una torta. ¿Cuánto tiempo le llevará preparar 8 tortas?

Datos:

Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

---

Una cocinera invierte  $\frac{2}{9}$  horas de tiempo para elaborar una torta. ¿Cuánto tiempo le llevará preparar 8 tortas?

Datos:

Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

---

Una cocinera invierte  $\frac{2}{9}$  horas de tiempo para elaborar una torta. ¿Cuánto tiempo le llevará preparar 8 tortas?

Datos:

Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

## Ejercicios (Multiplicación (2))

Calculo. (Simplificar antes de realizar el cálculo.)

a)  $\frac{2}{9} \times 3 =$

d)  $\frac{3}{7} \times 7 =$

g)  $\frac{5}{8} \times 4 =$

j)  $5 \times \frac{3}{5} =$

b)  $\frac{5}{6} \times 2 =$

e)  $\frac{3}{4} \times 2 =$

h)  $\frac{5}{9} \times 3 =$

k)  $3 \times \frac{2}{3} =$

c)  $\frac{9}{8} \times 6 =$

f)  $\frac{1}{6} \times 3 =$

i)  $\frac{4}{5} \times 5 =$

l)  $6 \times \frac{4}{9} =$

- Un corredor corre diariamente  $\frac{25}{8}$  km. ¿Cuántos kilómetros corre en 4 días?

Datos:

Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

Calculo. (Simplificar antes de realizar el cálculo.)

a)  $\frac{2}{9} \times 3 =$

d)  $\frac{3}{7} \times 7 =$

g)  $\frac{5}{8} \times 4 =$

j)  $5 \times \frac{3}{5} =$

b)  $\frac{5}{6} \times 2 =$

e)  $\frac{3}{4} \times 2 =$

h)  $\frac{5}{9} \times 3 =$

k)  $3 \times \frac{2}{3} =$

c)  $\frac{9}{8} \times 6 =$

f)  $\frac{1}{6} \times 3 =$

i)  $\frac{4}{5} \times 5 =$

l)  $6 \times \frac{4}{9} =$

- Un corredor corre diariamente  $\frac{25}{8}$  km. ¿Cuántos kilómetros corre en 4 días?

Datos:

Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

## Ejercicios (Multiplicación (4))

Calculo.

\*Simplificar antes de multiplicar.

(Por ejemplo)  
 $\frac{2}{9} \times \frac{3}{5} = \frac{2 \times \cancel{3}^1}{3 \cancel{\cancel{3}} \times 5} = \frac{2}{15}$

$$\frac{4}{21} \times \frac{7}{10} =$$

$$\frac{3}{8} \times \frac{6}{7} =$$

$$\frac{7}{24} \times \frac{4}{7} =$$

$$\frac{5}{33} \times \frac{11}{15} =$$

$$\frac{9}{56} \times \frac{7}{12} =$$

$$\frac{5}{42} \times \frac{12}{25} =$$

**¡Vamos a calcular el área del rectángulo!**

¿Cuál es la fórmula del área del rectángulo?

$$A \square =$$

\*Simplificar antes de multiplicar.

a) Datos:

largo  $\frac{8}{3}$ m

ancho  $\frac{9}{4}$ m

Solución:

b) Datos:

largo  $\frac{15}{8}$ m

ancho  $\frac{4}{3}$ m

Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

Calculo.

\*Simplificar antes de multiplicar.

(Por ejemplo)  
 $\frac{2}{9} \times \frac{3}{5} = \frac{2 \times \cancel{3}^1}{3 \cancel{\cancel{3}} \times 5} = \frac{2}{15}$

$$\frac{4}{21} \times \frac{7}{10} =$$

$$\frac{3}{8} \times \frac{6}{7} =$$

$$\frac{7}{24} \times \frac{4}{7} =$$

$$\frac{5}{33} \times \frac{11}{15} =$$

$$\frac{9}{56} \times \frac{7}{12} =$$

$$\frac{5}{42} \times \frac{12}{25} =$$

**¡Vamos a calcular el área del rectángulo!**

¿Cuál es la fórmula del área del rectángulo?

$$A \square =$$

\*Simplificar antes de multiplicar.

a) Datos:

largo  $\frac{8}{3}$ m

ancho  $\frac{9}{4}$ m

Solución:

b) Datos:

largo  $\frac{15}{8}$ m

ancho  $\frac{4}{3}$ m

Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

## Ejercicios (Multiplicación (5))

(Por ejemplo)

$$2\frac{2}{5} \times 1\frac{2}{3} = \frac{12}{5} \times \frac{5}{3} = \frac{\cancel{4}^2 \times \cancel{5}^1}{\cancel{15}^3 \times \cancel{3}^1} = \frac{4 \times 1}{1 \times 1} = 4$$

Convertir el numeral mixto en impropia antes de multiplicar.

No se olvide simplificar si es necesario.

a)  $1\frac{2}{5} \times 2\frac{2}{3} =$

e)  $2\frac{1}{4} \times 1\frac{5}{6} =$

b)  $1\frac{2}{5} \times 3\frac{1}{2} =$

f)  $\frac{3}{4} \times 2\frac{4}{5} =$

c)  $1\frac{1}{6} \times \frac{3}{7} =$

g)  $5\frac{1}{4} \times 2\frac{2}{7} =$

d)  $1\frac{1}{2} \times 2\frac{1}{3} =$

h)  $1\frac{7}{8} \times 1\frac{5}{9} =$

(Por ejemplo)

$$2\frac{2}{5} \times 1\frac{2}{3} = \frac{12}{5} \times \frac{5}{3} = \frac{\cancel{4}^2 \times \cancel{5}^1}{\cancel{15}^3 \times \cancel{3}^1} = \frac{4 \times 1}{1 \times 1} = 4$$

Convertir el numeral mixto en impropia antes de multiplicar.

No se olvide simplificar si es necesario.

a)  $1\frac{2}{5} \times 2\frac{2}{3} =$

e)  $2\frac{1}{4} \times 1\frac{5}{6} =$

b)  $1\frac{2}{5} \times 3\frac{1}{2} =$

f)  $\frac{3}{4} \times 2\frac{4}{5} =$

c)  $1\frac{1}{6} \times \frac{3}{7} =$

g)  $5\frac{1}{4} \times 2\frac{2}{7} =$

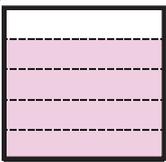
d)  $1\frac{1}{2} \times 2\frac{1}{3} =$

h)  $1\frac{7}{8} \times 1\frac{5}{9} =$

\*La división se representa a través de los siguientes símbolos “÷” ó “:”.

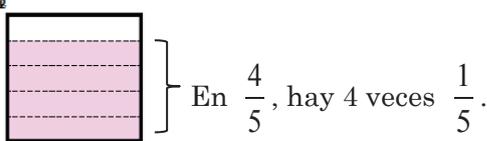
En esta unidad (división de las fracciones) hemos utilizado “:”.

Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
5º grado	División(1)	1/5	Conocer el algoritmo de la división de las fracciones y realizar el cálculo: fracción propia : número natural.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Presentar la situación problemática.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>Si se utilizan <math>\frac{4}{5}l</math> de pintura para trazar 2m de línea, ¿Cuántos litros de pintura se utilizan para trazar 1m de línea?</p> </div> <p>2. Dar tiempo para pensar. (Véase Notas 1.)</p> <p>3. Plantear el tema.</p>	<p>-Leer y sacar los datos. -Pensar en la solución.</p> <p>Solución: <math>\frac{4}{5} : 2</math></p>	
Desarrollo 25 min.	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px 0; text-align: center;"> <p>¿Cómo se calcula <math>\frac{4}{5} : 2</math>?</p> </div> <p>4. Presentar una gráfica en el pizarrón para ayudar al razonamiento de los alumnos.(Véase Notas 2.)</p> <div style="text-align: center;">  </div> <p>5. Preguntar a los alumnos.</p> <div style="border: 1px solid purple; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>¿Qué tenemos que hacer para saber la cantidad de pintura que se utilizan para trazar 1m?</p> </div> <div style="display: flex; align-items: center; margin: 5px 0;">  <div style="border: 1px solid purple; padding: 5px; border-radius: 15px;"> <p>¿Cuántos de <math>\frac{1}{5}</math> hay en <math>\frac{4}{5}</math>?</p> </div> </div> <div style="border: 1px solid purple; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>Entonces, ¿Cuántos de <math>\frac{1}{5}</math> necesitan para trazar 1m?</p> </div> <p>6. Confirmar el cálculo con los alumnos.</p> $\frac{4}{5} : 2 = \frac{4 : 2}{5} = \frac{2}{5}$	<p>-Entender que la parte coloreada representa la cantidad de pintura que se utiliza para 2m.</p> <p>¡Dividir <math>\frac{4}{5}</math> en 2!</p> <p>Hay 4 veces en <math>\frac{4}{5}</math>.</p> <p><math>4 : 2 = 2</math> veces.</p> <p>-Respuesta: Se utilizan <math>\frac{2}{5}l</math> de pintura.</p>	<p>Gráfica</p>  
Cierre 10 min.	<p>7. Dar los ejercicios.</p>	<p>-Practicar los ejercicios.</p>	

## Plan del pizarrón

Matemática	
<p>Si se utilizan <math>\frac{4}{5}l</math> de pintura para trazar 2m de línea, ¿Cuántos litros de pintura se utilizan para trazar 1m de línea?</p>	
<u>Datos</u>	<u>Solución</u>
$\frac{4}{5}l$ 2m -Xl    1m	$\frac{4}{5} : 2$  $4 : 2 = 2$ veces $\frac{1}{5}$ de pintura.  $\frac{4}{5} : 2 = \frac{4 : 2}{5} = \frac{2}{5}$  Respuesta: Se utilizan $\frac{2}{5}l$ de pintura.



### Notas 1

Si los alumnos tienen dificultad en entender por qué realiza la división, se puede representar la situación usando números naturales como lo siguiente. “Si se utilizan 6l de pintura para trazar 2m de línea, se utilizan  $6l : 2$  para trazar 1m de línea.” Sólo se cambia 6l por  $\frac{4}{5}l$ .



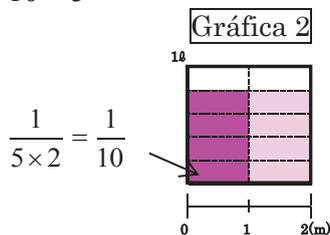
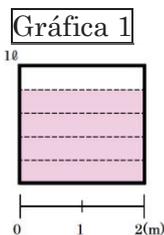
### Notas 2 Explicación del cálculo de división usando la gráfica.

Para explicar cómo calcular la división, puede usar la gráfica también. (Más detalle en la siguiente clase.)

1. Presentar la gráfica con línea como la Gráfica 1.
2. Confirmar con los alumnos qué representa la parte coloreada que está arriba del segmento de 0 a 2(m) en la gráfica. Esta representa la cantidad de pintura que se utilizan para 2m.
3. Dividir en 2 partes usando la gráfica y confirmar con los alumnos en el pizarrón. Gráfica 2
4. La parte coloreada más oscura corresponde a la cantidad que se utilizan para 1m.

Esta parte consiste 4 partes pequeñas y cada una de las cuales equivale a  $\frac{1}{5 \times 2} = \frac{1}{10}$ .

Por eso, la respuesta del problema es  $\frac{4}{10} = \frac{2}{5}$ . Hay que simplificar la respuesta.



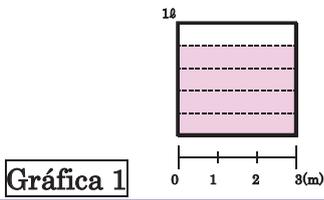
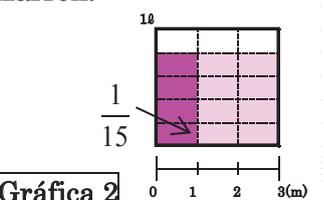
$$\frac{4}{5 \times 2} = \frac{4}{10}$$



## Ejercicios

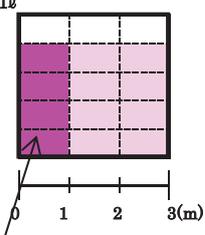
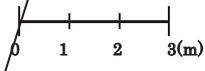
- |                        |                |                       |               |
|------------------------|----------------|-----------------------|---------------|
| a) $\frac{12}{5} : 3$  | $\frac{4}{5}$  | b) $\frac{10}{3} : 5$ | $\frac{2}{3}$ |
|                        | $\frac{1}{4}$  |                       | $\frac{1}{4}$ |
| d) $\frac{21}{10} : 7$ | $\frac{3}{10}$ | e) $\frac{16}{5} : 4$ | $\frac{4}{5}$ |
|                        |                | f) $\frac{6}{7} : 6$  | $\frac{1}{7}$ |

Grado	Fracción	N° de clases	El objetivo
5º grado	División(2)	2/5	Conocer el algoritmo de la división de las fracciones y realizar el cálculo: fracción propia : número natural.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Presentar la situación problemática.</p> <p>Si se utilizan <math>\frac{4}{5}</math> l de pintura para trazar 3m de línea, ¿Cuántos litros de pintura se utilizan para trazar 1m de línea?</p>		
Desarrollo 25 min.	<p>2. Dar tiempo para pensar.</p> <p>3. Plantear el tema.</p> <p>¿Cómo se calcula <math>\frac{4}{5} : 3</math>?</p>	<p>-Leer y sacar los datos. -Pensar en la solución.</p> <p>Solución: <math>\frac{4}{5} : 3</math></p>	
	<p>4. Preguntar a los alumnos.</p> <p>¿Qué diferencia de cálculo hay entre la clase anterior y hoy?</p> <p>5. Presentar una gráfica en el pizarrón para ayudar al razonamiento de los alumnos.</p> <p><b>Gráfica 1</b></p>  <p>¿Qué tenemos que hacer para saber la cantidad de pintura que se utilizan para trazar 1m?</p> <p>6. Dividir en 3 partes usando la gráfica y confirmar con los alumnos en el pizarrón.</p> <p><b>Gráfica 2</b></p>  <p>Cada una de la parte coloreada más oscura equivale a</p>	<p>Equivocación previsible</p> <p><math>4 : 3 = 1</math> residuo 1. La división no es exacta.</p> <p>-Entender que la parte coloreada representa la cantidad de pintura que se utilizan para 3m.</p> <p>¡Dividir <math>\frac{4}{5}</math> en 3!</p> <p>¿Qué representa la parte coloreada más oscura? Y cada una de las 4 partes pequeñas, ¿A cuál fracción equivale?</p> <p>-Darse cuenta de que la parte más oscura corresponde a la cantidad que se utilizan para 1m.</p>	<p>Gráfica</p>   

<b>Cierre</b> 10 min.	$\frac{1}{5 \times 3} = \frac{1}{15}$ . Por eso, $\frac{4}{5} : 3 = \frac{4}{5 \times 3} = \frac{4}{15}$ .	-Una parte equivale a $\frac{1}{15}$ . -Respuesta: Se utilizan $\frac{4}{15}l$ . -Comprender la regla.	 División(3) pág.81
	<b>7. Confirmar y escribir la regla en el pizarrón.</b> <div style="border: 1px solid red; padding: 5px; margin: 5px 0;">           Para dividir una fracción entre un número natural mantiene el numerador y se multiplica el denominador por el número natural.  <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; display: inline-block;"> <math>\frac{\triangle}{\square} : \bigcirc = \frac{\triangle}{\square \times \bigcirc}</math> </div> </div>	<b>8. Dar los ejercicios.</b>	

### Plan del pizarrón

<p style="text-align: center;"><b>Matemática</b></p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-bottom: 10px;">         Si se utilizan <math>\frac{4}{5}l</math> de pintura para trazar 3m de línea, ¿Cuántos litros de pintura se utilizan para trazar 1m de línea?       </div> <table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="text-align: left; border-bottom: 1px solid black;">Datos</th> <th style="text-align: left; border-bottom: 1px solid black;">Solución</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td><math>\frac{4}{5}l</math> 3m</td> <td><math>\frac{4}{5} : 3</math></td> </tr> <tr> <td>Xl 1m</td> <td></td> </tr> </tbody> </table>	Datos	Solución	$\frac{4}{5}l$ 3m	$\frac{4}{5} : 3$	Xl 1m		<div style="border: 1px solid green; padding: 10px;"> <p>Primero, muestre la <b>Gráfica 1</b> sin dividir en 3 partes, y después trace la línea y pinte más oscuro explicando como <b>Gráfica 2</b>.</p> <div style="display: flex; align-items: center;">  <div style="margin-left: 10px;">  </div> </div> <p>Cada una de la parte coloreada más oscura equivale a</p> <math display="block">\frac{1}{5 \times 3} = \frac{1}{15}l \quad \text{Por eso} \quad \frac{4}{5} : 3 = \frac{4}{5 \times 3} = \frac{4}{15}</math> <p>Respuesta: Se utilizan <math>\frac{4}{15}l</math> de pintura.</p> <div style="border: 1px solid red; padding: 5px; margin-top: 10px;">           Para dividir una fracción entre un número natural se copia el numerador y se multiplica el denominador por el número natural.  <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; display: inline-block;"> <math>\frac{\triangle}{\square} : \bigcirc = \frac{\triangle}{\square \times \bigcirc}</math> </div> </div> </div>
Datos	Solución						
$\frac{4}{5}l$ 3m	$\frac{4}{5} : 3$						
Xl 1m							

### Ejercicios

1. Calculo.

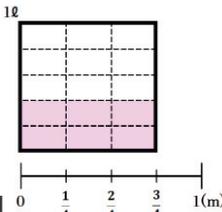
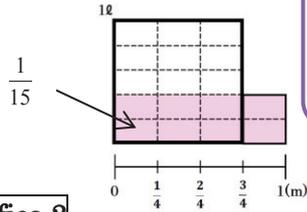
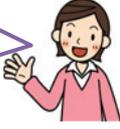
a) $\frac{4}{5} : 7$	$\frac{4}{35}$	b) $\frac{2}{3} : 5$	$\frac{2}{15}$	c) $\frac{1}{4} : 3$	$\frac{1}{12}$
d) $\frac{1}{2} : 7$	$\frac{3}{14}$	* e) $\frac{4}{5} : 8$	$\frac{1}{10}$	* f) $\frac{6}{7} : 9$	$\frac{2}{21}$

\*La respuesta de e) y f) necesita simplificación.

2. Para hacer dos tortas necesita  $\frac{3}{4}l$  de leche. ¿Cuántos litros de leche necesita para hacer una torta?

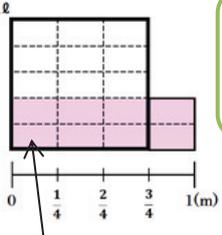
Solución  $\frac{3}{4} : 2$  Respuesta: Necesita  $\frac{3}{8}l$  de leche.

Grado	Fracción	N° de clases	El objetivo
5º grado	División(3)	3/5	Conocer el algoritmo de la división de las fracciones y realizar el cálculo: fracción propia : fracción propia.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Presentar la situación problemática.</p> <p>Si se utilizan <math>\frac{2}{5}l</math> de pintura para trazar <math>\frac{3}{4}</math> m de línea, ¿Cuántos litros de pintura se utilizan para trazar 1m de línea?</p>		
Desarrollo 25 min.	<p>2. Dar tiempo para pensar.</p> <p>3. Plantear el tema.</p> <p>¿Cómo se calcula <math>\frac{2}{5} : \frac{3}{4}</math>?</p>	<p>-Leer y sacar los datos. -Pensar en la solución.</p> <p>Solución: <math>\frac{2}{5} : \frac{3}{4}</math></p>	
	<p>3. Presentar una gráfica en el pizarrón para ayudar el pensamiento de los alumnos igual que la clase anterior.</p> <p></p> <p><b>Gráfica 1</b></p> <p>¿Qué representa la parte coloreada y el segmento de 0 a <math>\frac{3}{4}</math> m?</p> <p>¿Qué tenemos que hacer para saber la cantidad de pintura que se utilizan para trazar 1m?</p>	<p>-Entender que la parte coloreada representa la cantidad de pintura que se utiliza para <math>\frac{3}{4}</math> m y el segmento es la longitud de la línea pintada.</p>	Gráfica
	<p>4. Agregar la cantidad de la pintura de la gráfica hasta 1m. Y confirmar con los alumnos en el pizarrón.</p> <p></p> <p><b>Gráfica 2</b></p> <p>Cada una de la parte coloreada equivale a <math>\frac{1}{5 \times 3} = \frac{1}{15}</math>.</p> <p>Y <math>2 \times 4 = 8</math>, por eso</p>	<p>Agregar la cantidad de pintura.</p> <p>¿Qué representa la parte coloreada? Y ¿Cuántas partes coloreadas hay? Cada una de ellas, ¿A cuál fracción equivale?</p> <p>La parte coloreada es la cantidad de pintura y 8 son las partes coloreadas. Una parte equivale a <math>\frac{1}{15}</math>.</p>	  

Cierre 10 min.	$\frac{2}{5} : \frac{3}{4} = \frac{2 \times 4}{5 \times 3} = \frac{8}{15}$ .	-Respuesta: Se utilizan $\frac{8}{15}l$ .
	6. Confirmar y escribir la regla en el pizarrón. (Véase Notas.)	-Comprender la regla.
	<p>Para dividir fracciones, se escriba el dividendo y se multiplica por el recíproco del divisor.</p> <div style="text-align: center; border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 0 auto;"> <math>\frac{\triangle}{\square} : \frac{\circ}{\diamond} = \frac{\triangle}{\square} \times \frac{\diamond}{\circ}</math> </div> <p>*Esta regla puede aplicar la división de la clase anterior (fracción propia : número natural). Por ejemplo, <math>\frac{4}{5} : 3 = \frac{4}{5} \times \frac{3}{1} = \frac{4 \times 3}{5 \times 1}</math>.</p>	
7. Dar los ejercicios.	-Practicar los ejercicios aplicando la regla.	

### Plan del pizarrón

<p style="text-align: center;"><b>Matemática</b></p> <p>Si se utilizan <math>\frac{2}{5}l</math> de pintura para trazar <math>\frac{3}{4}m</math> de línea, ¿Cuántos litros de pintura se utilizan para trazar 1m de línea?</p> <table style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="width: 20%;">Datos</th> <th style="width: 20%;">Solución</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td><math>\frac{2}{5}l</math>    <math>\frac{3}{4}m</math></td> <td><math>\frac{2}{5} : \frac{3}{4}</math></td> </tr> <tr> <td>-Xl    1m</td> <td></td> </tr> </tbody> </table>	Datos	Solución	$\frac{2}{5}l$ $\frac{3}{4}m$	$\frac{2}{5} : \frac{3}{4}$	-Xl    1m		<div style="display: flex; align-items: flex-start;"> <div style="flex: 1;">  <p style="font-size: small;">12 0    1/4    2/4    3/4    1(m)</p> </div> <div style="flex: 2; border: 1px solid green; border-radius: 15px; padding: 10px; margin-left: 10px;"> <p>Primero, muestre la <b>Gráfica 1</b>, y después trace la línea hasta 1m y pinte explicando como <b>Gráfica 2</b>.</p> <div style="text-align: right; margin-top: -20px;">  </div> </div> </div> <p style="margin-top: 10px;">Cada una de la parte coloreada equivale a</p> $\frac{1}{5 \times 3} = \frac{1}{15}l \text{ y } 2 \times 4 = 8 \text{ partes coloreada, por eso}$ $\frac{2}{5} : \frac{3}{4} = \frac{2 \times 4}{5 \times 3} = \frac{8}{15} \quad \text{Respuesta: Se utilizan } \frac{8}{15}l.$ <div style="border: 2px solid red; padding: 5px; margin-top: 10px;"> <p>Para dividir fracciones, se escriba el dividendo y se multiplica por el recíproco del divisor.</p> <div style="text-align: center; border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 0 auto;"> <math>\frac{\triangle}{\square} : \frac{\circ}{\diamond} = \frac{\triangle}{\square} \times \frac{\diamond}{\circ}</math> </div> <p>*Esta regla puede aplicar la división de la clase anterior.</p> </div>
Datos	Solución						
$\frac{2}{5}l$ $\frac{3}{4}m$	$\frac{2}{5} : \frac{3}{4}$						
-Xl    1m							

 **Notas** Otra forma de calcular. (Aplicando la propiedad de la división.)

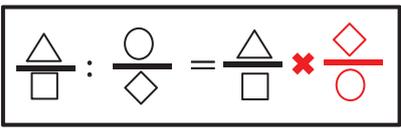
$$\begin{array}{r} \frac{2}{5} : \frac{3}{4} = \frac{8}{15} \\ \times 4 \downarrow \quad \times 4 \downarrow \quad \quad \quad \uparrow \times 4 \\ = \left(\frac{2}{5} \times 4\right) : \left(\frac{3}{4} \times 4\right) = \frac{2 \times 4}{5} : 3 = \frac{2 \times 4}{5 \times 3} \end{array} \quad \text{Igual}$$

El **inverso** multiplicativo de un número es aquel número que al multiplicarlo por el primero, el resultado es igual a 1. También se le conoce como **recíproco**.

### Ejercicios

- a)  $\frac{2}{7} : \frac{3}{5}$      $\frac{10}{21}$     b)  $\frac{1}{3} : \frac{1}{2}$      $\frac{2}{3}$     c)  $\frac{2}{9} : \frac{3}{5}$      $\frac{10}{27}$     d)  $\frac{1}{7} : \frac{4}{5}$      $\frac{5}{28}$     e)  $\frac{1}{5} : \frac{3}{4}$      $\frac{4}{15}$

Grado	Fracción	N° de clases	El objetivo
5º grado	División(4)	4/5	Conocer el algoritmo de la división de las fracciones y realizar el cálculo: simplificación.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	1. Repasar la clase anterior.	-Recordar la regla de la división de las fracciones. 	
Desarrollo 25 min.	2. Plantear el tema. <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; text-align: center;"><b>¡Vamos a dividir estas fracciones!</b></div> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px;"><p>Calcular.</p><p>(1) <math>\frac{3}{8} : \frac{7}{10}</math>      (2) <math>5 : \frac{15}{4}</math></p></div> 3. Dar tiempo para pensar (1). 4. Confirmar con los alumnos en el pizarrón. <b>Forma 1</b> $(1) \frac{3}{8} : \frac{7}{10} = \frac{3}{8} \times \frac{10}{7} = \frac{3 \times 10}{8 \times 7} = \frac{30}{56}$  <p>¿La respuesta es correcta? ¿Qué falta?</p> <p>Simplificar.</p> $\frac{\cancel{30}}{\cancel{56}} = \frac{15}{28}$ <b>Entre 2</b> 5. Preguntar a los alumnos lo siguiente porque ya aprendieron otra forma en la clase de multiplicación.  6. Confirmar juntos. <b>Forma 2</b> $(1) \frac{3}{8} : \frac{7}{10} = \frac{3}{8} \times \frac{10}{7} = \frac{3 \times \cancel{10}}{\cancel{8} \times 7}$ <b>Entre 2</b> $= \frac{3 \times 5}{4 \times 7} = \frac{15}{28}$	-Pensar en la manera de calcular solo/a.  <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 5px; display: inline-block;">¡Simplificación!</div> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 5px; display: inline-block;">¡Dividir en 2!</div> -Darse cuenta que se puede simplificar igual que la multiplicación. <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; display: inline-block;">¿Hay alguien que calculó de diferente forma?</div> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 5px; display: inline-block;">Yo dividí antes de multiplicar.</div>	 

Cierre 10 min.	<p>Siempre expresamos las fracciones <b>en su mínima expresión</b>. Y <b>simplificar antes de realizar la multiplicación</b> porque se puede calcular más fácilmente y con menos equivocación. Por eso aplica la <b>Forma 2</b>.</p>	
	<p><b>7. Dar tiempo para calcular (2).</b></p> $(2) 5 : \frac{15}{4} = 5 \times \frac{4}{15} = \frac{\cancel{5} \times 4}{\cancel{15}}$ <p style="text-align: center;"><b>Entre 5</b></p> $= \frac{4}{3} = 1\frac{1}{3}$ <p><b>8. Dar los ejercicios.</b></p>	<p>-Pensar en la manera de calcular solo/a simplificando antes de la multiplicación.</p> <p>-Practicar los ejercicios.</p>

### Plan del pizarrón

Matemática	
<p>Calcular.</p> <p>(1) <math>\frac{3}{8} : \frac{7}{10}</math></p> <p><b>Forma 1</b></p> $(1) \frac{3}{8} : \frac{7}{10} = \frac{3}{8} \times \frac{10}{7} = \frac{3 \times 10}{8 \times 7} = \frac{\cancel{30}}{\cancel{56}} = \frac{15}{28}$ <p style="text-align: center;"><b>Entre 2</b></p> <p><b>Forma 2</b></p> $(1) \frac{3}{8} : \frac{7}{10} = \frac{3}{8} \times \frac{10}{7} = \frac{3 \times \cancel{10}}{\cancel{8} \times 7} = \frac{15}{28}$	<p style="text-align: center;">1</p> $(2) 5 : \frac{15}{4} = 5 \times \frac{4}{15} = \frac{\cancel{5} \times 4}{\cancel{15}} = \frac{4}{3} = 1\frac{1}{3}$ <div style="border: 2px solid red; padding: 5px; margin-top: 10px;"> <p>Siempre expresamos las fracciones <b>en su mínima expresión</b>. Y <b>simplificar antes de realizar la multiplicación</b> porque se puede calcular más fácilmente y con menos equivocación. Por eso aplica la <b>Forma 2</b>.</p> </div>

### Ejercicios

1. Calculo.

a)  $\frac{4}{5} : \frac{2}{7} = \frac{14}{5} = 2\frac{4}{5}$       b)  $\frac{3}{4} : \frac{6}{7} = \frac{7}{8}$       c)  $\frac{4}{9} : \frac{5}{6} = \frac{8}{15}$

d)  $\frac{8}{15} : \frac{14}{45} = \frac{12}{7} = 1\frac{5}{7}$       e)  $1 : \frac{2}{3} = \frac{3}{2} = 1\frac{1}{2}$       f)  $12 : \frac{6}{7} = 14$

2. Tengo 28kg de azúcar. Quiero repartir en partes iguales en bolsas de  $\frac{4}{5}$  kg.

¿Cuántas bolsas necesito?

Solución     $28 : \frac{4}{5}$     Respuesta: Necesito 35 bolsas.

Grado	Fracción	Nº de clases	El objetivo
5º grado	División(5)	5/5	Conocer el algoritmo de la división de los numerales mixtos.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar la clase anterior.</p> <p>2. Dar un ejercicio.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;">           Calcular.   <math>1\frac{3}{5} : 2\frac{1}{3}</math> </div>	<p>-Recordar la regla de la división de las fracciones.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <math>\frac{\triangle}{\square} : \frac{\circ}{\diamond} = \frac{\triangle}{\square} \times \frac{\diamond}{\circ}</math> </div>	
Desarrollo 25 min.	<p>3. Dar tiempo para pensar. Equivocación previsible.</p> <div style="border: 1px solid black; border-radius: 50%; padding: 10px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <math>1 : 2 = \frac{1}{2}</math>   <math>\frac{3}{5} : \frac{1}{3} = \frac{3}{5} \times \frac{3}{1} = \frac{9}{5}</math> </div> <p>4. Preguntar a los alumnos.</p> <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;">  ¿Qué recuerdan del cálculo de la multiplicación de los numerales mixtos?         </div>	<p>-Pensar en la manera de calcular solo/a aplicando lo que aprendieron antes. Respuestas previstas.</p> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 50%; padding: 10px; width: fit-content; margin: 10px auto;">           Dividirlos separadamente. Pero...         </div> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <b>¡Convertirlos en impropia!</b> </div>	    
	<p>5. Confirmar el cálculo con los alumnos en el pizarrón.</p> $1\frac{3}{5} : 2\frac{1}{3} = \frac{8}{5} : \frac{7}{3}$ <div style="border: 1px solid blue; padding: 2px; display: inline-block; margin-bottom: 5px;">Convertir</div> $= \frac{8}{5} \times \frac{3}{7} = \frac{8 \times 3}{5 \times 7}$ $= \frac{24}{35}$	<p>-Recordar que para multiplicar los numerales mixtos se debe convertir en fracciones impropias. (Véase la página de Multiplicación de las fracciones.)</p> <p>-Multiplicar el dividendo por el inverso (o recíproco) de divisor.</p> $2\frac{1}{3} = \frac{7}{3} \quad \text{Por eso,}$ <p>el inverso de <math>\frac{7}{3}</math> es <math>\frac{3}{7}</math>.</p>	  Multiplicación (5) pág.70
Cierre 10 min.	<p>6. Confirmar y escribir la regla en el pizarrón.</p> <div style="border: 2px solid red; padding: 10px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <p style="text-align: center;"><b>Para efectuar la división de numerales mixtos se debe convertir en fracciones impropias antes de resolverlos.</b></p> </div>	<p>-Comprender la regla.</p>	
	7. Dar los ejercicios.	-Practicar los ejercicios.	

## Plan del pizarrón

Matemática
<p>Repaso</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; display: inline-block;"> <math display="block">\frac{\triangle}{\square} : \frac{\circ}{\diamond} = \frac{\triangle}{\square} \times \frac{\diamond}{\circ}</math> </div>
<p>Calcular.</p> $1\frac{3}{5} : 2\frac{1}{3} = \frac{8}{5} : \frac{7}{3} \quad \text{Convertir}$ $= \frac{8}{5} \times \frac{3}{7} \quad \text{Multiplicar por el inverso del divisor}$ $= \frac{8 \times 3}{5 \times 7} = \frac{24}{35}$ <div style="border: 1px solid red; padding: 10px; margin-top: 10px;"> <p>Para efectuar la división de numerales mixtos se debe convertir en fracciones impropias antes de resolverlos.</p> </div>

## Ejercicios

A) Calculo.

a)  $2\frac{1}{4} : 2\frac{1}{3} = \frac{27}{28}$       b)  $2\frac{1}{3} : 2\frac{2}{5} = \frac{35}{36}$       c)  $2\frac{3}{5} : 1\frac{1}{3} = 1\frac{19}{20}$

\* d)  $1\frac{1}{5} : 1\frac{7}{15} = \frac{9}{11}$       \* e)  $3\frac{3}{4} : 1\frac{2}{7} = 2\frac{11}{12}$

\*La respuesta de d) y e) necesita simplificación.

f)  $\frac{3}{7} : 1\frac{3}{5} = \frac{15}{56}$       g)  $1\frac{1}{3} : \frac{5}{11} = 2\frac{14}{15}$

\*\* h)  $\frac{3}{8} : 2\frac{1}{4} = \frac{1}{6}$       \*\* i)  $2\frac{2}{3} : 6 = \frac{4}{9}$

\*\*La respuesta de h) e i) necesita simplificación.

B) Mi tía Julia preparó 24 l de jugo natural para vender en su despensa. Si envió en botellas de  $1\frac{1}{2}$  l, ¿Cuántas botellas pudo llenar?

Solución  $24 : 1\frac{1}{2}$       Respuesta: Pudo llenar 16 botellas.

Aunque aparezca sólo un numeral mixto en la división, como f), g), h) e i) de Ejercicios, se debe convertir en fracción impropia antes de resolver.



Grado	Fracciones	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Multiplicación y división	1/1	Calcular aplicando las propiedades de la multiplicación y división. Multiplicar y dividir tres fracciones.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar la clase anterior.</p> $\frac{\triangle}{\square} \times \frac{\diamond}{\circ} = \frac{\triangle \times \diamond}{\square \times \circ} \quad \frac{\triangle}{\square} : \frac{\diamond}{\circ} = \frac{\triangle}{\square} \times \frac{\circ}{\diamond}$	-Leer las reglas.	
Desarrollo 25 min.	<p>2. Plantear el tema.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; text-align: center;"> <p>¿Cómo se calcula <math>\frac{5}{9} \times \frac{4}{7} \times \frac{3}{10}</math>?</p> </div> <p>3. Recorrer entre los alumnos. 4. Preguntar cómo calculan. Y comparar sus ideas.</p> <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; display: inline-block;"> <p>La respuesta es la misma. ¿Cuál es más fácil?</p> </div> 	<p>-Pensar y calcular solo/a. -Presentar sus ideas.</p> <p>a) </p> $\frac{5}{9} \times \frac{4}{7} \times \frac{3}{10} = \frac{\cancel{6}^2}{\cancel{63}^21} = \frac{2}{21}$  <p>b) <math display="block">\frac{5}{9} \times \frac{4}{7} \times \frac{3}{10} = \frac{\cancel{15}^3 \times \cancel{24}^3 \times \cancel{31}}{\cancel{39}^3 \times 7 \times \cancel{10}^2 1} = \frac{2}{21}</math></p> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 5px; display: inline-block;"> <p>¡b) es más fácil!</p> </div> 	
	<p>5. Confirmar lo siguiente.</p> <div style="border: 1px solid red; padding: 5px;"> <p>Cuando hay varios factores, se puede simplificar antes de realizar la multiplicación. Porque resulta más fácil de calcular después.</p> </div> <p>6. Dar otro problema.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; text-align: center;"> <p>¿Cómo se calcula <math>\frac{4}{15} \times 3 : \frac{4}{5}</math>?</p> </div> <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; display: inline-block;"> <p>Vamos a simplificar los tres antes de realizar el cálculo.</p> </div>  <p>7. Confirmar la respuesta.</p> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 5px; display: inline-block;"> <math display="block">\frac{4}{15} \times 3 : \frac{4}{5} = \frac{4 \times 3 \times 5}{15 \times 1 \times 4} = \frac{\cancel{4} \times \cancel{3} \times \cancel{5}^1}{\cancel{15}^3 \times 1 \times \cancel{4}^1} = 1</math> </div>	<p>-Pensar el problema.</p> <div style="border: 1px solid green; border-radius: 15px; padding: 5px; display: inline-block;"> <p>Confirmar que cada alumno/a cambie la división por la multiplicación. Si no, mostrar la regla.</p> </div>  <div style="border: 1px solid green; border-radius: 15px; padding: 5px; display: inline-block;"> <p>Simplificar después de multiplicar no es equivocado. Pero simplificar antes de multiplicar es mejor porque se puede calcular más fácilmente, con números pequeños.</p> </div>	
Cierre 10 min.	8. Dar los ejercicios.	-Practicar los ejercicios.	Hoja para Ejercicios

## Plan del pizarrón

Matemática Multiplicar y dividir tres fracciones

Repaso  $\frac{\triangle}{\square} \times \frac{\diamond}{\circ} = \frac{\triangle \times \diamond}{\square \times \circ}$   $\frac{\triangle}{\square} : \frac{\diamond}{\circ} = \frac{\triangle}{\square} \times \frac{\circ}{\diamond}$

¿Cómo se calcula  $\frac{5}{9} \times \frac{4}{7} \times \frac{3}{10}$ ?

a) 
$$\frac{5}{9} \times \frac{4}{7} \times \frac{3}{10} = \frac{60}{630} = \frac{2}{21}$$

b) 
$$\frac{5}{9} \times \frac{4}{7} \times \frac{3}{10} = \frac{15 \times 24 \times 31}{39 \times 7 \times 1021} = \frac{2}{21}$$

¿Cómo se calcula  $\frac{4}{15} \times 3 : \frac{4}{5}$ ?

• Simplificar los tres antes de realizar el cálculo.

$$\frac{4}{15} \times 3 : \frac{4}{5} = \frac{4 \times 3 \times 5}{15 \times 1 \times 4} = \frac{14 \times 13 \times 51}{15 \times 1 \times 41} = 1$$

Cuando hay varios factores, se puede simplificar antes de realizar la multiplicación. Porque resulta más fácil de calcular después, con números pequeños.

### Respuesta de Ejercicios (pág.88)

a)  $\frac{7}{8} \times \frac{3}{5} \times \frac{5}{3} = \frac{7}{8}$     b)  $\frac{3}{4} \times \frac{5}{7} \times \frac{4}{3} = \frac{5}{7}$     c)  $\frac{5}{6} \times \frac{7}{10} \times \frac{3}{14} = \frac{1}{8}$     d)  $3\frac{1}{3} \times 1\frac{1}{5} \times \frac{7}{10} = 2\frac{4}{5}$

e)  $\frac{3}{4} : \frac{1}{2} \times \frac{2}{3} = 1$     f)  $4\frac{2}{5} \times \frac{1}{11} : 5 = \frac{2}{25}$     g)  $\frac{1}{6} \times 2 : \frac{1}{3} = 1$     h)  $1\frac{2}{3} : 8\frac{1}{3} \times 2\frac{1}{2} = \frac{1}{2}$

### Respuesta de Ejercicios (pág.89)

a) Sofía tenía 12 dulces, si regaló  $\frac{3}{4}$  de ellos a su hermana Pamela, entonces ¿Cuántos dulces le dio?

Datos:

12 dulces

regaló  $\frac{3}{4}$

Solución:

$$12 \times \frac{3}{4} = 312 \times \frac{3}{41} = 9$$

Respuesta:

Le dio 9 dulces.

b) En la despensa "Itacurubí" se dispone de 28kg de granos de choclo. Para la venta lo cargan en bolsitas de  $\frac{1}{4}$ kg, ¿De cuántas bolsitas fue la venta de choclo en ese día, si se vendió la totalidad?

Datos:

28 kg de granos de choclo

bolsitas de  $\frac{1}{4}$ kg

Solución:

$$28 : \frac{1}{4} = 28 \times \frac{4}{1} = 112$$

Respuesta: 112 bolsitas se vendió la totalidad.

## Ejercicios (Multiplicación y división)

- Simplificar antes de multiplicar y dividir.
- Convertir el numeral mixto en impropia antes de multiplicar.

(Ejemplo)

$$\frac{2}{5} \times \frac{10}{3} \times \frac{9}{8} = \frac{\cancel{12} \times \cancel{12} \cancel{10} \times \cancel{9} 3}{\cancel{15} \times \cancel{3} 1 \times \cancel{8} 4 2} = \frac{3}{2}$$

$$\frac{\triangle}{\square} \times \frac{\diamond}{\circ} = \frac{\triangle \times \diamond}{\square \times \circ} \quad \frac{\triangle}{\square} : \frac{\diamond}{\circ} = \frac{\triangle}{\square} \times \frac{\circ}{\diamond}$$

a)  $\frac{7}{8} \times \frac{3}{5} \times \frac{5}{3} =$

e)  $\frac{3}{4} : \frac{1}{2} \times \frac{2}{3} =$

b)  $\frac{3}{4} \times \frac{5}{7} \times \frac{4}{3} =$

f)  $4\frac{2}{5} \times \frac{1}{11} : 5 =$

c)  $\frac{5}{6} \times \frac{7}{10} \times \frac{3}{14} =$

g)  $\frac{1}{6} \times 2 : \frac{1}{3} =$

d)  $3\frac{1}{3} \times 1\frac{1}{5} \times \frac{7}{10} =$

h)  $1\frac{2}{3} : 8\frac{1}{3} \times 2\frac{1}{2} =$

- Simplificar antes de multiplicar y dividir.
- Convertir el numeral mixto en impropia antes de multiplicar.

(Ejemplo)

$$\frac{2}{5} \times \frac{10}{3} \times \frac{9}{8} = \frac{\cancel{12} \times \cancel{12} \cancel{10} \times \cancel{9} 3}{\cancel{15} \times \cancel{3} 1 \times \cancel{8} 4 2} = \frac{3}{2}$$

$$\frac{\triangle}{\square} \times \frac{\diamond}{\circ} = \frac{\triangle \times \diamond}{\square \times \circ} \quad \frac{\triangle}{\square} : \frac{\diamond}{\circ} = \frac{\triangle}{\square} \times \frac{\circ}{\diamond}$$

a)  $\frac{7}{8} \times \frac{3}{5} \times \frac{5}{3} =$

e)  $\frac{3}{4} : \frac{1}{2} \times \frac{2}{3} =$

b)  $\frac{3}{4} \times \frac{5}{7} \times \frac{4}{3} =$

f)  $4\frac{2}{5} \times \frac{1}{11} : 5 =$

c)  $\frac{5}{6} \times \frac{7}{10} \times \frac{3}{14} =$

g)  $\frac{1}{6} \times 2 : \frac{1}{3} =$

d)  $3\frac{1}{3} \times 1\frac{1}{5} \times \frac{7}{10} =$

h)  $1\frac{2}{3} : 8\frac{1}{3} \times 2\frac{1}{2} =$

## Ejercicios

a) Sofía tenía 12 dulces, si regaló  $\frac{3}{4}$  de ellos a su hermana Pamela, entonces ¿Cuántos dulces le dio?

Datos:                      Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

b) En la despensa “Itacurubí” se dispone de 28kg de granos de choclo. Para la venta lo cargan en bolsitas de  $\frac{1}{4}$ kg, ¿De cuántas bolsitas fue la venta de choclo en ese día, si se vendió la totalidad?

Datos:    Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

---

a) Sofía tenía 12 dulces, si regaló  $\frac{3}{4}$  de ellos a su hermana Pamela, entonces ¿Cuántos dulces le dio?

Datos:                      Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

b) En la despensa “Itacurubí” se dispone de 28kg de granos de choclo. Para la venta lo cargan en bolsitas de  $\frac{1}{4}$ kg, ¿De cuántas bolsitas fue la venta de choclo en ese día, si se vendió la totalidad?

Datos:    Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

# Figura geométrica

Objeto del estudio

4° y 5° grados



## Área I

Perímetro .....	pág. 92
Concepto .....	pág. 96
Rectángulo .....	pág. 100
Cuadrado .....	pág. 102
Figura compuesta .....	pág. 104
Paralelogramo .....	pág. 106
Triángulo .....	pág. 110
(Fotocopia) .....	pág. 116

## Área II

Conocimientos de $m^2$ y $km^2$ .....	pág. 126
Trapezio .....	pág. 130
Rombo .....	pág. 134
(Fotocopia) .....	pág. 138

## Círculo

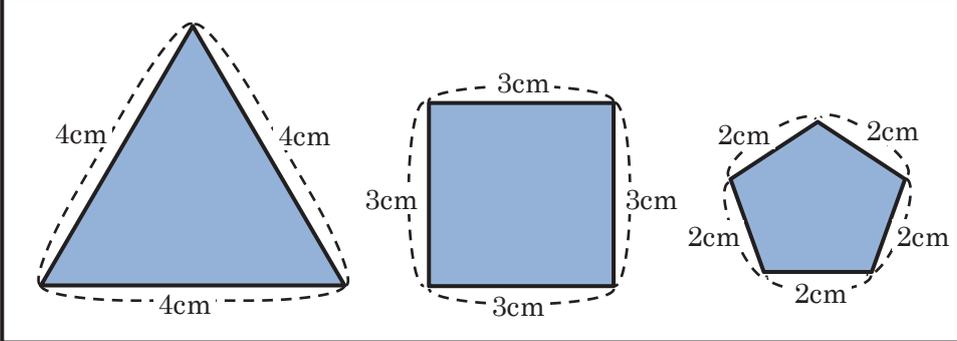
Conocimiento .....	pág. 142
Área de círculo .....	pág. 148
(Fotocopia) .....	pág. 156

El plan de enseñanza del programa de estudios: **Figura geométrica**

Unidad	Nº de clase	Tema	Fotocopia
Área I 4º grado (12)	1	Perímetro (1)	
	2	Perímetro (2)	
	3	Concepto de área (1)	
	4	Concepto de área (2)	
	5	Rectángulo	
	6	Cuadrado	
	7	Figura compuesta	
	8	Paralelogramo (1)	
	9	Paralelogramo (2)	
	10	Triángulo (1)	
	11	Triángulo (2)	
	12	Triángulo (3)	
Área II 5º grado (6)	1	Conocimientos de m <sup>2</sup>	
	2	Conocimientos de km <sup>2</sup>	
	3	Trapezio (1)	
	4	Trapezio (2)	
	5	Rombo (1)	
	6	Rombo (2)	
Círculo 6º grado (7)	1	Conocimientos de centro y radio	
	2	Conocimientos de diámetro	
	3	Conocimientos de circunferencia y pi	
	4	Área de círculo (1)	
	5	Área de círculo (2)	
	6	Área de círculo (3)	
	7	Área de círculo (4)	

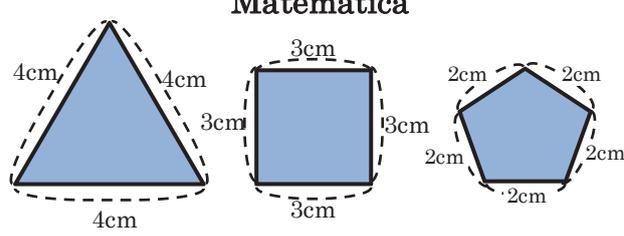


Grado	Área I	Nº de clases	El objetivo
4º grado	Perímetro (1)	1/12	Comprender concepto de perímetro con figuras regulares.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos	
Inicio 5 min.	<p><b>1. Presentar varias figuras regulares.</b></p> 	-Observar las figuras.	Figuras regulares (triángulo, cuadrado, pentágono)	
Desarrollo 25 min.	<p><b>2. Preguntarles sobre las figuras presentadas.</b></p> <p>¡Atiendan a los lados de cada figura! ¿Cómo se llama estos tipos de figuras?</p>	-Contestar al/la profesor/a.		
	<p><b>¿Cuántos cm mide el contorno de cada figura?</b></p> <p><b>3. Resolver un problema preguntando a los alumnos en el pizarrón.</b></p> <p>¿Qué clase de operación podemos utilizar para medir contorno?</p> <p>¿Cómo será la solución de la suma?</p> <p>¿No se puede usar otra operación en vez de la suma?</p> <p>¿Cómo será la solución la multiplicación?</p> <p><b>4. Resolver otros problemas también.</b> Recorrer entre los alumnos. </p> <p><b>5. Confirmar los resultados.</b></p> <table border="1" data-bbox="606 1681 1152 1764"> <tr> <td>Cuadrado <math>4\text{cm} \times 4 = 16\text{cm}</math></td> <td>Pentágono <math>2\text{cm} \times 5 = 10\text{cm}</math></td> </tr> </table> <p><b>6. Encontrar la fórmula para medir perímetro.</b></p> <p>¡Atendamos al número del lado de cada figura! Por ejemplo triángulo tiene 3 lados y su solución es <math>3\text{cm} \times 3 = 9\text{cm}</math>. ¿No hay alguna regla para medir alrededor?</p>	Cuadrado $4\text{cm} \times 4 = 16\text{cm}$		Pentágono $2\text{cm} \times 5 = 10\text{cm}$
Cuadrado $4\text{cm} \times 4 = 16\text{cm}$	Pentágono $2\text{cm} \times 5 = 10\text{cm}$			

Cierre 10 min.	. Aclarar acerca del perímetro y la fórmula para medirlo.	-Copiar los conocimientos del perímetro en el cuaderno.	
	<p>*La longitud del contorno de las figuras geométricas se llama <b>Perímetro (P)</b>.</p> <p>*La fórmula para medir el perímetro de las figuras regulares es <b>Perímetro (P) = lado (l) × número de lado</b></p> <p>8. Practicar los ejercicios. Repartir la hoja a cada alumno/a para trabajar en forma individual.</p>	<p>Esta fórmula se puede aplicar solamente a <b>figuras regulares (lados que tienen la misma medida)</b>. ¡Lo destaque bien para que los niños no se equivoquen de aplicar!</p>	
		-Hacer el trabajo solo/a.	 Hoja para Ejercicios

### Plan del pizarrón

<p>Matemática</p>  <p>Triángulo regular  <math>3\text{cm} + 3\text{cm} + 3\text{cm} = 9\text{cm}</math>  <math>3\text{cm} \times 3 = 9\text{cm}</math> <span style="border: 1px solid green; border-radius: 50%; padding: 2px;">más corto!!</span></p> <p>¡Vamos a utilizar la multiplicación!</p> <p>Cuadrado regular  <math>4\text{cm} \times 4 = 16\text{cm}</math></p> <p>Pentágono regular  <math>2\text{cm} \times 5 = 10\text{cm}</math></p>	<p>*La longitud de contorno de las figuras geométricas se llama <b>Perímetro (P)</b>.</p> <p>*La fórmula para medir perímetro de figuras regulares es</p> <p><b>Perímetro (P) = lado (l) × número de lado</b></p> <p>Triángulo regular  Perímetro (P) = lado (l) × 3</p> <p>Cuadrado regular  Perímetro (P) = lado (l) × 4</p> <p>Pentágono regular  Perímetro (P) = lado (l) × 5</p> <p>Hexágono regular  Perímetro (P) = lado (l) × 6</p>
--	---

### Respuesta de Ejercicios (pág. 116)

Calculo el perímetro de cada figura regular.

Fórmula:  $P = l \times 3$

Fórmula:  $P = l \times 4$

Fórmula:  $P = l \times 6$

Solución:  $7\text{cm} \times 3 = 21\text{cm}$

Solución:  $10\text{cm} \times 4 = 40\text{cm}$

Solución:  $8\text{cm} \times 6 = 48\text{cm}$

Respuesta:  $21\text{cm}$

Respuesta:  $40\text{cm}$

Respuesta:  $48\text{cm}$

Fórmula:  $P = l \times 8$

Fórmula:  $P = l \times 12$

Fórmula:  $P = l \times 10$

Solución:  $9\text{cm} \times 8 = 72\text{cm}$

Solución:  $11\text{cm} \times 12 = 132\text{cm}$

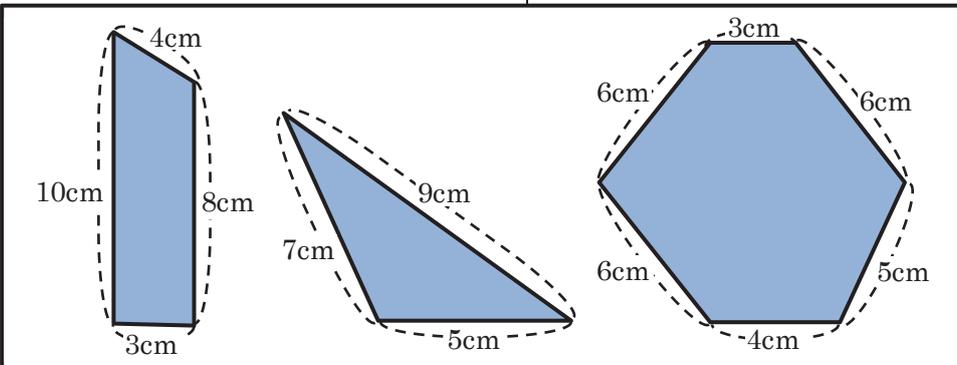
Solución:  $17\text{cm} \times 10 = 170\text{cm}$

Respuesta:  $72\text{cm}$

Respuesta:  $132\text{cm}$

Respuesta:  $170\text{cm}$

Grado	Área I	Nº de clases	El objetivo
4º grado	Perímetro (2)	2/12	Reforzar el conocimiento del perímetro a través de los ejercicios para calcular perímetro de figuras irregulares.

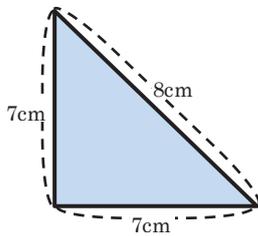
Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que han aprendido en la clase anterior.</p> <p>¿Cómo se llama alrededor de las figuras geométricas? ¿Cuál es la fórmula para calcular el perímetro de las figuras regulares?</p>	<p>-Contestar al/la profesor/a.</p> <p><b>¡Perímetro!</b></p> <p><b>Perímetro = lado (l) × número de lado</b></p>	
Desarrollo 25 min.	<p>2. Presentar las figuras irregulares.</p>  <p>3. Preguntarles sobre las figuras presentadas.</p> <p><b>¿Cómo se calcula el perímetro de cada figura?</b></p> <p>En la clase pasada, aprendimos la fórmula. ¡Vamos a utilizarla!</p> <p>No se puede aplicar la fórmula para figuras irregulares. ¡Sumamos todos lados!</p> <p>Pero, ¿Estas son regulares? Podemos aplicarla solamente a las figuras regulares!</p>	<p>-Observar las figuras dadas.</p> <p>-Considerar cómo calcular el perímetro de figuras dadas.</p> <p>-Resolver los problemas con el/la profesor/a.</p>	<p>Figura irregular (triángulo, trapecio, hexágono)</p> 
Cierre 10 min.	<p>4. Resolver los problemas en el pizarrón.</p> <p>Trapecio  <math>8\text{cm} + 4\text{cm} + 10\text{cm} + 3\text{cm} = 25\text{cm}</math>  Hexágono  <math>3\text{cm} + 6\text{cm} + 6\text{cm} + 4\text{cm} + 5\text{cm} + 6\text{cm} = 30\text{cm}</math></p> <p><b>¡ATENCIÓN!</b></p> <p>5. Practicar los ejercicios. Repartir la hoja a cada alumno/a para trabajar en forma individual.</p>	<p>Triángulo  <math>9\text{cm} + 7\text{cm} + 5\text{cm} = 21\text{cm}</math></p> <p>Rectángulo, triángulo isósceles, paralelogramo y rombo tienen su fórmula para calcular perímetro, aunque son figuras irregulares. ¡Les enseñe a los alumnos!</p> <p>-Hacer el trabajo solo/a.</p>	 <p>Hoja para Ejercicios</p>

## Plan del pizarrón

Matemática		La fórmula de figuras irregulares
		<p><b>Rectángulo</b> Perímetro (P) = (largo (l) + ancho (a)) × 2</p> <p><b>Triángulo isósceles</b> Perímetro (P) = lado (l) × 2 + lado (l)</p> <p><b>Paralelogramo</b> Perímetro (P) = (lado (l) + base (b)) × 2</p> <p><b>Rombo</b> Perímetro (P) = lado (l) × 4</p>
<p>Cuando se calcula el perímetro de figuras irregulares, no se puede aplicar la fórmula...</p> <p>→ ¡Vamos a sumar todos lados!</p> <p><b>Trapezio</b> 8cm + 4cm + 10cm + 3cm = <b>25cm</b></p> <p><b>Triángulo</b> 9cm + 7cm + 5cm = <b>21cm</b></p> <p><b>Hexágono</b> 3cm + 6cm + 6cm + 4cm + 5cm + 6cm = <b>30cm</b></p>		

## Respuesta de Ejercicios (pág. 117)

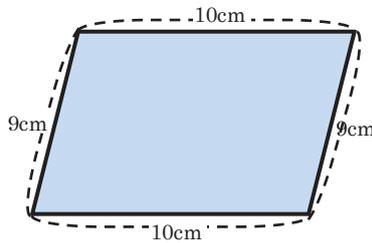
Calcule el perímetro de cada figura.



Fórmula:  $P = l \times 2 + l$

Solución:  $7\text{cm} \times 2 + 8\text{cm} = 22\text{cm}$

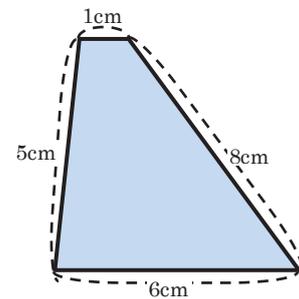
Respuesta: **22cm**



Fórmula:  $P = (l + b) \times 2$

Solución:  $(9\text{cm} + 10\text{cm}) \times 2 = 38\text{cm}$

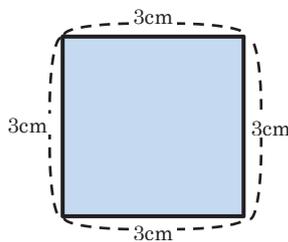
Respuesta: **38cm**



Fórmula: **No tiene.**

Solución:  $1\text{cm} + 5\text{cm} + 6\text{cm} + 8\text{cm} = 20\text{cm}$

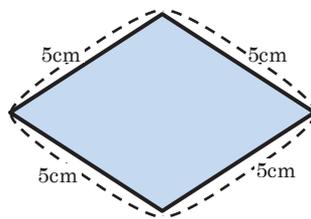
Respuesta: **20cm**



Fórmula:  $P = l \times 4$

Solución:  $3\text{cm} \times 4 = 12\text{cm}$

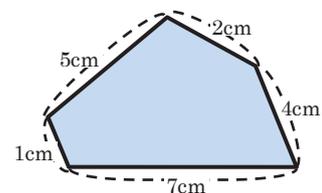
Respuesta: **12cm**



Fórmula:  $P = l \times 4$

Solución:  $5\text{cm} \times 4 = 20\text{cm}$

Respuesta: **20cm**

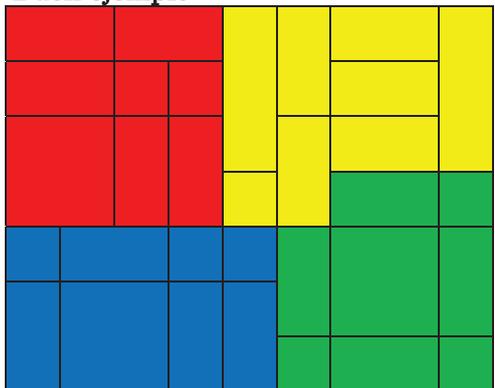
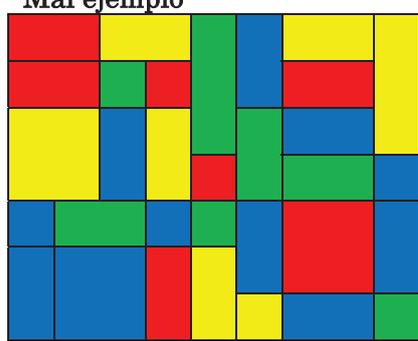
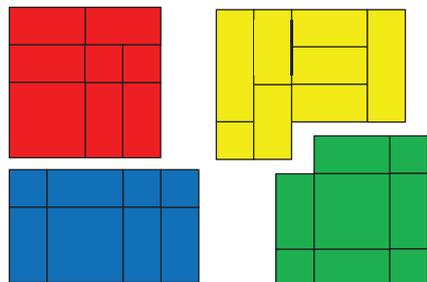


Fórmula: **No tiene.**

Solución:  $5\text{cm} + 1\text{cm} + 7\text{cm} + 4\text{cm} + 2\text{cm} = 19\text{cm}$

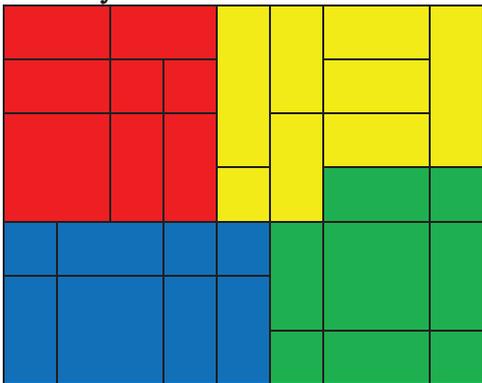
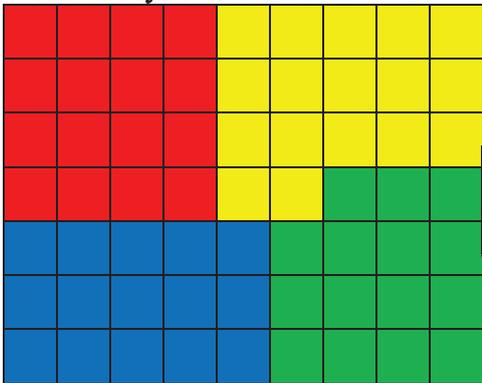
Respuesta: **19cm**

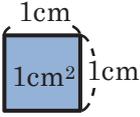
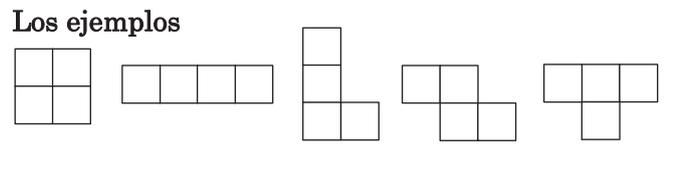
Grado	Área I	Nº de clases	El objetivo
4º grado	Concepto de área (1)	3/12	Familiarizarse con el concepto de área a través del juego.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Explicar una actividad.</p> <p> Vamos a hacer un juego, que se llama "Ganar Territorio"</p> <p>Regla del juego</p>	-Atender bien lo que explica el/la profesor/a.	Hoja de territorio (1 hoja por grupo)
Desarrollo 25 min	<p>1. Formar grupos de 3 ó 4 personas.</p> <p>2. Hacer "Jan ken bo" y el/la que gana, puede pintar un territorio donde le gusta.</p> <p>3. Cuando gana por segunda vez, <b>debe pintar un territorio contiguo a lo pintado.</b></p> <p>4. Siguen esta actividad hasta que terminen de pintar todos los territorios.</p> <p><b>*Buen ejemplo</b></p>  <p><b>*Mal ejemplo</b></p> 	<p>-Formar grupos y realizar la actividad.</p> 	Lapiz de color (4 colores)
Cierre 10 min	<p>2. Recorrer entre los alumnos. </p> <p>3. Comparar los territorios que han pintado los alumnos en el pizarrón.</p>  <p> Mañana, vamos a ver que quién ganó!! imaginemos quienes pueden ser los ganadores!!</p>	<p>-Trabajar en forma de grupo.</p> <p>-Considerar cuál de los territorios es más grande a través de observación.</p> <p> ¡Vamos a pensar cómo podemos comparar las superficies!</p> <p> Es mejor que aprovechen muchos ejemplos de los trabajos que han hecho los alumnos.</p>	

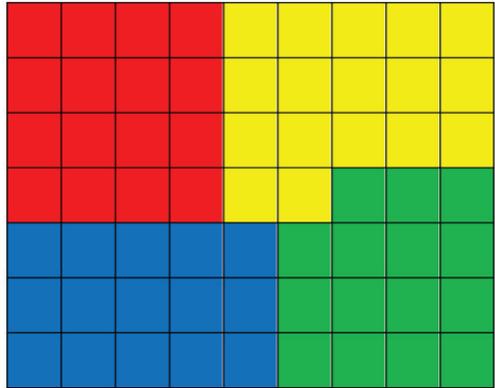
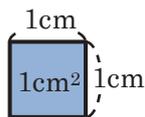
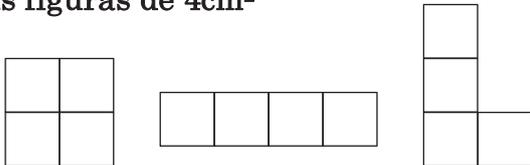


Grado	Área I	N° de clases	El objetivo
4º grado	Concepto de área (2)	4/12	Comprender el concepto de área de la unidad de medida de 1 cm <sup>2</sup> .

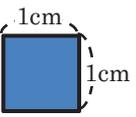
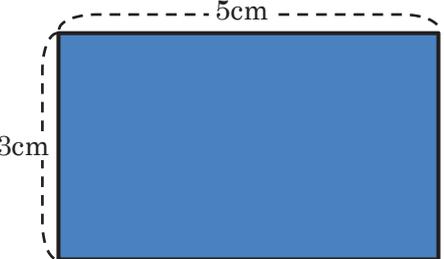
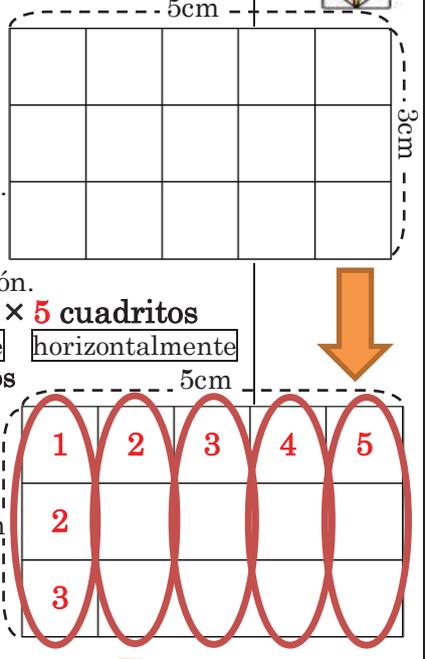
Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Presentar los territorios que han trabajado en la clase anterior.</p> 	<p>- Observar los trabajos que hicieron en la clase anterior.</p> <p>Es mejor que se pueda utilizar los trabajos que hicieron en la vez pasada. Sin embargo, si no hay ningún buen ejemplo, puede presentarles la izquierda para que comparen los territorios. Es muy bueno para pensar la manera de compararlos.</p> 	Hojas pintadas
Desarrollo 25 min.	<p>¿Cómo se puede saber que cuál territorio es más grande?</p> <p>¿Cómo podemos comparar los territorios?</p> <p>2. Presentar los territorios pintados con la hoja cuadriculada.</p> 	<p>¡Vamos a contar el número de territorio que cada persona ganó! Por ejemplo, el/la que hizo con rojo ganó 8 territorios...</p> <p>Pero cada territorio tiene diferente tamaño, uno es grande y otro es chico... ¿Cómo hacemos para compararlos?</p> <p>Para comparar la superficie, la dividí en cuadritos. Todos los cuadritos son mismos tamaños.</p> <p>Ahora podemos comparar los territorios contando los cuadritos, porque todos son iguales!!</p>	  
	<p>3. Preguntarles a los alumnos acerca de las superficies.</p> <p>¿Cuántos cuadritos tiene cada territorio?</p> <p>¿Cuál de los territorios tiene más cuadritos?</p> <p>A través de dividir en cuadritos de mismo tamaño, llegamos a poder comparar las superficies contando los cuadritos.</p>	<p>- Contestar las preguntas.</p> <p>- Rojo 16 cuadritos - Amarillo 17 cuadritos - Azul 15 cuadritos - Verde 15 cuadritos</p> <p>¡El amarillo tiene más cuadritos!</p> 	

Cierre 10 min.	<p>4. Enseñar conocimientos del área y centímetro cuadrado (cm<sup>2</sup>).</p> <p>-Copiar los conocimientos del área y cm<sup>2</sup> en el cuaderno.</p>	
	<p>*El tamaño de una superficie se llama <b>área</b>.</p> <p>*El área de un cuadrado cuyo lado mide 1cm se llama <b>centímetro cuadrado</b> y se escribe <b>cm<sup>2</sup></b>.</p> <p>*El centímetro cuadrado es una unidad para medir el área.</p>	
	<p>5. Repartir la hoja cuadriculada a cada alumno/a para que dibujen las figuras de 4 cm<sup>2</sup>.</p> <p>-Hacer el trabajo solo/a.</p>	
	<p>6. Compartir las figuras de 4 cm<sup>2</sup> que los alumnos construyeron.</p> <p>-Presentar los trabajos de cada uno/a para que compartan varias ideas.</p>	
	<p>Los ejemplos</p> 	
	<p>Es previsible que los alumnos construyan las figuras que tienen 4 cuadrillos de 1cm<sup>2</sup> como lo siguiente:</p>  <p>Aquí, hay que juntar lado con lado de cada cuadrillo para comprender bien el concepto del área de las figuras. Entonces, cuando encuentre esta clase de figura, haga hallar otras figuras que miden 4cm<sup>2</sup>.</p>	

### Plan del pizarrón

<p><b>Matemática</b></p> 	<p>*El tamaño de una superficie se llama <b>área</b>.</p> <p>*El área de un cuadrado cuyo lado mide 1cm se llama <b>centímetro cuadrado</b> y se escribe <b>cm<sup>2</sup></b>.</p> <p>*El centímetro cuadrado es una unidad para medir el área.</p>
<p>Rojo            16 cuadrillos</p> <p>Amarillo      17 cuadrillos    <u>Tiene más</u></p> <p>Azul            15 cuadrillos</p> <p>Verde          15 cuadrillos</p>	
	<p>Las figuras de 4cm<sup>2</sup></p> 

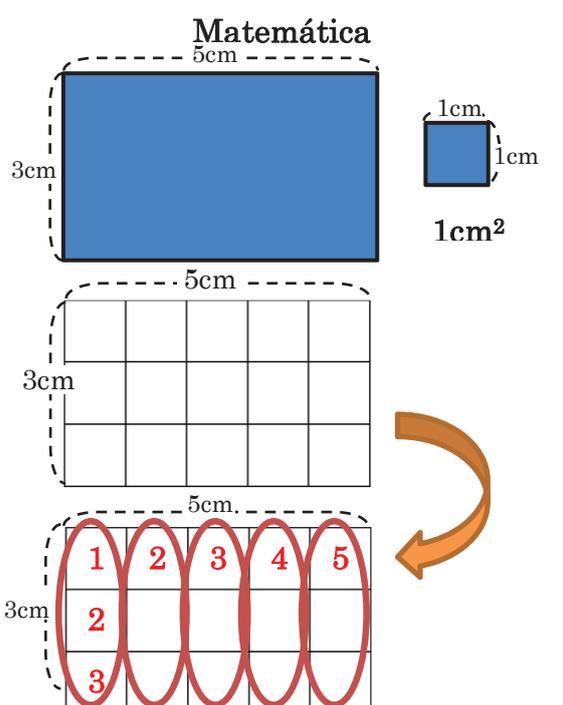
Grado	Área I	Nº de clases	El objetivo
4º grado	Área de rectángulo	5/12	Comprender la fórmula para calcular área de rectángulo.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que han aprendido en la clase anterior.</p> <p>1cm<sup>2</sup> es un cuadrado cuyo lado mide 1cm.</p> 	<p>-Contestar al/la profesor/a.</p> <p>¿Qué es 1cm<sup>2</sup>? ¡Vamos a recordar lo que aprendimos!</p> <p>1cm<sup>2</sup> es una medida para calcular área.</p>	
Desarrollo 20 min.	<p>¡Vamos a descubrir la fórmula para calcular el área del rectángulo!</p> <p>2. Presentar un rectángulo que tiene 5cm de largo y 3cm de ancho.</p>  <p>3. Preguntarles acerca del rectángulo con cuadritos.</p> <p>¿Cuántos cuadritos de 1cm<sup>2</sup> caben verticalmente?</p> <p>¿Cuántos cuadritos de 1cm<sup>2</sup> caben horizontalmente?</p> <p>Dentro del rectángulo, ¿Cuántos cuadritos caben en total?</p> <p>¿Qué clase de operación se puede utilizar para saber esto <b>sin contar</b>?</p> <p>Verticalmente, <b>3cm</b> y <b>3</b> cuadritos. Horizontalmente, <b>5cm</b> y <b>5</b> cuadritos. ¡¡Los dos números son iguales!!</p> <p>4. Descubrir la fórmula para calcular el área de rectángulo.</p>	<p>-Considerar cómo se calcula el área del rectángulo.</p> <p>Vamos a darles algunas pistas de lo que aprendieron en la clase pasada para recordar cómo calcular el área. En la clase anterior, han reconocido <b>contando cuadritos de 1cm<sup>2</sup></b>.</p> <p>-Responder las preguntas.</p> <p>-3 cuadritos.</p> <p>-5 cuadritos.</p> <p>-15 cuadritos.</p> <p>-Multiplicación. <b>3 cuadritos × 5 cuadritos</b> verticalmente horizontalmente <b>= 15 cuadritos</b> <b>= 15cm<sup>2</sup></b></p> 	<p>Dibujo de rectángulo</p> 
	<p>Área (A) = largo (l) × ancho (a) = ancho (a) × largo (l)</p>		

Cierre 15 min.	5. Darles un ejercicio para confirmar la manera de resolver.	-Solucionar el ejercicio dado todos juntos.	
	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px;">           Calculo la medida del área del rectángulo, cuyo largo mide 8cm, y el ancho mide 4cm.         </div> 6. Practicar los ejercicios Repartir la hoja a cada alumno/a para trabajar en forma individual.	$A_{\square} = l \times a$ $= 8\text{cm} \times 4\text{cm}$ $= 32\text{cm}^2$ Respuesta: 32 cm <sup>2</sup>	 Hoja para Ejercicios

### Plan del pizarrón

**Matemática**



Verticalmente: **3**cuadritos  
 Horizontalmente: **5**cuadritos  
 Total:  
**3**cuadritos  $\times$  **5**cuadritos = **15**cuadritos  
**¡¡MULTIPLICACIÓN!!**

La fórmula del área de rectángulo

$$\begin{aligned} \text{Área (A)} &= \text{largo (l)} \times \text{ancho (a)} \\ &= \text{ancho (a)} \times \text{largo (l)} \end{aligned}$$

Calculo la medida del área del rectángulo.  
 \*El largo mide **8cm**, y el ancho mide **4cm**.

$$\begin{aligned} A_{\square} &= l \times a \\ &= 8\text{cm} \times 4\text{cm} \\ &= 32\text{cm}^2 \end{aligned}$$

Respuesta: 32cm<sup>2</sup>

**¡ATENCIÓN!**

En las clases de figuras geométricas, es mejor que presenten las figuras agrandadas en el pizarrón para que los alumnos las vean bien para interpretar concretamente.

**¡ATENCIÓN!**

### Respuesta de Ejercicios (pág. 119)

1. 1) Fórmula:  $A_{\square} = l \times a$     Solución:  $14\text{cm} \times 9\text{cm} = 126\text{cm}^2$     Respuesta:  $126\text{cm}^2$
- 2) Fórmula:  $A_{\square} = l \times a$     Solución:  $15\text{cm} \times 13\text{cm} = 195\text{cm}^2$     Respuesta:  $195\text{cm}^2$
2. Fórmula:  $A_{\square} = l \times a$     Fórmula:  $A_{\square} = l \times a$
- Solución:  $4\text{cm} \times 3\text{cm} = 12\text{cm}^2$     Solución:  $4,5\text{cm} \times 3,5\text{cm} = 14,5\text{cm}^2$
- Respuesta:  $12\text{cm}^2$     Respuesta:  $14,5\text{cm}^2$

Grado	Área I	N° de clases	El objetivo
4º grado	Área de cuadrado	6/12	Comprender la fórmula para calcular el área de cuadrado.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que han aprendido en la clase anterior.</p> <p>En la clase anterior, aprendimos sobre el área de rectángulo. ¿Cómo es su fórmula para calcularlo?</p>	<p>-Contestar al/la profesor/a.</p> <p>Área (A) = largo (l) × ancho (a) = ancho (a) × largo (l)</p>	
<b>¡Vamos a descubrir la fórmula para calcular el área de cuadrado!</b>			
Desarrollo 25 min.	<p>2. Presentar un cuadrado que tiene 4cm cada lado.</p> <p>3. Preguntarles acerca del cuadrado.</p> <p>¿Cuántos cuadritos de 1cm² caben verticalmente?</p> <p>¿Cuántos cuadritos de 1cm² caben horizontalmente?</p> <p>Dentro del cuadrado, ¿Cuántos cuadritos caben en total? Vamos a calcular con la multiplicación.</p> <p>Cuando calculamos área de cuadrado, se puede utilizar los mismos pasos que los de rectángulo. Sin embargo las fórmulas son un poco diferentes, porque el cuadrado tiene todos los lados iguales, por eso su fórmula es como lo siguiente.</p> <p>4. Descubrir la fórmula para calcular área de cuadrado.</p> <p>Área (A) = largo (l) × ancho (a) = ancho (a) × largo (l)</p>	<p>-Observar el dibujo presentado.</p> <p>Vamos a desarrollar esta clase utilizando lo que aprendieron en la clase anterior, porque ambas clases tienen muchos puntos en común. ¡Aprovechamos los contenidos que hemos aprendido antes!</p> <p>-Responder las preguntas.</p> <p>-4 cuadritos.</p> <p>-4 cuadritos.</p> <p>4 cuadritos × 4 cuadritos verticalmente horizontalmente = 16 cuadritos = 16cm²</p>	<p>Dibujo de cuadrado</p>

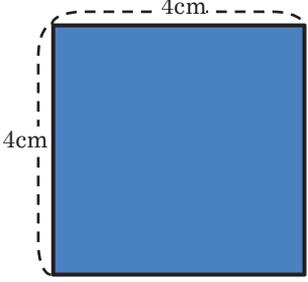
Cierre 10 min.	5. Darles un ejercicio para confirmar la manera de calcular.	-Solucionar el ejercicio dado todos juntos.	Hoja para Ejercicios
	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px;">           Calculo la medida del área del cuadrado.            *Un lado mide 9cm.         </div>	$A_{\square} = l \times l$ $= 9\text{cm} \times 9\text{cm}$ $= 81\text{cm}^2$ Respuesta: 81cm <sup>2</sup>	
	6. Practicar los ejercicios Repartir la hoja a cada alumno/a para trabajar en forma individual.	-Hacer el trabajo solo/a. 	

### Plan del pizarrón

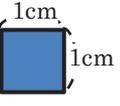
**Matemática**

La fórmula de área de un rectángulo

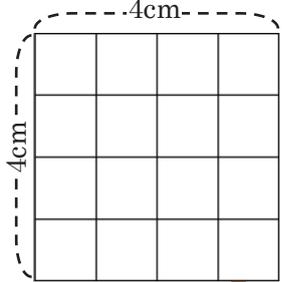
$A_{\square} = l \times a$



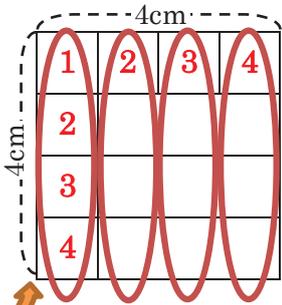
4cm



1cm  
1cm<sup>2</sup>



4cm



4cm

Verticalmente: 4 cuadrillos  
Horizontalmente: 4 cuadrillos  
Total: 4 cuadrillos × 4 cuadrillos = 16 cuadrillos

➔

4cm × 4cm = 16cm<sup>2</sup>

La fórmula del área de cuadrado

$\text{Área (A)} = \text{lado (l)} \times \text{lado (l)}$

Calculo la medida de área de un cuadrado, cuyo lado mide 9cm.

$$A_{\square} = l \times l$$

$$= 9\text{cm} \times 9\text{cm}$$

$$= 81\text{cm}^2$$

Respuesta: 81cm<sup>2</sup>

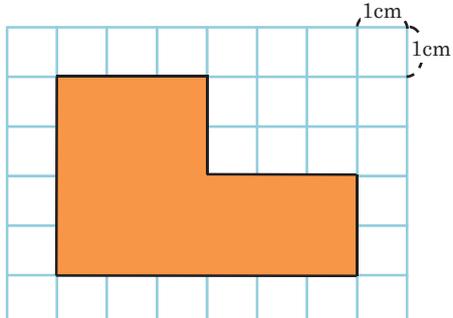
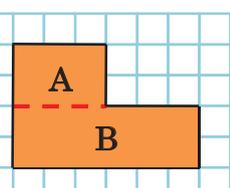
### Respuesta de Ejercicios (pág. 120)

- Calculo la medida del área de los cuadrados que se describen.
  - Un lado mide 17 cm.  
Fórmula:  $A_{\square} = l \times l$     Solución:  $17\text{cm} \times 17\text{cm} = 149\text{cm}^2$     Respuesta:  $149\text{cm}^2$
  - Un lado mide 15 cm.  
Fórmula:  $A_{\square} = l \times l$     Solución:  $15\text{cm} \times 15\text{cm} = 125\text{cm}^2$     Respuesta:  $125\text{cm}^2$
- Mido la longitud de los lados de los cuadrados y calculo la medida del área de cada uno.
 

Fórmula:  $A_{\square} = l \times l$     Solución:  $3,5\text{cm} \times 3,5\text{cm} = 11,5\text{cm}^2$     Respuesta:  $11,5\text{cm}^2$

Fórmula:  $A_{\square} = l \times l$     Solución:  $5\text{cm} \times 5\text{cm} = 25\text{cm}^2$     Respuesta:  $25\text{cm}^2$

Grado	Área I	Nº de clases	El objetivo
4º grado	Área de figura compuesta	7/12	Aplicar las fórmulas para calcular de áreas de las figuras compuestas.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar las fórmulas para calcular áreas de rectángulo y cuadrado.</p>  <p>¿Se acuerdan de las fórmulas para calcular áreas de rectángulo y cuadrado?</p>	<p>-Contestar al/la profesor/a.</p> <p>Área de rectángulo es... Área (A) = largo (l) × ancho (a)</p> <p>Área de cuadrado es... Área (A) = lado (l) × lado (l)</p> 	
Desarrollo 30 min.	<p>2. Presentar una figura compuesta.</p> <p><b>¡Vamos a pensar cómo calcular el área de esta figura!</b></p>  <p>3. Repartir la hoja a cada alumno/a para pensar en forma individual.</p>  <p>¿Podemos utilizar las fórmulas que ya aprendimos? Si no se puede aplicarlas, se puede cambiar la figura!!</p> <p>Si los alumnos no entienden cómo aplicar las fórmulas conocidas, puede darles unas pistas para encontrar alguna manera de calcular área!!</p>	<p>Observar el dibujo dado.</p> <p>-Considerar cómo se calcula el área de figura presentada.</p>  <p>No es rectángulo ni cuadrado. ¿No puedo utilizar las fórmulas que ya conocimos...?</p> <p>-Cada alumno/a piensa su idea de calcular área de la figura.</p> 	<p>Hoja para clase pág. 121</p> <p>Vamos a recorrer entre los alumnos y revisar el trabajo de cada uno/a. Es seguro que encontremos muchas ideas diferentes.</p>
Cierre 5 min.	<p>4. Compartir las ideas que los alumnos encontraron entre todos.</p> <p>Una idea previsible</p>  <p> <math>\square A = 1 \times a</math>  <math>= 3\text{cm} \times 2\text{cm}</math>  <math>= 6\text{cm}^2</math> </p> <p> <math>\square B = 1 \times a</math>  <math>= 2\text{cm} \times 6\text{cm}</math>  <math>= 12\text{cm}^2</math> </p> <p> <math>\square A + \square B</math>  <math>= 6\text{cm}^2 + 12\text{cm}^2</math>  <math>= 18\text{cm}^2</math> </p> <p>5. Practicar los ejercicios Repartir la hoja a cada alumno/a para trabajar en forma individual.</p>	<p>-Presentar sus ideas a todos para que compartan los trabajos realizados</p> <p>Los alumnos van a tener muchas ideas diferentes para calcular, entonces vamos a respetar los pensamientos de cada uno/a. Además si hay tiempo, ¡haga presentar todos para compartirlas!</p>  <p><b>¡ATENCIÓN!</b></p> <p>-Hacer el trabajo solo/a.</p> 	<p>Hoja para Ejercicios</p>

## Plan del pizarrón

### Matemática

¡Vamos a pensar cómo calcular el área de esta figura!

Dividir con línea

$$\square A = \text{largo} \times \text{ancho}$$

$$= 3\text{cm} \times 2\text{cm}$$

$$= 6\text{cm}^2$$

$$\square B = \text{largo} \times \text{ancho}$$

$$= 2\text{cm} \times 6\text{cm}$$

$$= 12\text{cm}^2$$

$$\square A + \square B = 6\text{cm}^2 + 12\text{cm}^2$$

$$= 18\text{cm}^2$$

### Cortar y Cambia lugar

Cortar  $\square A$  y cambiar su lugar

$$\square A + B$$

$$= \text{largo} \times \text{ancho}$$

$$= 9\text{cm} \times 2\text{cm}$$

$$= 18\text{cm}^2$$

### Agregar y Quitar

$$\square A + \square B$$

$$= \text{largo} \times \text{ancho}$$

$$= 6\text{cm} \times 4\text{cm}$$

$$= 24\text{cm}^2$$

$$\square B = \text{largo} \times \text{ancho}$$

$$= 3\text{cm} \times 2\text{cm}$$

$$= 6\text{cm}^2$$

$$(\square A + \square B) - \square B$$

$$= 24\text{cm}^2 - 6\text{cm}^2$$

$$= 18\text{cm}^2$$

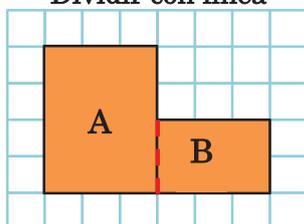
**Hay 3 maneras para transformar figuras compuestas.**

- \*Dividir con línea
- \*Cortar y Cambiar lugar
- \*Agregar y Quitar



**¡ATENCIÓN!** Los alumnos encontrarán algunas maneras de calcular el área. Puede aprovechar los siguientes para que tengan muchas ideas para calcularlo.

Dividir con línea



$$\square A = 1 \times a$$

$$= 3\text{cm} \times 4\text{cm}$$

$$= 12\text{cm}^2$$

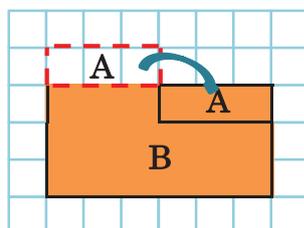
$$\square B = 1 \times a$$

$$= 3\text{cm} \times 2\text{cm}$$

$$= 6\text{cm}^2$$

$$\square A + \square B = 12\text{cm}^2 + 6\text{cm}^2$$

$$= 18\text{cm}^2$$



$$\square A + B$$

$$= 1 \times a$$

$$= 6\text{cm} \times 3\text{cm}$$

$$= 18\text{cm}^2$$

## Respuesta de Ejercicios (pág. 122)

1. Calculo área de las siguientes figuras. (Un ejemplo de la respuesta)

Solución

$$40\text{cm} \times 10\text{cm} + 35\text{cm} \times 10\text{cm} = 750\text{cm}^2$$

Respuesta

$$750\text{cm}^2$$

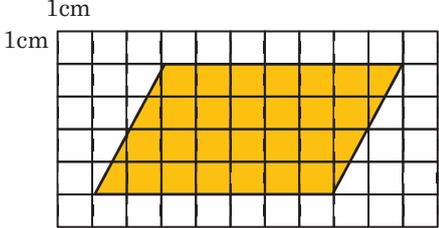
Solución

$$59\text{m} \times 44\text{m} - 45\text{m} \times 8\text{m} = 2\,236\text{m}^2$$

Respuesta

$$2\,236\text{m}^2$$

Grado	Área I	N° de clases	El objetivo
4º grado	Paralelogramo(1)	8/12	Calcular el área del paralelogramo.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que aprendieron.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <math display="block">A_{\square} = 1 \times a</math> <math display="block">A_{\square} = 1 \times 1</math> </div> <p>2. Presentar una figura de paralelogramo.</p>	-Recordar las fórmulas que aprendieron.	
Desarrollo 30 min.	<div style="border: 2px solid black; padding: 5px; text-align: center; margin-bottom: 10px;"> <p><b>¡Vamos a calcular el área de este paralelogramo!</b></p> </div> <div style="text-align: center;">  <p>1cm 1cm</p> </div> <div style="margin-top: 10px;">  <p>¿Qué podemos hacer para calcular el área de la figura que no es rectángulo ni cuadrado?</p> </div> <div style="margin-top: 10px; border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; text-align: center;"> <p>Y ¿Por qué lo hacen?</p> </div> <p>3. Repartir a los alumnos la cuadrícula y el paralelogramo de cartulina para pensar individualmente.</p> <p>4. Dar tiempo para pensar.</p> <p>5. Recorrer entre los alumnos y revisar el trabajo de cada uno/a.</p> <p>6. Compartir las ideas que los alumnos encontraron. (Véase Notas.)</p> <div style="margin-top: 10px; border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px;"> <p>Hay varias maneras para encontrar el área de paralelogramo. Y los resultados de cualquier manera son iguales.</p> </div> 	<p>-Recordar cómo se hace para calcular el área de una figura que no conocen la fórmula.</p> <div style="border: 1px solid lightblue; border-radius: 15px; padding: 5px; margin-top: 10px;"> <p>Dividir con línea, cortar y cambiar el lugar o agregar y quitar, etc.</p> </div> <div style="border: 1px solid lightblue; border-radius: 15px; padding: 5px; margin-top: 10px;"> <p>Convertir la figura en rectángulo o cuadrado porque ya conocemos las fórmulas de estas figuras.</p> </div> <p>-Pensar solo/a usando el paralelogramo repartido. </p> <div style="border: 1px solid lightblue; border-radius: 15px; padding: 5px; margin-top: 10px;"> <p>Véase las ideas previsibles de los alumnos. </p> </div> <p>-Presentar las ideas que encontraron en el pizarrón para compartirlas.</p> <p>-Este paralelogramo se puede cambiar por un rectángulo cuyo largo es 7cm y ancho es 4cm. Por eso el área de este paralelogramo es <math>7\text{cm} \times 4\text{cm} = 28\text{cm}^2</math></p>	<p>Dibujo del paralelogramo para el pizarrón</p>  <p>Hoja cuadrículada (1cm<sup>2</sup>) pág.245</p> <p>Cartulina del paralelogramo para cada alumno/a</p>

Cierre 5 min.	7. Concluir lo que aprendieron.	-Entender lo que aprenden.	
	<p>Al transformar la figura en otra no cambia la medida del área. Por eso el área del paralelogramo se puede calcular transformando en otra figura de la cual conocen la fórmula.</p>		

### Plan del pizarrón

**Matemática**  
Repaso

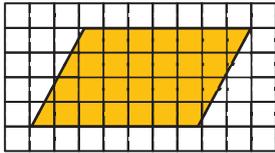
Rectángulo  


Fórmula  
 $A_{\square} = l \times a$

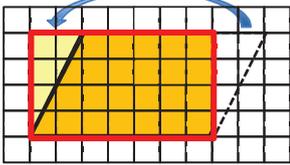
Cuadrado  


Fórmula  
 $A_{\square} = l \times l$

¡Vamos a calcular el área de este paralelogramo!

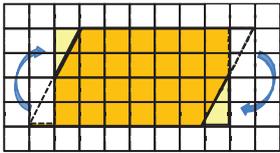


**Idea 1**



$A_{\square} = l \times a$   
 $= 7\text{cm} \times 4\text{cm} = 28\text{cm}^2$

**Idea 2**



$A_{\square} = l \times a$   
 $= 7\text{cm} \times 4\text{cm}$   
 $= 28\text{cm}^2$

**Idea 3**

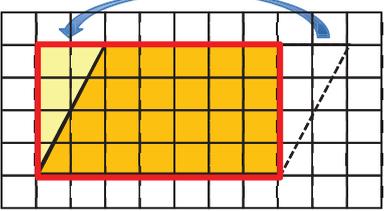
Si surgen otras ideas y además si hay tiempo, vamos a compartirlas.



Al transformar la figura en otra no cambia la medida del área. Por eso el área del paralelogramo se puede calcular transformando en otra figura de la cual conocen la fórmula.

### Ideas previsibles

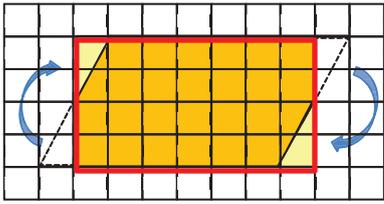
**Idea 1**



Cortar y cambiar de lugar para formar un rectángulo.

$A_{\square} = l \times a$   
 $= 7\text{cm} \times 4\text{cm}$   
 $= 28\text{cm}^2$

**Idea 2**



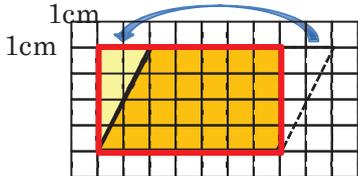
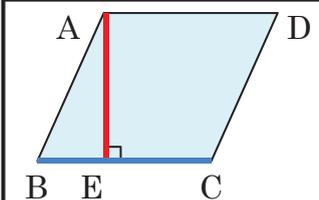
$A_{\square} = l \times a$   
 $= 7\text{cm} \times 4\text{cm}$   
 $= 28\text{cm}^2$



**Notas** Los alumnos pueden tener varias ideas para calcular el área, incluyendo las que dividen este en muchas figuras pequeñas. Aceptar todas las ideas expresadas felicitando sus esfuerzos. Pero, **es importante** que ellos se den cuenta de que **hay la forma más fácil, rápida y con menos posibilidad de equivocarse.**



Grado	Área I	N° de clases	El objetivo
4º grado	Paralelogramo(2)	9/12	Construir la fórmula para calcular el área de paralelogramo.

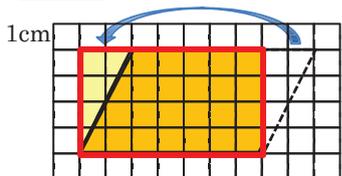
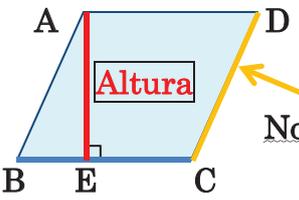
Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que aprendieron mostrando las figuras de las ideas que salieron en la clase anterior.</p>  <p>¿Qué hicimos para calcular el área del paralelogramo?</p> <p>Para calcular el área de rectángulo, ¿Qué usamos?</p>	<p>-Recordar que había varias maneras para calcular el área del paralelogramo.</p> <p>Cambiamos la figura del paralelogramo en la de rectángulo.</p> <p><b>¡Fórmula del área de rectángulo!</b></p>	
Desarrollo 25 min.	<p>2. Plantear el tema.</p> <p><b>¡Vamos a descubrir la fórmula del área de paralelogramo!</b></p> <p>3. Confirmar con los alumnos el cálculo de <u>Idea 1</u> de la clase anterior.</p>  <p>¿Qué indican 7 y 4 del cálculo?</p> <p>¿Qué longitudes del paralelogramo necesitan saber para calcular el área?</p> <p>4. Definir los términos. (Véase Notas.)</p>  <p>Para encontrar el área del paralelogramo se usa la longitud de BC y AE. BC se llama <b>base</b> y AE se llama <b>altura</b>.</p> <p><b>La altura es el segmento perpendicular a la base.</b></p> <p>5. Construir la fórmula con los alumnos.</p>	<p>-Recordar que el paralelogramo se puede transformar en el rectángulo para aplicar la fórmula que aprendieron.</p> <p>-El área del paralelogramo es <math>7\text{cm} \times 4\text{cm} = 28\text{cm}^2</math>.</p> <p>7 es la longitud del largo del rectángulo. Y 4 es la longitud del ancho del rectángulo.</p> <p>-Darse cuenta de que necesitan la longitud de la base y de la altura.</p>	
	<p><b>Área de paralelogramo(A□)</b>          = Área de rectángulo = <math>l \times a</math>          = <b>base(b)</b> × <b>altura(h)</b></p>		

Cierre 10 min.	 <b>Fórmula</b> $A_{\square} = \text{base}(b) \times \text{altura}(h)$	Hoja para Ejercicios
	<p>6. Confirmar el área del paralelogramo dado aplicando la fórmula del área de paralelogramo.</p> <p>7. Dar los ejercicios.</p>	

-La base es 7cm y la altura es 4cm. Por eso,  
 $A_{\square} = b \times h = 7\text{cm} \times 4\text{cm} = 28\text{cm}^2$

-Practicar los ejercicios aplicando la fórmula del área de paralelogramo.

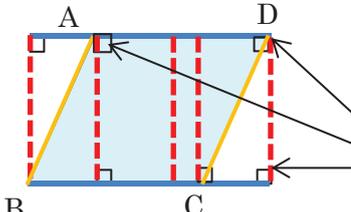
### Plan del pizarrón

<p style="text-align: center;"><b>Matemática</b></p> <p style="text-align: center;"><b>¡Vamos a descubrir la fórmula del área de paralelogramo!</b></p> <p><b>Idea 1</b></p>  <p>Área del paralelogramo  <math>= 7\text{cm} \times 4\text{cm} = 28\text{cm}^2</math></p> <p>7 es el largo y 4 es el ancho del rectángulo.</p>	 <p style="text-align: center;"><b>Base</b></p> <p>BC es la <b>base</b> y AE es la <b>altura</b>.  <b>La altura es el segmento perpendicular a la base.</b></p> <p style="text-align: center;"><b>Área de paralelogramo(<math>A_{\square}</math>)</b>  <math>= \text{Área de rectángulo}</math>  <math>= 1 \times a</math>  <math>= \text{base}(b) \times \text{altura}(h)</math></p> <div style="border: 1px solid red; padding: 5px; text-align: center;"> <p><b>Fórmula</b></p> <p><math>A_{\square} = \text{base}(b) \times \text{altura}(h)</math></p> </div> <p>Ejercicio Calculo el área del paralelogramo dado.  <math>A_{\square} = b \times h = 7\text{cm} \times 4\text{cm} = 28\text{cm}^2</math></p>
---	---

 **Notas**

Los alumnos se equivocan entendiendo que el lado AB y CD (los segmentos anaranjados) son alturas.

**La altura** de pralelogramo tiene que ser **el segmento perpendicular** a la base. Los segmentos rojos son alturas.



$90^\circ$  (Ángulo recto)

### Respuesta de Ejercicios (pág.123)

Calculo el área de los siguientes paralelogramos. (Omisión de la fórmula y objetivación.)

Solución:  $5\text{cm} \times 4\text{cm}$

Solución:  $12\text{cm} \times 9\text{cm}$

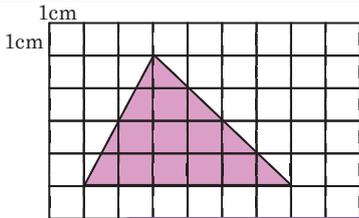
Solución:  $11\text{cm} \times 15\text{cm}$

Respuesta: 20cm<sup>2</sup>

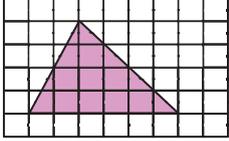
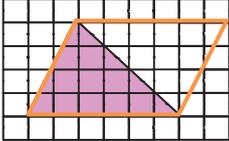
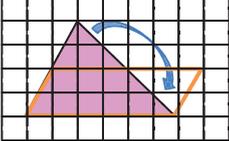
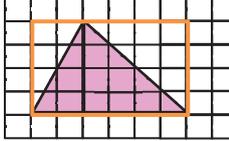
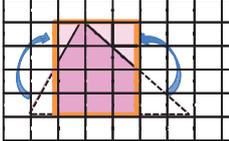
Respuesta: 108cm<sup>2</sup>

Respuesta: 165cm<sup>2</sup>

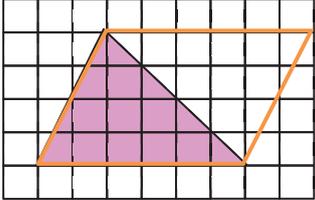
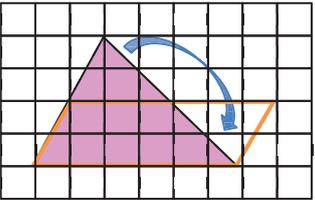
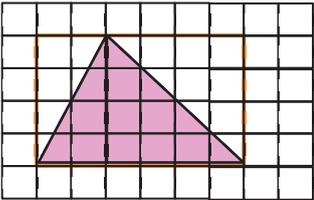
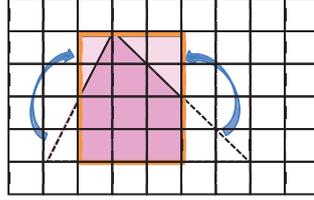
Grado	Área I	N° de clases	El objetivo
4º grado	Triángulo(1)	10/12	Calcular el área del triángulo acutángulo.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que aprendieron.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content;"> <math>A_{\square} = 1 \times a</math>  <math>A_{\square} = 1 \times l</math>  <math>A_{\square} = b \times h</math> </div>	<p>-Recordar las fórmulas que aprendieron y clasificación de triángulo.</p> <div style="border: 1px solid green; border-radius: 15px; padding: 10px; margin-top: 10px;"> <p style="text-align: center;"><b>Clasificación de triángulo</b></p> <p>*Según sus lados  Equilátero  Isósceles  Escaleno</p> <p>*Según sus ángulos  Acutángulo  Rectángulo  Obtusángulo</p> </div>	
Desarrollo 30 min.	<p>2. Presentar una figura de triángulo.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; text-align: center; margin-bottom: 10px;"> <b>¡Vamos a calcular el área de este triángulo!</b> </div> <div style="display: flex; align-items: center;">  <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 10px; width: fit-content;"> <p>¿Qué podemos hacer para calcular el área de la figura si no conocemos la fórmula?</p> <p style="text-align: center; border: 1px solid purple; padding: 2px;">Y ¿Por qué lo hacen?</p> </div> </div> <p>3. Repartir a los alumnos la cuadrícula y el triángulo de cartulina para pensar individualmente.</p> <p>4. Dar tiempo para pensar.</p> <p>5. Recorrer entre los alumnos y revisar el trabajo de cada uno/a.</p> <p>6. Compartir las ideas que los alumnos encontraron.</p>	<p>-Recordar cómo se hace para calcular el área de una figura que no conocen la fórmula.</p> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 10px; margin-top: 10px;"> <p>Dividir con línea, cortar y cambiar el lugar o agregar y quitar, etc.</p> </div> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 10px; margin-top: 10px;"> <p>Cambiar la figura actual a otra figura de la que conocemos la fórmula.</p> </div> <p>-Pensar solo/a usando el triángulo repartido. </p> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 10px; margin-top: 10px;"> <p>Véase las ideas previsibles de los alumnos. </p> </div> <p>-Presentar las ideas que encontraron en el pizarrón para compartirlas.</p>	<p>Dibujo del triángulo para el pizarrón</p>   <p>Hoja cuadrículada (1cm<sup>2</sup>) pág.245</p> <p>Cartulina del triángulo para cada alumno/a</p>
Cierre 5 min.	<div style="border: 1px solid green; border-radius: 15px; padding: 10px; margin-bottom: 10px;"> <p>Hay varias maneras para encontrar el área del triángulo, por lo menos las 4 formas presentadas en las ideas previsibles. Vamos a dar suficiente tiempo para pensar el cálculo y compartir las ideas con los compañeros.</p> </div> <div style="border: 1px solid red; border-radius: 15px; padding: 10px; margin-bottom: 10px;"> <p><b>El área de triángulo se puede calcular transformando la figura actual a otra figura de la cual ya conocen la fórmula.</b></p> </div>		

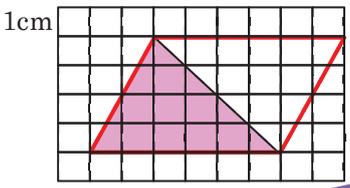
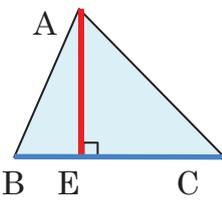
## Plan del pizarrón

<p><b>Matemática</b> Repaso</p> <p><b>Rectángulo</b></p>  <p>Fórmula <math>A_{\square} = l \times a</math></p> <p><b>Cuadrado</b></p>  <p>Fórmula <math>A_{\square} = l \times l</math></p> <p><b>Paralelogramo</b></p>  <p>Fórmula <math>A_{\square} = b \times h</math></p>	<p><b>¡Vamos a calcular el área de este triángulo!</b></p>  <p><b>Formar paralelogramo</b></p> <p><b>Idea 1</b></p>  $A = b \times h$ $= 6\text{cm} \times 4\text{cm}$ $= 24\text{cm}^2$ $A_{\triangle} = 24\text{cm}^2 : 2$ $= 12\text{cm}^2$ <p><b>Idea 2</b></p>  $A = b \times h$ $= 6\text{cm} \times 2\text{cm}$ $= 12\text{cm}^2$	<p><b>Formar rectángulo</b></p> <p><b>Idea 3</b></p>  $A = l \times a$ $= 6\text{cm} \times 4\text{cm}$ $= 24\text{cm}^2$ $A_{\triangle} = 24\text{cm}^2 : 2$ $= 12\text{cm}^2$ <p><b>Idea 4</b></p>  $A = l \times a$ $= 4\text{cm} \times 3\text{cm}$ $= 12\text{cm}^2$
<p><b>El área de triángulo se puede calcular transformando la figura actual a otra figura de la cual ya conocen la fórmula.</b></p>		

## Ideas previsibles

<p><b>Formar paralelogramo</b></p> <p><b>Idea 1</b></p>  <p>Agregar el mismo triángulo para formar un paralelogramo y dividir en 2.</p> $A_{\square} = b \times h$ $= 6\text{cm} \times 4\text{cm}$ $= 24\text{cm}^2$ $A_{\triangle} = 24\text{cm}^2 : 2$ $= 12\text{cm}^2$ <p><b>Idea 2</b></p>  <p>Cortar y cambiar el lugar para formar un paralelogramo.</p> $A_{\square} = b \times h$ $= 6\text{cm} \times 2\text{cm}$ $= 12\text{cm}^2$	<p><b>Formar rectángulo</b></p> <p><b>Idea 3</b></p>  <p>Agregar para formar un rectángulo y quitar el área que agrega, o sea dividir en 2.</p> $A_{\square} = l \times h$ $= 6\text{cm} \times 4\text{cm}$ $= 24\text{cm}^2$ $A_{\triangle} = 24\text{cm}^2 : 2$ $= 12\text{cm}^2$ <p><b>Idea 4</b></p>  <p>Cortar y cambiar el lugar para formar un rectángulo.</p> $A_{\square} = b \times h$ $= 3\text{cm} \times 4\text{cm}$ $= 12\text{cm}^2$
--	---

Grado	Área I	Nº de clases	El objetivo
4º grado	Triángulo(2)	11/12	Construir la fórmula para calcular el área de triángulo.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que aprendieron mostrando las figuras de las ideas que salieron en la clase anterior.</p>  <p>¿Qué hicimos para calcular el área del triángulo?</p>	<p>-Recordar que había varias maneras para calcular el área del triángulo.</p> <p>Cambiamos la figura del triángulo a la de un rectángulo o paralelogramo.</p>	
Desarrollo 25 min.	<p>¿Qué podemos hacer para calcular el área del triángulo más fácilmente y con menos equivocación?</p> <p>2. Plantear el tema.</p> <p><b>¡Vamos a descubrir la fórmula del área de triángulo!</b></p> <p>3. Preguntar a los alumnos cuál de las ideas que encontraron en la clase anterior es más fácil para calcular el área.</p> <p>4. Confirmar con los alumnos el cálculo de <b>Idea 1</b> en el pizarrón.</p> <p>1cm</p>  <p>1cm</p>  <p>¿Qué indica 6 y 4 del cálculo? Y ¿Por qué se divide en 2?</p> <p>¿Qué longitudes del triángulo necesitan saber para calcular el área?</p> <p>5. Definir los términos.</p>  <p>Para encontrar el área del triángulo se usa la longitud de BC y AE. BC se llama <b>base</b> y AE se llama <b>altura</b>.</p> <p><b>La altura es el segmento perpendicular que une la base del triángulo con el vértice opuesto.</b></p> <p>6. Construir la fórmula con los alumnos.</p>	<p>-Usar la fórmula. Pero todavía no conocemos la fórmula...</p> <p>-La <b>Idea 1</b> de la clase anterior es más fácil.</p> <p>-El área del paralelogramo es <math>6\text{cm} \times 4\text{cm} = 24\text{cm}^2</math>. Por eso, el área de triángulo es <math>24\text{cm}^2 : 2 = 12\text{cm}^2</math></p> <p>6 es la longitud de la base y 4 es la longitud de la altura del paralelogramo .</p> <p>-Porque <b>el área del triángulo es la mitad del paralelogramo.</b></p> <p>-Darse cuenta de que necesitan la longitud de la base y de la altura.</p>	  

Cierre 10 min.	<p><b>Área de triángulo (<math>A_{\Delta}</math>)</b></p> $= \text{Área de paralelogramo} : 2 = b \times h : 2$ $= \text{base}(b) \times \text{altura}(h) : 2 \text{ ó}$ $= \frac{\text{base}(b) \times \text{altura}(h)}{2}$	Hoja para Ejercicios
	<p><b>Fórmula</b></p> $A_{\Delta} = \text{base}(b) \times \text{altura}(h) : 2 \text{ ó } \frac{\text{base}(b) \times \text{altura}(h)}{2}$ <p>7. Confirmar el área del triángulo dado aplicando la fórmula del área de triángulo.</p> <p>8. Dar los ejercicios.</p>	

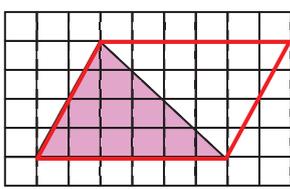
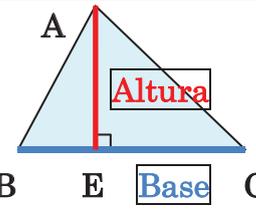
-La base es 6cm y la altura es 4cm. Por eso,

$$A_{\Delta} = \frac{b \times h}{2}$$

$$= \frac{6\text{cm} \times 4\text{cm}}{2} = 12\text{cm}^2$$

-Practicar los ejercicios aplicando la fórmula.

### Plan del pizarrón

<p><b>Matemática</b></p> <p><b>¡Vamos a descubrir la fórmula del área de triángulo!</b></p>  <p>Área del paralelogramo es <math>6\text{cm} \times 4\text{cm} = 24\text{cm}^2</math>.</p> <p>Área de triángulo es <math>24\text{cm}^2 : 2 = 12\text{cm}^2</math></p> <p>6 es la base y 4 es la altura. Para encontrar el área del triángulo hay que <b>dividir entre 2</b> porque <b>el área de triángulo es la mitad del paralelogramo.</b></p>	 <p>BC es la <b>base</b> y AE es la <b>altura</b>.</p> <p><b>En este tipo de triángulo, la altura es el segmento perpendicular que une la base del triángulo con el vértice opuesto.</b></p> <p><b>Área de triángulo (<math>A_{\Delta}</math>)</b></p> $= \text{Área de paralelogramo} : 2$ $= \text{base}(b) \times \text{altura}(h) : 2 \text{ ó}$ $\frac{\text{base}(b) \times \text{altura}(h)}{2}$ <div style="border: 2px solid red; padding: 5px; text-align: center; margin: 10px 0;"> <math display="block">A_{\Delta} = \frac{\text{base}(b) \times \text{altura}(h)}{2}</math> </div> <p>Ejercicio Calcule el área del triángulo dado.</p> $A_{\Delta} = \frac{b \times h}{2} = \frac{3\text{cm} \times 4\text{cm}}{2} = 12\text{cm}^2$
--	---

### Respuesta de Ejercicios (pág.124)

Calcule el área de los siguientes. (Omisión de la fórmula y objetivación.)

Solución:  $\frac{7\text{cm} \times 4\text{cm}}{2}$

Respuesta: 14cm<sup>2</sup>

Solución:  $\frac{10\text{cm} \times 6\text{cm}}{2}$

Respuesta: 30cm<sup>2</sup>

Solución:  $\frac{8\text{cm} \times 4\text{cm}}{2}$

Respuesta: 16cm<sup>2</sup>

Solución:  $\frac{6\text{cm} \times 6\text{cm}}{2}$

Respuesta: 18cm<sup>2</sup>

Solución:  $\frac{12\text{cm} \times 3\text{cm}}{2}$

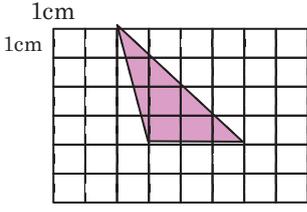
Respuesta: 18cm<sup>2</sup>

Solución:  $\frac{7\text{cm} \times 8\text{cm}}{2}$

Respuesta: 28cm<sup>2</sup>

\*El/la profesor/a deberá decidir si desarrollará o no esta clase, dependiendo del nivel de aprendizaje de sus alumnos, ya que el tema propuesto en esta clase puede presentar dificultad en la comprensión.

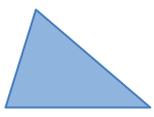
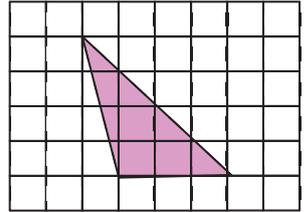
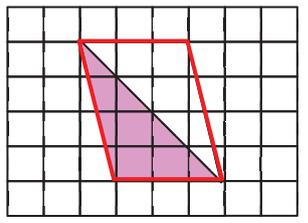
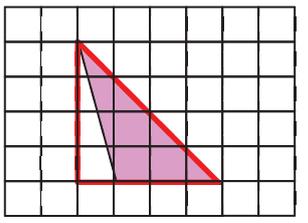
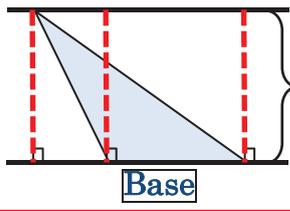
Grado	Área I	Nº de clases	El objetivo
4º grado	Triángulo(3)	12/12	Calcular el área de triángulo cuya altura se encuentran en el exterior de la figura.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar la fórmula de triángulo.</p> $A_{\Delta} = \frac{b \times h}{2}$	-Repasar la fórmula de triángulo y la clasificación.	
Desarrollo 30 min.	<p>2. Presentar un triángulo cuya altura se encuentran en el exterior de la figura.</p> 	<p>¿Cómo se llama este tipo de triángulo según sus ángulos?</p> <p>Triángulo obtusángulo.</p> <p>-Entender cómo calcular el área del triángulo obtusángulo.</p>	<p>Dibujo del triángulo para el pizarrón</p> 
	<p>3. Repartir a los alumnos la cuadrícula y el triángulo de cartulina para pensar individualmente.</p> <p>4. Dar tiempo para pensar.</p> <p>5. Recorrer entre los alumnos y revisar el trabajo de cada uno/a.</p> <p>6. Compartir las ideas que los alumnos encontraron.</p> <p>7. Preguntar lo siguientes.</p> <p>¿Cuánto mide la altura del triángulo? Y ¿Dónde se la encuentra?</p>	<p>-Pensar solo/a utilizando el triángulo que se les dio.</p> <p>Véase las ideas previsibles de los alumnos.</p> <p>-Presentar las ideas que encontraron en el pizarrón para compartirlas.</p>	 <p>Hoja cuadrículada (1cm<sup>2</sup>) pág. 245</p> <p>Cartulina del triángulo para cada alumno/a</p>
	<p>Mide 4cm.</p> <p>-Darse cuenta de que la altura está afuera de la figura.</p> <p><b>La altura</b> de triángulo tiene que ser <b>el segmento perpendicular</b> a la base. Véase el triángulo del plan del pizarrón. Todos los triángulos tienen altura y puede estar afuera del triángulo también.</p>		
	<p>8. Calcular el área con la fórmula de triángulo.</p> <p>9. Verificar lo siguiente con los alumnos.</p>	$- A_{\Delta} = \frac{b \times h}{2} = \frac{3\text{cm} \times 4\text{cm}}{2}$ <p>-Entender lo siguiente.</p>	

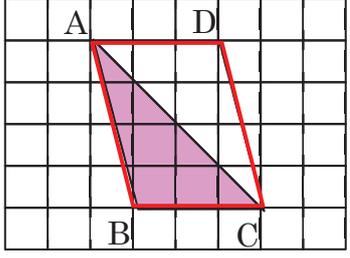
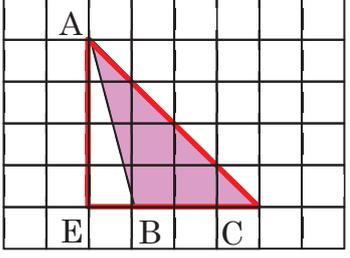
Cierre 5 min.	<p>Cuando la altura se localiza en el exterior de la figura, se puede aplicar la fórmula para calcular el área.  <b>La fórmula del área de triángulo se puede aplicar a cualquier triángulo.</b></p>	
	<p>10. Dar los ejercicios.</p>	<p>-Practicar los ejercicios aplicando la fórmula.</p>

Hoja para Ejercicios

### Plan del pizarrón

<p style="text-align: center;"><b>Matemática</b> Repaso</p> <p>Triángulo</p>  <p>Fórmula</p> $A_{\triangle} = \frac{b \times h}{2}$ <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; text-align: center;"> <p>¡Vamos a calcular el área de este triángulo!</p> </div>  <div style="border: 1px solid black; padding: 5px;"> <p>Aplicando la fórmula</p> <math display="block">A_{\triangle} = \frac{b \times h}{2} = \frac{3\text{cm} \times 4\text{cm}}{2} = 6\text{cm}^2</math> </div>	<p style="text-align: center;">Idea 1</p>  <p> <math>A_{\square} = b \times h</math>  <math>= 3\text{cm} \times 4\text{cm}</math>  <math>= 12\text{cm}^2</math>          Por eso,  <math>A_{\triangle} = 12\text{cm}^2 : 2 = 6\text{cm}^2</math> </p>	<p style="text-align: center;">Idea 2</p>  <p> <math>A_{\triangle} = \frac{b \times h}{2} = \frac{4\text{cm} \times 4\text{cm}}{2} = 8\text{cm}^2</math>  <math>A_{\triangle} = \frac{b \times h}{2} = \frac{1\text{cm} \times 4\text{cm}}{2} = 2\text{cm}^2</math>  <math>A_{\triangle} = 8\text{cm}^2 - 2\text{cm}^2 = 6\text{cm}^2</math> </p>
 <div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: center;"> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px;"> <p style="color: red; font-weight: bold;">Altura</p> </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px;"> <p style="color: red; font-weight: bold;">La altura del triángulo tiene que ser el segmento perpendicular a la base.</p> </div> </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin-top: 10px; text-align: center;"> <p>Cuando la altura se localiza en el exterior de la figura, Se puede aplicar la fórmula para calcular el área.  <b>La fórmula del área de triángulo se puede aplicar a cualquier triángulo.</b></p> </div>		

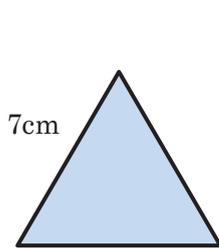
### Ideas previsible

<p style="text-align: center;">Idea 1</p>  <p>Agregar el mismo triángulo y formar paralelogramo ABCD.</p> $A = b \times h = 3\text{cm} \times 4\text{cm} = 12\text{cm}^2$ <p>Por eso,  <math>A_{\triangle} = 12\text{cm}^2 : 2 = 6\text{cm}^2</math></p>	<p style="text-align: center;">Idea 2</p>  <p>Formar el triángulo rectángulo AEC, y quitar el triángulo rectángulo AEB.</p> <p>Triángulo AEC <math>A_{\triangle} = \frac{b \times h}{2} = \frac{4\text{cm} \times 4\text{cm}}{2} = 8\text{cm}^2</math></p> <p>Triángulo AEB <math>A_{\triangle} = \frac{b \times h}{2} = \frac{1\text{cm} \times 4\text{cm}}{2} = 2\text{cm}^2</math></p> <p>Por eso, <math>A_{\triangle} = 8\text{cm}^2 - 2\text{cm}^2 = 6\text{cm}^2</math></p>
---	---

### Ejercicios (pág.125)

## Ejercicios (Perímetro (1))

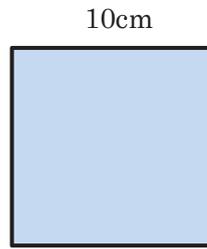
Calculo el perímetro de cada figura regular.



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

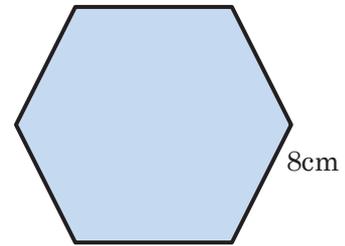
Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

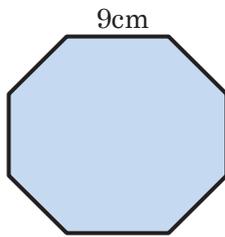
Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

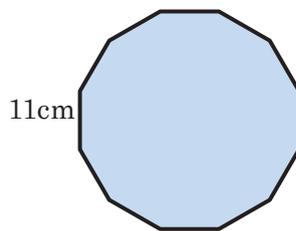
Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

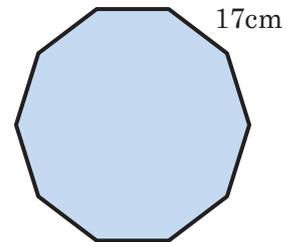
Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

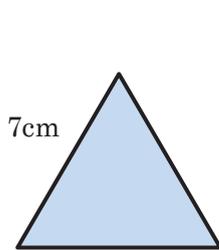


Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

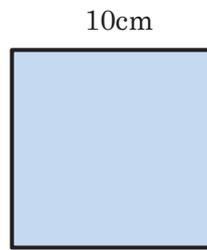
Calculo el perímetro de cada figura regular.



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

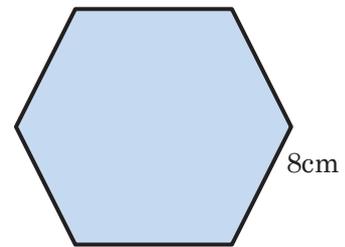
Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

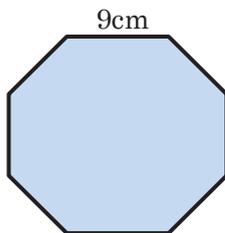
Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

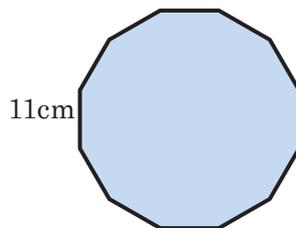
Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

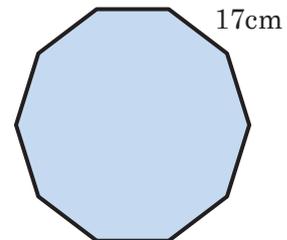
Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_



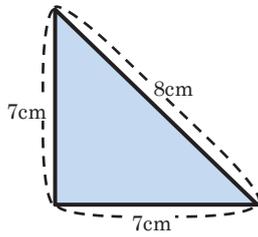
Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

## Ejercicios (Perímetro (2))

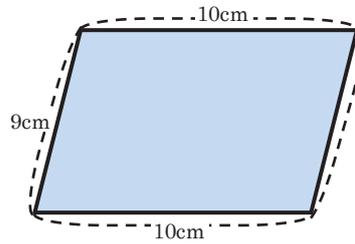
Calcule el perímetro de cada figura. Irregular.



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

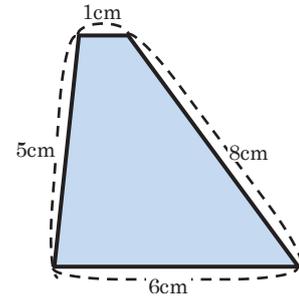
Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

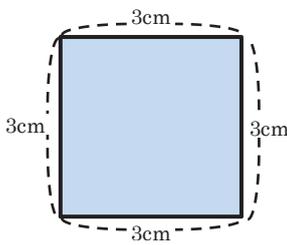
Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

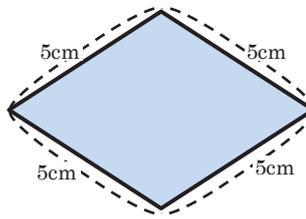
Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

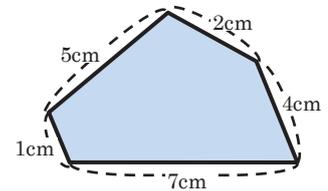
Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

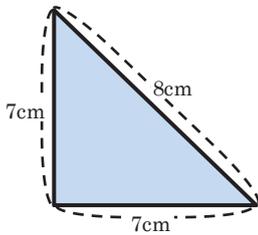


Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

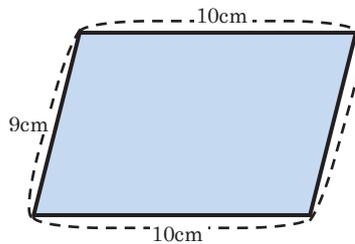
Calcule el perímetro de cada figura. Irregular.



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

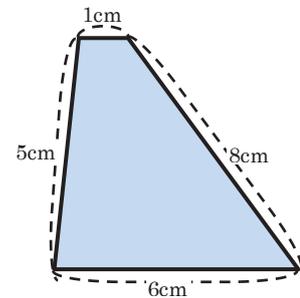
Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

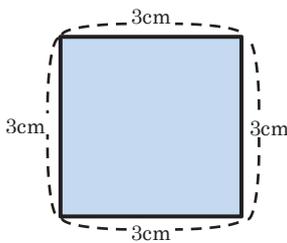
Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

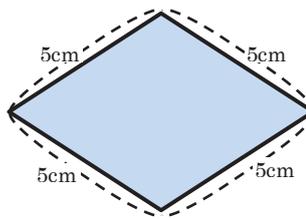
Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

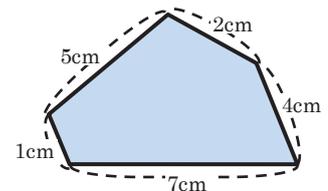
Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

# Hoja para clase







## Ejercicios (Rectángulo)

1. Calculo la medida del área de los rectángulos que se describen.

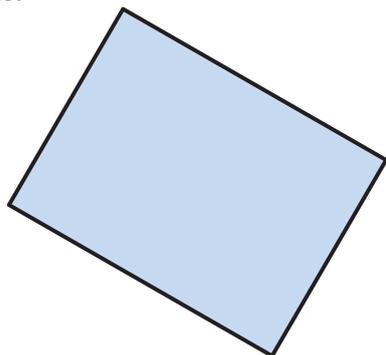
- 1) El largo mide 14cm y el ancho mide 9cm.

Fórmula: \_\_\_\_\_ Solución: \_\_\_\_\_ Respuesta: \_\_\_\_\_

- 2) El largo mide 15cm y el ancho mide 13cm.

Fórmula: \_\_\_\_\_ Solución: \_\_\_\_\_ Respuesta: \_\_\_\_\_

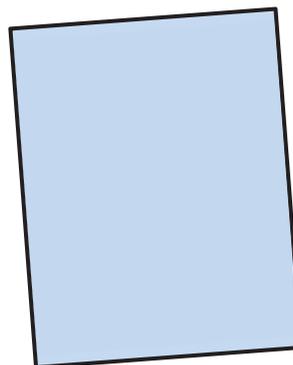
2. Mido la longitud de los lados de los rectángulos con una regla y calculo la medida del área de cada uno.



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

---

1. Calculo la medida del área de los rectángulos que se describen.

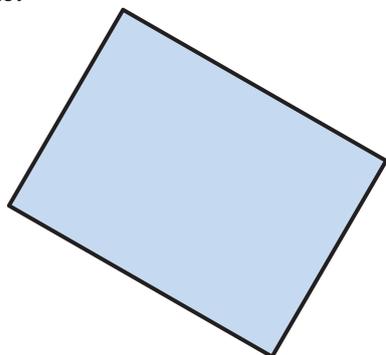
- 1) El largo mide 14cm y el ancho mide 9cm.

Fórmula: \_\_\_\_\_ Solución: \_\_\_\_\_ Respuesta: \_\_\_\_\_

- 2) El largo mide 15cm y el ancho mide 13cm.

Fórmula: \_\_\_\_\_ Solución: \_\_\_\_\_ Respuesta: \_\_\_\_\_

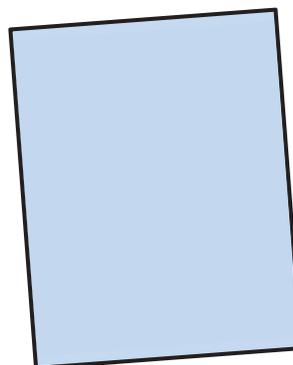
2. Mido la longitud de los lados de los rectángulos con una regla y calculo la medida del área de cada uno.



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

## Ejercicios (Cuadrado)

1. Calculo la medida del área de los cuadrados que se describen.

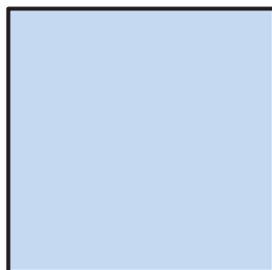
1) Un lado mide 17cm.

Fórmula: \_\_\_\_\_ Solución: \_\_\_\_\_ Respuesta: \_\_\_\_\_

2) Un lado mide 15cm.

Fórmula: \_\_\_\_\_ Solución: \_\_\_\_\_ Respuesta: \_\_\_\_\_

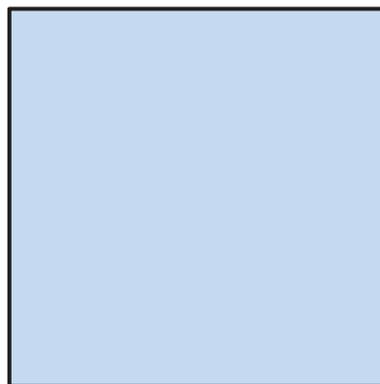
2. Mido la longitud de los lados de los cuadrados con una regla y calculo la medida del área de cada uno.



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

---

1. Calculo la medida del área de los cuadrados que se describen.

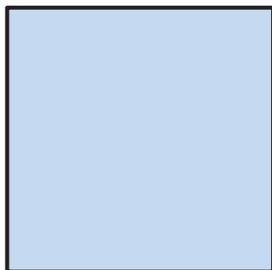
1) Un lado mide 17cm.

Fórmula: \_\_\_\_\_ Solución: \_\_\_\_\_ Respuesta: \_\_\_\_\_

2) Un lado mide 15cm.

Fórmula: \_\_\_\_\_ Solución: \_\_\_\_\_ Respuesta: \_\_\_\_\_

2. Mido la longitud de los lados de los cuadrados con una regla y calculo la medida del área de cada uno.



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

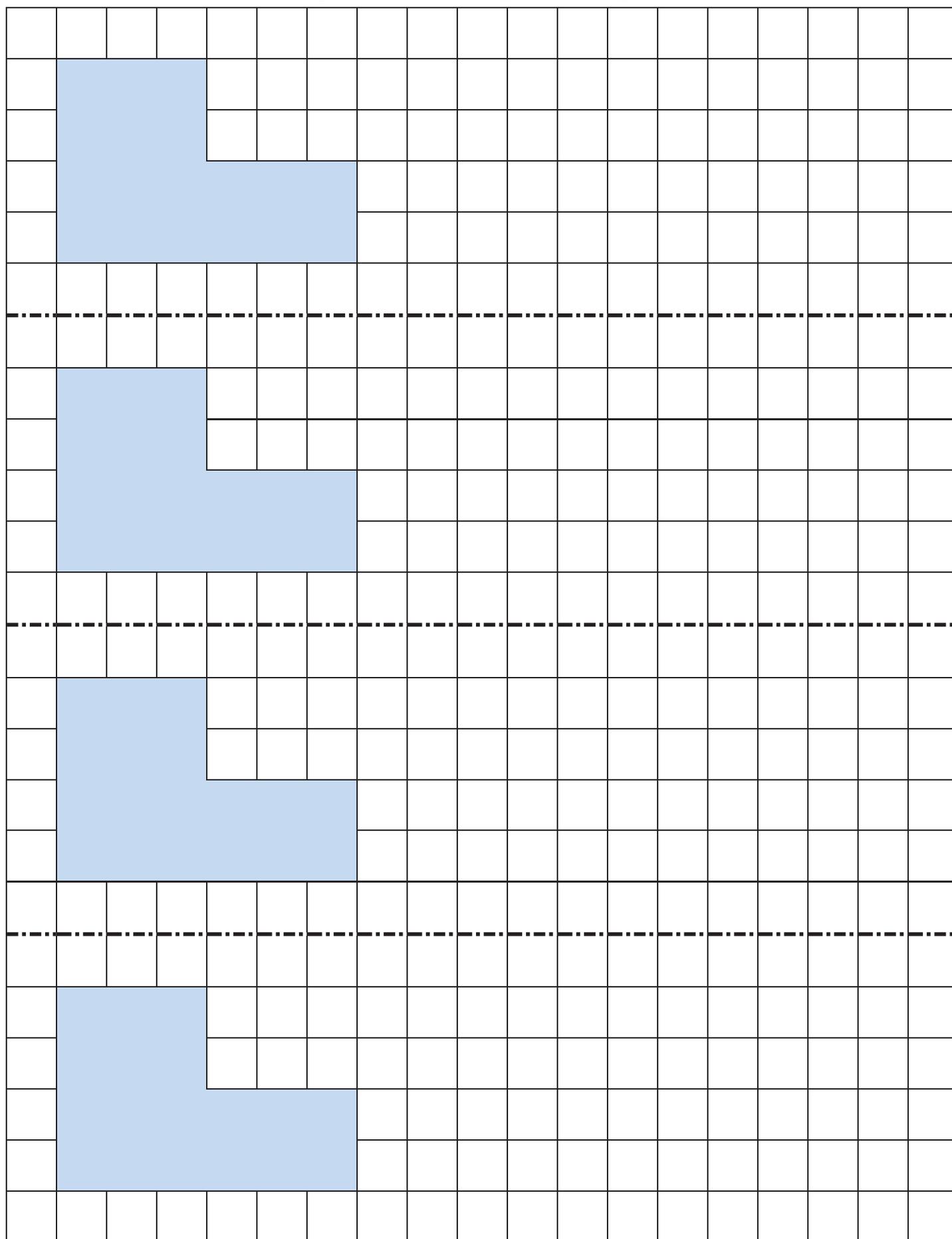


Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

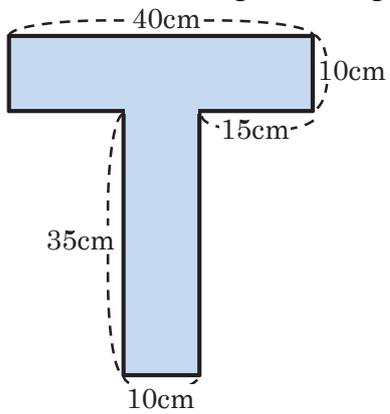
Respuesta: \_\_\_\_\_

# Hoja para clase (Figura compuesta)



## Ejercicios (Figura compuesta)

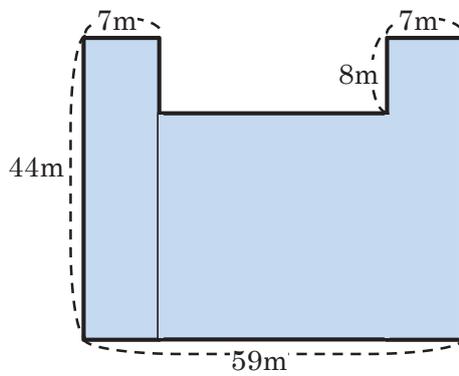
1. Calculo área de las siguientes figuras.



Solución

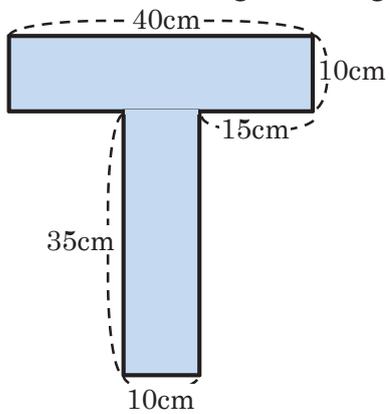
Respuesta

Solución



Respuesta

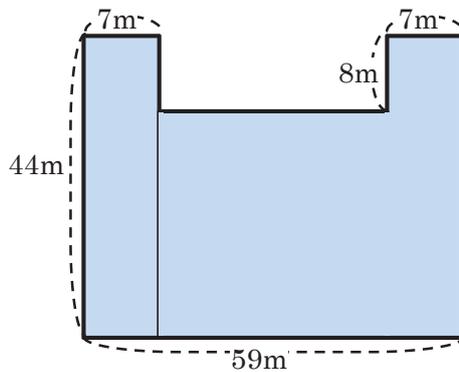
1. Calculo área de las siguientes figuras.



Solución

Respuesta

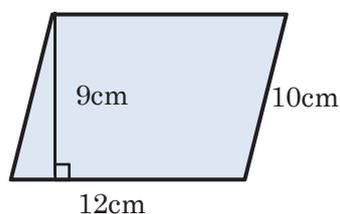
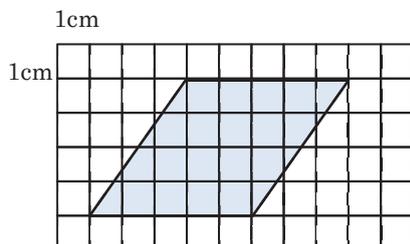
Solución



Respuesta

## Ejercicios (Paralelogramo(2))

Calculo el área de los siguientes paralelogramos.



Un paralelogramo cuya base es de 11cm y altura de 15cm.

Objetivación

Fórmula: \_\_\_\_\_

Fórmula: \_\_\_\_\_

Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

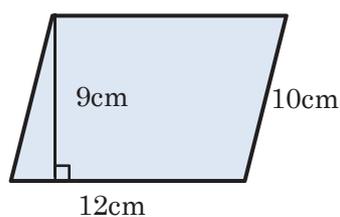
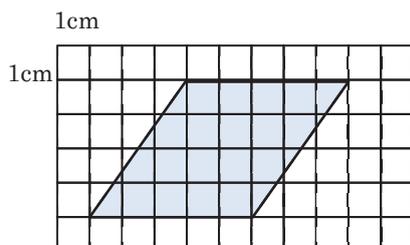
Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

Calculo el área de los siguientes paralelogramos.



Un paralelogramo cuya base es de 11cm y altura de 15cm.

Objetivación

Fórmula: \_\_\_\_\_

Fórmula: \_\_\_\_\_

Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

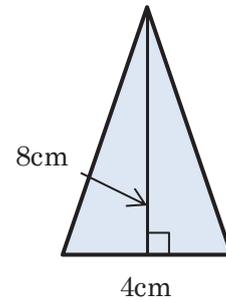
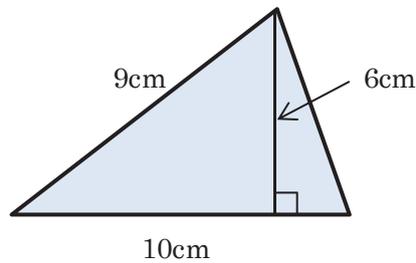
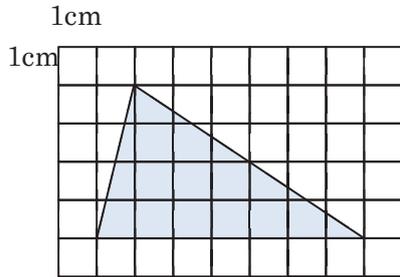
Respuesta: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

## Ejercicios (Triángulo(2))

Calculo el área de las siguientes figuras.



Fórmula: \_\_\_\_\_

Fórmula: \_\_\_\_\_

Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

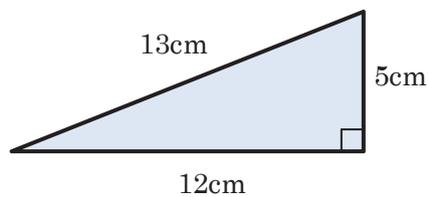
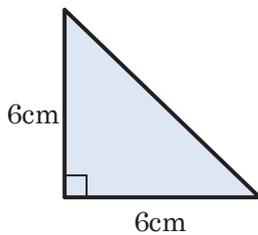
Solución: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_



Un triángulo cuya base es de 7cm y altura de 8cm.

Objetivación

Fórmula: \_\_\_\_\_

Fórmula: \_\_\_\_\_

Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

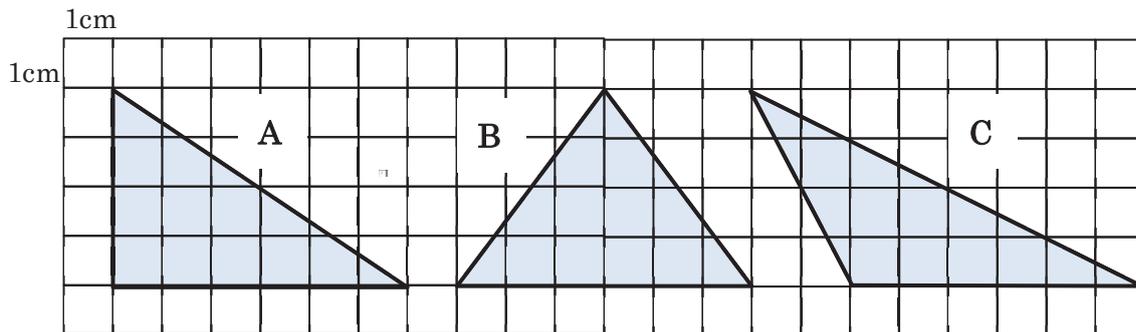
Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

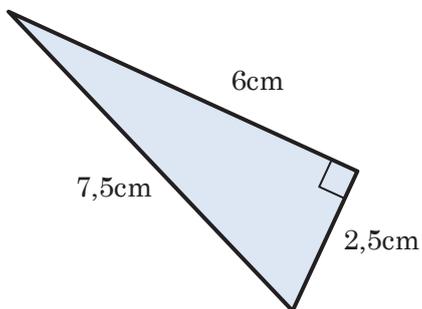
## Ejercicios (Triángulo(3))



1. a) Estimo cuál de los tres triángulos presentados tiene mayor área.  
 b) Calcule el área de cada triángulo y compare.

A	B	C
Fórmula: _____	Fórmula: _____	Fórmula: _____
Solución: _____	Solución: _____	Solución: _____
Respuesta: _____	Respuesta: _____	Respuesta: _____

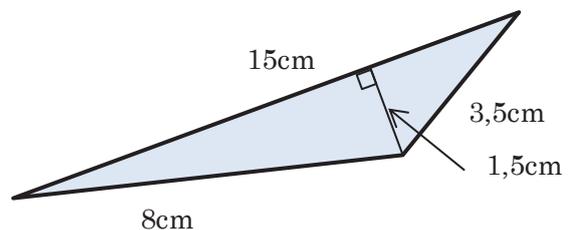
2. Calcule el área de los siguientes triángulos.



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

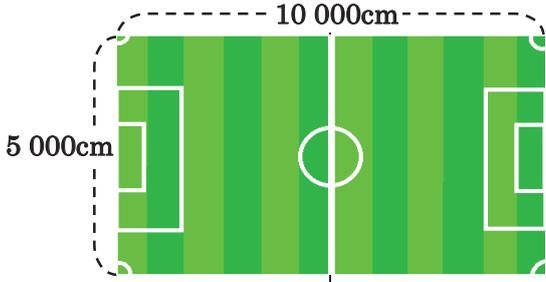
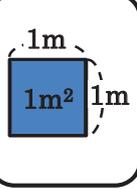
Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

## Respuesta de Ejercicios

1. a) Omisión.  
 b) Omisión de la fórmula.  
 La base del triángulo A, B y C es 6cm, la altura es 4cm. Por eso el área de A, B y C es  $\frac{6\text{cm} \times 4\text{cm}}{2} = 12\text{cm}^2$ .
2. Omisión de la fórmula.
- |   |   |
|---|---|
| Solución: $\frac{6\text{cm} \times 2,5\text{cm}}{2}$ ó $\frac{2,5\text{cm} \times 6\text{cm}}{2}$ | Solución: $\frac{15\text{cm} \times 1,5\text{cm}}{2}$ ó $\frac{1,5\text{cm} \times 15\text{cm}}{2}$ |
| Respuesta: <u>7,5cm<sup>2</sup></u>   | Respuesta: <u>11,25cm<sup>2</sup></u>   |

Grado	Área II	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Conocimientos de m <sup>2</sup>	1/8	Calcular áreas utilizando el metro cuadrado.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Presentar un dibujo.</p> 	<p>Observar el dibujo presentado.</p>	
Desarrollo 25 min.	<p>Hay una cancha de fútbol que mide 10 000 cm de largo y 5 000 cm de ancho. ¿Cuánto mide el área?</p> <p>Para calcular su área, ¿Cómo podemos solucionar? ¡Vamos a atender su figura!</p> <p>2. Solucionar el problema presentado con los alumnos en el pizarrón.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content;"> <math display="block">A_{\square} = l \times a</math> <math display="block">= 10\ 000\text{ cm} \times 5\ 000\text{ cm}</math> <math display="block">= 50\ 000\ 000\text{ cm}^2</math> </div>	<p>Contestar al/la profesor/a.</p> <p>¡¡Es un rectángulo!!</p> <p>La fórmula de área de rectángulo era...</p> <p>Es muy grande el número del resultado. ¿No podemos convertirlo en otra forma?</p>	
	<p>¿Cómo se puede representar la respuesta más fácilmente?</p> <p>3. Aclarar el punto importante preguntando a los alumnos.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content;"> <p>¿Se puede convertir 100cm en otra forma?</p> </div> <p>¿Cómo podemos convertir 10 000cm y 5 000cm?</p> <p>4. Enseñar conocimientos de m<sup>2</sup> utilizando las palabras de alumnos.</p> <div style="border: 2px solid red; padding: 10px;"> <p>*El área de un cuadrado cuyo lado mide 1m (100cm) se llama <b>metro cuadrado</b> y se escribe <b>m<sup>2</sup></b>.</p> <p>*El metro cuadrado es una unidad para medir el área amplia como aula, huerta, cancha, etc.  <b>¡ATENCIÓN!</b></p> </div>	<p>-Contestar al/la profesor/a.</p> <p>¡100cm = 1m!</p> <p>¡Tratemos que se den cuenta de que "100cm = 1m" a través de las preguntas!</p> <p>10 000cm = 100m. 5 000cm = 50m.</p> <p>-Copiar los conocimientos de m<sup>2</sup> en el cuaderno.</p>	

Cierre 10 min.	<p>5. Volver a resolver el problema dado aprovechando <math>m^2</math>.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <math display="block">A_{\square} = l \times a</math> <math display="block">= 100m \times 50m</math> <math display="block">= 5\,000m^2</math> </div> <p>6. Practicar los ejercicios. Repartir la hoja a cada alumno/a para trabajar en forma individual.</p>	<p>-Resolverlo con el/la profesor/a en el pizarrón.</p> <p>-Hacer el trabajo solo/a. </p>	Hoja para Ejercicios
-------------------	--	---	----------------------

### Plan del pizarrón

<p style="text-align: center;"><b>Matemática</b></p> <div style="text-align: center;"> </div> $A_{\square} = l \times a$ $= 10\,000cm \times 5\,000cm$ $= 50\,000\,000cm^2$ <p style="text-align: center;"><b>Muy grande!!</b></p> <p><math>100cm = 1m \Rightarrow 10\,000cm = 100m.</math> <math>5\,000cm = 50m.</math></p>	<p>*El área de un cuadrado cuyo lado mide 1m (100cm) se llama <b>metro cuadrado</b> y se escribe <math>m^2</math>.</p> <p>*El metro cuadrado es una unidad para medir el área amplia como aula, huerta, cancha, etc.</p> <p>*1 <math>m^2</math> es igual a <math>10\,000cm^2</math>. (No es <math>100cm^2</math>)</p> $A_{\square} = l \times a$ $= 100m \times 50m$ $= 5\,000m^2$ <p>¡¡Podemos representar la respuesta más fácilmente!!</p>
--	---

**¡ATENCIÓN!**

Es previsible que los alumnos se equivoquen y entiendan que  $1m^2 = 100cm^2$ , aunque es igual a  $10\,000cm^2$ , porque  $1m = 100cm$ . Para que no se confundan, vamos a insistir y aclarar bien la relación entre  $m^2$  y  $cm^2$ .

$1m^2$

=

$10\,000\,cm^2$   
lado×lado

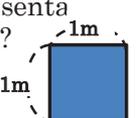
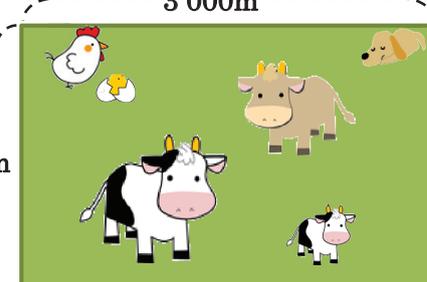
Es mejor que preparen  $1m^2$  y  $1cm^2$  de tamaño real para que comprendan que con  $100cm^2$  no se puede completar  $1m^2$ , que son necesarios  $10\,000\,cm^2$ . Si hay objeto concreto, ellos pueden comprender mejor visualmente.

**¡ATENCIÓN!**

### Respuesta de Ejercicios (pág.138)

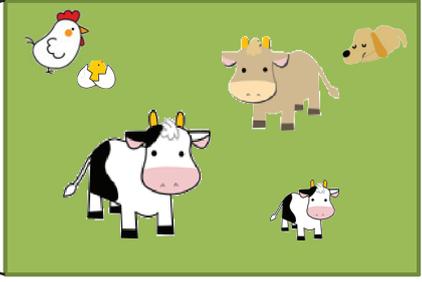
- |  |   |   |
|--|---|---|
| 1. 1) <u>Fórmula</u><br>$A_{\square} = l \times l$ | <u>Solución</u><br>$A_{\square} = 9m \times 9m$<br>$= 81m^2$    | <u>Respuesta</u><br>$81m^2$ mide el área del piso.      |
| 2) <u>Fórmula</u><br>$A_{\square} = l \times a$    | <u>Solución</u><br>$A_{\square} = 13m \times 11m$<br>$= 143m^2$ | <u>Respuesta</u><br>$143m^2$ mide el área de la huerta. |
2. 1)  $20\,000cm^2$       2)  $50\,000cm^2$       3)  $3m^2$

Grado	Área II	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Conocimientos de km <sup>2</sup>	2/8	Comprender procedimiento para cálculo de área utilizando km <sup>2</sup> como unidad de medida.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que han aprendido en la clase anterior.</p> <p>¿Cómo se representa este cuadrado? Cada lado mide 1m.</p> 	<p>-Contestar al/la profesor/a.</p> <p>1m<sup>2</sup></p> 	
Desarrollo 25 min.	<p>2. Presentar un dibujo y plantear una situación problemática.</p> <p>3 000m</p>  <p>2 000m</p> <p>2. Solucionar el problema presentado con los alumnos en el pizarrón.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content;"> <math display="block">A_{\square} = l \times a</math> <math display="block">= 3\,000\text{ m} \times 2\,000\text{ m}</math> <math display="block">= 6\,000\,000\text{m}^2</math> </div> <p>Es muy grande el número del resultado. ¿No podemos convertirlo en otra forma?</p>	<p>-Observar el dibujo presentado.</p> <p>Hay una granja que tiene forma rectangular, y mide 3 000 m de largo y 2 000 m de ancho. ¿Cuánto mide el área?</p> <p>Es un rectángulo, entonces podemos utilizar la fórmula del rectángulo. <b>Área = largo × ancho</b></p>	
	<p>¿Cómo se puede representar la respuesta más fácilmente?</p> <p>3. Aclarar el punto importante preguntando a los alumnos.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content;"> <p>¿Se puede convertir 1 000 m en otra forma?</p> </div> <p>¿Cómo podemos convertir 3 000 m y 2 000 m?</p> <p>4. Enseñar conocimientos de km<sup>2</sup> utilizando las palabras de alumnos.</p> <div style="border: 2px solid red; padding: 5px;"> <p>*El área de un cuadrado cuyo lado mide 1km se llama <b>kilómetro cuadrado</b> y se escribe <b>km<sup>2</sup></b>.</p> <p>*Es una unidad para medir áreas muy grandes como granja.</p> </div>	<p>-Contestar al/la profesor/a.</p> <p>¡1 000m = 1km!</p> <p>3 000 m = 3km. 2 000 m = 2km.</p> <p>-Copiar los conocimientos de km<sup>2</sup> en el cuaderno.</p>	<p>¡Tratemos que se den cuenta de que "1 000 m = 1km" a través de las preguntas!</p>  

Cierre 10 min.	<p>5. Volver a resolver el problema dado aprovechando <math>\text{km}^2</math>.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <math display="block">\begin{aligned} A_{\square} &amp;= l \times a \\ &amp;= 3\text{km} \times 2\text{km} \\ &amp;= 6\text{km}^2 \end{aligned}</math> </div> <p>6. Practicar los ejercicios. Repartir la hoja a cada alumno/a para trabajar en forma individual.</p>	<p>-Resolverlo con el/la profesor/a en el pizarrón.</p> <p>-Hacer el trabajo solo/a. </p>	Hoja para Ejercicios
-------------------	---	--	----------------------

### Plan del pizarrón

<p><b>Matemática</b></p> <div style="border: 1px dashed black; padding: 10px; width: fit-content; margin: 0 auto;"> <p style="text-align: center;">3 000m</p>  <p style="text-align: left;">2 000m</p> </div> $\begin{aligned} A_{\square} &= l \times a \\ &= 3\,000\text{ m} \times 2\,000\text{ m} \\ &= 6\,000\,000\text{m}^2 \\ &\text{Muy grande!!} \end{aligned}$ <p><math>1\,000\text{m} = 1\text{km} \Rightarrow 3\,000\text{m} = 3\text{km}.</math> <math>2\,000\text{m} = 2\text{km}.</math></p>	<div style="border: 2px solid red; padding: 10px;"> <p>*El área de un cuadrado cuyo lado mide 1km se llama <b>kilómetro cuadrado</b> y se escribe <b><math>\text{km}^2</math></b>.</p> <p>*Es una unidad para medir áreas muy grandes como granja.</p> </div> $\begin{aligned} A_{\square} &= l \times a \\ &= 3\text{km} \times 2\text{km} \\ &= 6\text{km}^2 \end{aligned}$ <p>¡¡Podemos representar la respuesta más fácilmente!!</p>
---	--

Para calcular área, hay otra unidad de medida también. ¡¡Vamos a presentarles a los alumnos como conocimientos avanzados!!

**a** (área): El área de un cuadrado cuyo lado mide **10m** se llama **1 área** y se escribe **1a**.

$$1a = 100\text{m}^2$$

**ha** (hectárea): El área de un cuadrado cuyo lado mide **100m** se llama **1 hectárea** y se escribe **1ha**.

$$1ha = 10\,000\text{m}^2$$

### Respuesta de Ejercicios (pág.139)



1. Fórmula  
 $A_{\square} = l \times a$

Solución  
 $A_{\square} = 20\text{km} \times 8\text{km}$   
 $= 160\text{km}^2$

Respuesta  
 $160\text{km}^2$

Fórmula  
 $A_{\square} = l \times l$

Solución  
 $A_{\square} = 43\text{km} \times 43\text{km}$   
 $= 1\,849\text{ km}^2$

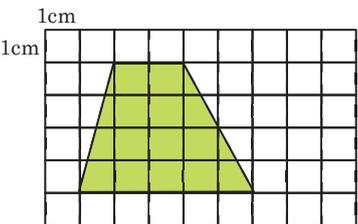
Respuesta  
 $1\,849\text{km}^2$

2. 1)  $3\,000\,000\text{m}^2$   
3. 1)  $2\text{km}^2$

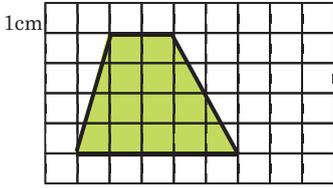
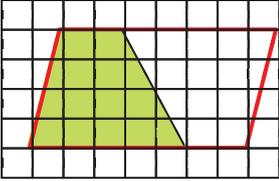
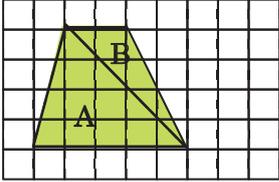
2)  $7\,000\,000\text{m}^2$   
2)  $5\text{km}^2$

3)  $12\,000\,000\text{m}^2$   
3)  $25\text{km}^2$

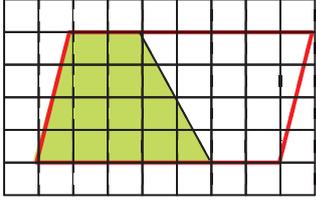
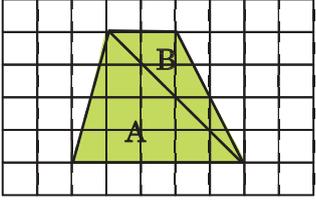
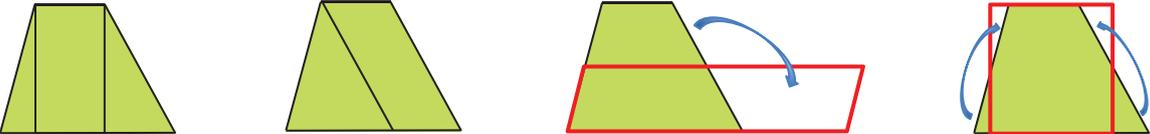
Grado	Área II	N° de clases	El objetivo
5º grado	Trapezio(1)	3/6	Calcular el área del trapezio.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que aprendieron.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; width: fit-content; margin: 10px auto;"> <math display="block">A_{\square} = l \times a</math> <math display="block">A_{\square} = l \times l</math> <math display="block">A_{\square} = b \times h</math> <math display="block">A_{\triangle} = \frac{b \times h}{2}</math> </div> <p>2. Presentar una figura de trapezio.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>-Repasar las fórmulas que aprendieron en el 4º grado.</li> <li>-Repasar la característica de las figuras, cómo son los lados y los ángulos, etc.</li> <li>-Recordar la característica del trapezio.</li> </ul>	
Desarrollo 30 min.	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; text-align: center; margin-bottom: 10px;"> <p>¡Vamos a calcular el área de este trapezio!</p> </div> <div style="text-align: center;">  </div> <div style="margin-top: 10px;"> <p>¿Qué podemos hacer para calcular el área de la figura si no conocemos la fórmula?</p> <p>Y ¿Por qué lo hacen?</p> </div> <p>3. Repartir a los alumnos la cuadrícula y el trapezio de cartulina para pensar individualmente.</p> <p>4. Dar tiempo para pensar.</p> <p>5. Recorrer entre los alumnos y revisar el trabajo de cada uno/a.</p> <p>6. Compartir las ideas que los alumnos encontraron.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>-Recordar cómo se hace para calcular el área de una figura que no conocen la fórmula.</li> </ul> <div style="border: 1px solid lightblue; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>Dividir con línea, cortar y cambiar el lugar o agregar y quitar, etc.</p> </div> <div style="border: 1px solid lightblue; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>Cambiar la figura actual a otra figura de la que conocemos la fórmula.</p> </div> <ul style="list-style-type: none"> <li>-Pensar solo/a usando el trapezio repartido.</li> </ul> <div style="border: 1px solid lightblue; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>Véase las ideas previsibles de los alumnos.</p> </div> <ul style="list-style-type: none"> <li>-Presentar las ideas que encontraron en el pizarrón para compartirlas.</li> </ul>	<p>Dibujo del trapezio para el pizarrón</p>   <p>Hoja cuadrículada (1cm<sup>2</sup>) pág.245</p> <p>Cartulina del trapezio para cada alumno/a</p>
Cierre 5 min.	<div style="border: 1px solid green; border-radius: 15px; padding: 10px; margin: 10px 0;"> <p>Los alumnos pueden tener varias ideas para calcular el área, incluyendo las que dividen este en muchas figuras pequeñas. Se debe aceptar todas las ideas expresadas felicitando sus esfuerzos. Pero, <b>es importante</b> que ellos se den cuenta de que <b>habra la forma más fácil, rápida y con menos posibilidad de equivocarse.</b></p> </div> <div style="border: 1px solid red; border-radius: 15px; padding: 5px; margin-top: 10px;"> <p>El área de trapezio se puede calcular transformando la figura actual a otra fugura de la cual ya conocen la fórmula.</p> </div>		

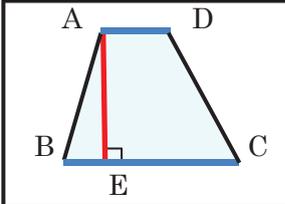
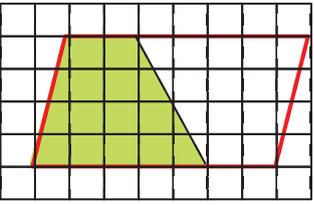
## Plan del pizarrón

<p><b>Matemática</b> Repaso</p> <p>Rectángulo</p>  <p>Fórmula <math>A_{\square} = l \times a</math></p> <p>Cuadrado</p>  <p>Fórmula <math>A_{\square} = l \times l</math></p> <p>Paralelogramo</p>  <p>Fórmula <math>A_{\square} = b \times h</math></p> <p>Triángulo</p>  <p>Fórmula <math>A_{\triangle} = \frac{b \times h}{2}</math></p>	<p><b>¡Vamos a calcular el área de este trapecio!</b></p>  <p><b>Idea 1</b></p>  <p><math>A = b \times a = 7\text{cm} \times 4\text{cm}</math> <math>= 28\text{cm}^2</math> <math>A = 28\text{cm}^2 : 2 = 14\text{cm}^2</math></p> <p><b>El área de trapecio se puede calcular transformando la figura actual a otra figura de la cual ya conocen la fórmula.</b></p>	<p><b>Idea 2</b></p>  <p>Triángulo A <math>A = \frac{b \times h}{2} = \frac{5\text{cm} \times 4\text{cm}}{2} = 10\text{cm}^2</math></p> <p>Triángulo B <math>A = \frac{b \times h}{2} = \frac{2\text{cm} \times 4\text{cm}}{2} = 4\text{cm}^2</math> <math>A = 10\text{cm}^2 + 4\text{cm}^2 = 14\text{cm}^2</math></p> <p><b>Idea 3</b></p> <p>Si surgen otras ideas y además si hay tiempo, vamos a compartirlas.</p> 
---	---	---

## Ideas previsibles

<p><b>Idea 1</b></p>  <p>Agregar mismo trapecio para formar un paralelogramo y dividir en 2. <math>A_{\square} = b \times h</math> <math>= 7\text{cm} \times 4\text{cm}</math> <math>= 28\text{cm}^2</math> Por eso, <math>A_{\triangle} = 28\text{cm}^2 : 2</math> <math>= 14\text{cm}^2</math></p>	<p><b>Idea 2</b></p>  <p>Dividir en 2 triángulos y sumar las áreas. Triángulo A. <math>A_{\triangle} = \frac{b \times h}{2} = \frac{5\text{cm} \times 4\text{cm}}{2}</math> <math>= 10\text{cm}^2</math> Triángulo B. <math>A_{\triangle} = \frac{b \times h}{2} = \frac{2\text{cm} \times 4\text{cm}}{2}</math> <math>= 4\text{cm}^2</math> Por eso, <math>A_{\triangle} = 10\text{cm}^2 + 4\text{cm}^2 = 14\text{cm}^2</math></p>
<p><b>Otras ideas</b></p> 	

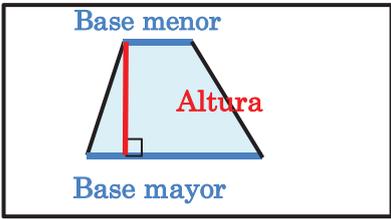
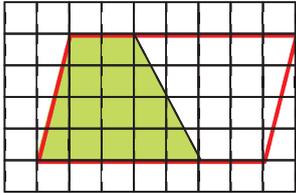
Grado	Área II	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Trapezio(2)	4/6	Comprender la fórmula para calcular el área de trapezio.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que aprendieron mostrando las figuras de las ideas que salieron en la clase anterior.</p> <p>¿Qué hicimos para calcular el área del trapezio?</p>	<p>-Recordar que había varias maneras para calcular el área del trapezio.</p> <p>Cambiamos la figura del trapezio a otra figura de la que conocemos la fórmula.</p>	
Desarrollo 25 min.	<p>¿Qué podemos hacer para calcular el área de trapezio más fácilmente y con menos equivocación?</p> <p>2. Plantear el tema.</p> <p><b>¡Vamos a descubrir la fórmula del área de trapezio!</b></p> <p>3. Definir los términos.</p> <div style="display: flex; align-items: center;">  <div style="margin-left: 10px;"> <p>AD se llama <b>base menor</b>, BC se llama <b>base mayor</b>, AE se llama <b>altura</b>. <b>La altura es el segmento perpendicular a la base.</b></p> </div> </div>	<p>Usar la fórmula. Pero todavía no conocemos la fórmula...</p>	
	<p>4. Confirmar con los alumnos el cálculo de <b>Idea 1</b> de la clase anterior en el pizarrón.</p>  <p>¿Qué indica 7 y 4 del cálculo? <b>Y ¿Por qué se divide en 2?</b></p> <p>¿Qué longitudes del trapezio necesitan saber para calcular el área?</p> <p>5. Construir la fórmula con los alumnos.</p>	<p><b>Idea 1</b> El área del paralelogramo es <math>7\text{cm} \times 4\text{cm} = 28\text{cm}^2</math>. Por eso, el área de trapezio es <math>28\text{cm}^2 : 2 = 14\text{cm}^2</math></p> <p>7 es la base del paralelogramo. <b>Y es la suma, 5 + 2.</b></p> <p>-7 es la suma de 5 y 2, o sea <b>la suma de base mayor y base menor</b>. 4 es la altura del paralelogramo (y del trapezio también). -Porque <b>el área del trapezio es la mitad del paralelogramo</b>.</p> <p>-Darse cuenta de que necesitan la longitud de la base mayor, de la base menor y de la altura.</p>	

Cierre 10 min.	<p><b>Área de trapecio (<math>A_{\square}</math>)</b></p> <p>= Área de paralelogramo : 2 = <math>b \times h : 2</math></p> <p>= <b>(base mayor(B) + base menor(b)) × altura(h) : 2</b> ó</p> <p>= <b><math>\frac{(base\ mayor(B) + base\ menor(b)) \times altura(h)}{2}</math></b></p>	
	<p><b>Fórmula</b></p> <p><math>A_{\square} = \frac{(base\ mayor(B) + base\ menor(b)) \times altura(h)}{2}</math> ó</p> <p><math>\frac{(base\ mayor(B) + base\ menor(b)) \times altura(h)}{2}</math></p>	
	<p>6. Confirmar el área del trapecio dado aplicando la fórmula del área de trapecio.</p> <p>7. Dar los ejercicios.</p>	<p>-La base menor es 2cm, la base mayor es 5cm y la altura es 4cm. Por eso,</p> $A_{\square} = \frac{(B+b) \times h}{2}$ $= \frac{(5cm+2cm) \times 4cm}{2} = 14cm^2$ <p>-Practicar los ejercicios aplicando la fórmula.</p>

Hoja para Ejercicios

### Plan del pizarrón

<p><b>Matemática</b></p> <p><b>¡Vamos a descubrir la fórmula del área de trapecio!</b></p> <div style="text-align: center;">  </div> <div style="text-align: center;">  </div> <p>Área del paralelogramo es <math>7cm \times 4cm = 28cm^2</math>. Área del trapecio es <math>28cm^2 : 2 = 14cm^2</math>.</p>	<p>7 es la base y 4 es la altura del paralelogramo. Y además 7 es la suma de 5 y 2. <math>7 = 5 + 2 =</math> base mayor + base menor</p> <p>Para encontrar el área del trapecio <b>hay que dividir entre 2</b> porque <b>el área del trapecio es la mitad del paralelogramo.</b></p> <p><b>Área de trapecio(<math>A_{\square}</math>)</b></p> <p>= Área de paralelogramo : 2</p> <p>= base(b) × altura(h) : 2</p> <p>= <b>(base mayor + base menor) × altura(h) : 2</b> ó</p> <p><b><math>\frac{(base\ mayor + base\ menor) \times altura(h)}{2}</math></b></p> <div style="border: 2px solid red; padding: 5px; text-align: center;"> <p><math>A_{\square} = \frac{(base\ mayor(B)+base\ menor(b)) \times altura(h)}{2}</math></p> </div> <p>Ejercicio Calculo el área del trapecio dado.</p> $A_{\square} = \frac{(B+b) \times h}{2} = \frac{(5cm+2cm) \times 4cm}{2} = 14cm^2$
--	---

### Respuesta de Ejercicios (pág.140)

Calculo el área de los siguientes. (Omisión de la fórmula y objetivación.)

Solución:  $\frac{(4cm+2cm) \times 3cm}{2}$

Solución:  $\frac{(6,5cm+3,5cm) \times 4cm}{2}$

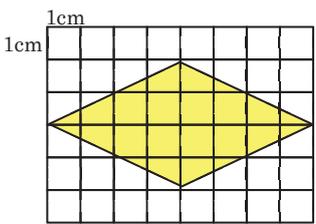
Solución:  $\frac{(10cm+5cm) \times 12cm}{2}$

Respuesta: 9cm<sup>2</sup>

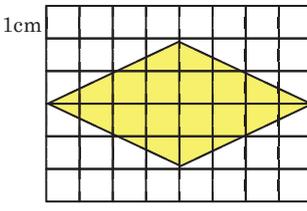
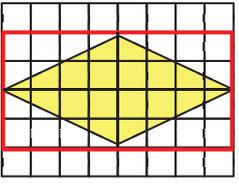
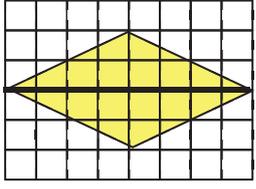
Respuesta: 20cm<sup>2</sup>

Respuesta: 90cm<sup>2</sup>

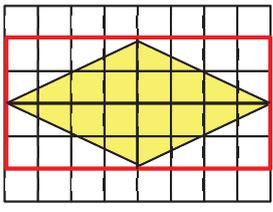
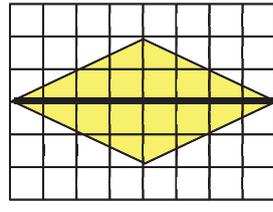
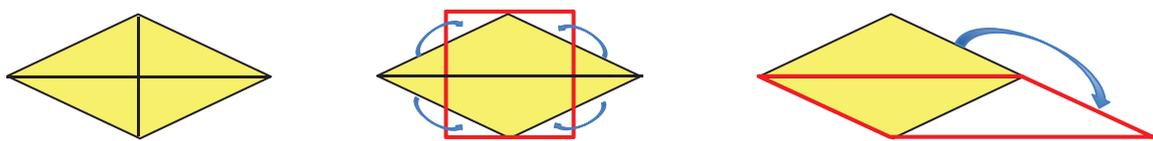
Grado	Área II	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Rombo(1)	5/6	Calcular el área del rombo.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que aprendieron.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <math display="block">A_{\square} = l \times a</math> <math display="block">A_{\square} = l \times l</math> <math display="block">A_{\square} = b \times h</math> <math display="block">A_{\triangle} = \frac{b \times h}{2}</math> <math display="block">A_{\square} = \frac{(B+b) \times h}{2}</math> </div> <p>2. Presentar una figura de rombo.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>-Repasar las fórmulas que aprendieron.</li> <li>-Repasar la característica de las figuras, cómo son los lados y los ángulos, etc.</li> <li>-Y recordar la característica del trapecio.</li> </ul>	
Desarrollo 30 min.	<div style="border: 1px solid black; padding: 5px; text-align: center; margin: 5px 0;"> <p><b>¡Vamos a calcular el área de este rombo!</b></p> </div>  <p>1cm 1cm</p> <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>¿Qué podemos hacer para calcular el área de la figura si no conocemos la fórmula?</p> </div> <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>Y ¿Por qué lo hacen?</p> </div> <p>3. Repartir a los alumnos la cuadrícula y el rombo de cartulina para pensar individualmente.</p> <p>4. Dar tiempo para pensar.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>-Recordar cómo se hace para calcular el área de una figura que no conocen la fórmula.</li> </ul> <div style="border: 1px solid lightblue; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>Dividir con línea, cortar y cambiar el lugar o agregar y quitar, etc.</p> </div> <div style="border: 1px solid lightblue; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>Cambiar la figura actual a otra figura de la que conocemos la fórmula.</p> </div> <ul style="list-style-type: none"> <li>-Pensar solo/a usando el rombo repartido.</li> </ul> <div style="border: 1px solid lightblue; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>Véase las ideas previsibles de los alumnos.</p> </div>	<p>Dibujo del rombo para el pizarrón</p>   <p>Hoja cuadriculada (1cm<sup>2</sup>) pág.245</p> <p>Cartulina del rombo para cada alumno/a</p>
Cierre 5 min.	<p>5. Recorrer entre los alumnos y revisar el trabajo de cada uno/a.</p> <p>6. Compartir las ideas que los alumnos encontraron.</p>	<ul style="list-style-type: none"> <li>-Presentar las ideas que encontraron en el pizarrón para compartirlas.</li> </ul>	
	<p><b>El área del rombo se puede calcular transformando la figura actual a otra figura de la cual ya conocen la fórmula.</b></p>		

## Plan del pizarrón

<p><b>Matemática</b> Repaso</p> <p>Rectángulo </p> <p>Fórmula <math>A_{\square} = l \times a</math></p> <p>Cuadrado </p> <p>Fórmula <math>A_{\square} = l \times l</math></p> <p>Paralelogramo </p> <p>Fórmula <math>A_{\square} = b \times h</math></p> <p>Triángulo </p> <p>Fórmula <math>A_{\triangle} = \frac{b \times h}{2}</math></p> <p>Trapezio </p> <p>Fórmula <math>A_{\square} = \frac{(B+b) \times h}{2}</math></p>	<p><b>¡Vamos a calcular el área de este rombo!</b></p>  <p><b>Idea 1</b></p>  <p><math>A = l \times a = 8\text{cm} \times 4\text{cm}</math> <math>= 32\text{cm}^2</math> <math>A = 32\text{cm}^2 : 2 = 16\text{cm}^2</math></p>	<p><b>Idea 2</b></p>  <p><math>A = \frac{b \times h}{2} = \frac{8\text{cm} \times 2\text{cm}}{2} = 8\text{cm}^2</math> <math>A = 8\text{cm}^2 \times 2 = 16\text{cm}^2</math></p> <p><b>Idea 3</b></p> <p>Si surgen otras ideas y además si hay tiempo, vamos a compartirlas.</p> 
<p><b>El área de rombo se puede calcular transformando la figura actual a otra figura de la cual ya conocen la fórmula.</b></p>		

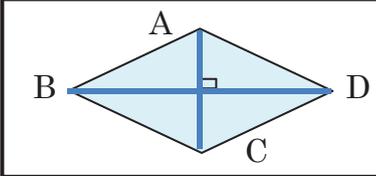
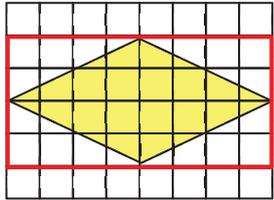
## Ideas previsibles

<p><b>Idea 1</b></p>  <p>Agregar para formar un rectángulo y quitar el área que agrega, o sea dividir en 2.</p> <p><math>A_{\square} = l \times a</math> <math>= 8\text{cm} \times 4\text{cm}</math> <math>= 32\text{cm}^2</math> <math>A_{\diamond} = 32\text{cm}^2 : 2 = 16\text{cm}^2</math></p>	<p><b>Idea 2</b></p>  <p>Dividir en 2 triángulos iguales.</p> <p>El área de un triángulo <math>A_{\triangle} = \frac{b \times h}{2} = \frac{8\text{cm} \times 2\text{cm}}{2}</math> <math>= 8\text{cm}^2</math> Por eso, <math>A_{\diamond} = 8\text{cm}^2 \times 2 = 16\text{cm}^2</math></p>
<p>Otras ideas</p> 	

Hasta ahora, los alumnos estudiaron siguiendo el procedimiento de pensar primero en la forma de encontrar el área y después hacer el cálculo. Dependiendo del nivel de aprendizaje de los alumnos, se puede desarrollar la clase primero dando la solución(o el cálculo) y que luego ellos piensen cómo llegar a la solución. Esta forma de enseñanza es de un nivel un poco más alto que el desarrollo presentado.

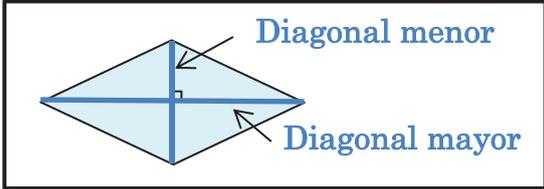
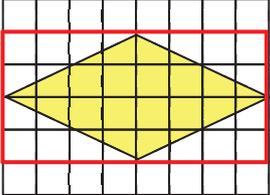


Grado	Área II	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Rombo(2)	6/6	Comprender la fórmula para calcular el área de rombo.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que aprendieron mostrando las figuras de las ideas que salieron en la clase anterior.</p> <p>¿Qué hicimos para calcular el área del rombo?</p> <p>¿Qué podemos hacer para calcular el área de rombo más fácilmente y con menos equivocación?</p>	<p>Recordar que había varias maneras para calcular el área del rombo.</p> <p>Cambiamos la figura del rombo a otra figura de la que conocemos la fórmula.</p>	
Desarrollo 25 min.	<p>2. Plantear el tema.</p> <p><b>¡Vamos a descubrir la fórmula del área de rombo!</b></p> <p>3. Definir los términos.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; display: flex; align-items: center;">  <div style="margin-left: 10px;"> <p>BD se llama <b>diagonal mayor</b> y AC se llama <b>diagonal menor</b>.</p> </div> </div>	<p>Usar la fórmula. Quiero encontrar la fórmula.</p>	
	<p>4. Confirmar con los alumnos el cálculo de <b>Idea 1</b> de la clase anterior en el pizarrón.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; display: flex; align-items: center;">  </div> <p>¿Qué indica 8 y 4 del cálculo? Y ¿Por qué se divide en 2?</p> <p>¿Qué longitudes del trapecio necesitan saber para calcular el área?</p> <p>5. Construir la fórmula con los alumnos.</p>	<p><b>Idea 1</b> El área del rectángulo es <math>8\text{cm} \times 4\text{cm} = 32\text{cm}^2</math>. Por eso, el área del rombo es <math>32\text{cm}^2 : 2 = 16\text{cm}^2</math></p> <p>8 es el largo y 4 es el ancho del rectángulo.</p> <p>¡Y también 8 es igual a la medida de la diagonal mayor y 4, diagonal menor del rombo!</p> <p>Porque <b>el área del rombo es la mitad del rectángulo.</b></p> <p>Darse cuenta de que necesitan la longitud de la diagonal mayor y de la diagonal menor.</p>	

Cierre 10 min.	$\begin{aligned} &\text{Área de rombo}(A_{\diamond}) \\ &= \text{Área de rectángulo} = l \times a \\ &= \text{diagonal mayor}(D) \times \text{diagonal menor}(d) : 2 \text{ ó} \\ &= \frac{\text{diagonal mayor}(D) \times \text{diagonal menor}(d)}{2} \end{aligned}$	
	<p><b>Fórmula</b></p> $A_{\diamond} = \frac{\text{diagonal mayor}(D) \times \text{diagonal menor}(d)}{2}$	
	<p>6. Confirmar el área del rombo dado, aplicando la fórmula del área de rombo.</p> <p>7. Dar los ejercicios.</p>	<p>-La diagonal mayor es 8cm y la diagonal menor es 4cm. Por eso,</p> $A_{\diamond} = \frac{D \times d}{2} = \frac{8\text{cm} \times 4\text{cm}}{2} = 16\text{cm}^2$ <p>-Practicar los ejercicios aplicando la fórmula.</p>
		Hoja para Ejercicios

### Plan del pizarrón

<p>Matemática</p> <p><b>¡Vamos a descubrir la fórmula del área de rombo!</b></p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px;">  </div> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; margin: 5px;">  </div> <p>Área del rectángulo es <math>8\text{cm} \times 4\text{cm} = 32\text{cm}^2</math>. Área del rombo es <math>32\text{cm}^2 : 2 = 16\text{cm}^2</math>.</p>	<p>8 es el largo y 4 es el ancho del rectángulo. Y además, <math>8 = \text{diagonal mayor}</math> y <math>4 = \text{diagonal menor}</math>. Para encontrar el área del rombo <b>hay que dividir entre 2</b> porque <b>el área del rombo es la mitad del rectángulo</b>.</p> $\begin{aligned} &\text{Área de rombo}(A_{\diamond}) \\ &= \text{Área de rectángulo} = l \times a \\ &= \text{diagonal mayor}(D) \times \text{diagonal menor}(d) : 2 \text{ ó} \\ &= \frac{\text{diagonal mayor}(D) \times \text{diagonal menor}(d)}{2} \end{aligned}$ <div style="border: 1px solid red; padding: 5px; margin: 5px;"> <math display="block">A_{\diamond} = \frac{\text{diagonal mayor}(D) \times \text{diagonal menor}(d)}{2}</math> </div> <p>Ejercicio Calcule el área del rombo dado.</p> $A_{\diamond} = \frac{D \times d}{2} = \frac{8\text{cm} \times 4\text{cm}}{2} = 16\text{cm}^2$
---	--

### Respuesta de Ejercicios (pág.141)

Calcule el área de los siguientes. (Omisión de la fórmula y objetivación.)

Solución:  $\frac{6\text{cm} \times 5\text{cm}}{2}$

Solución:  $\frac{22\text{cm} \times 7\text{cm}}{2}$

Solución:  $\frac{25\text{cm} \times 8\text{cm}}{2}$

Respuesta: 15cm<sup>2</sup>

Respuesta: 77cm<sup>2</sup>

Respuesta: 100cm<sup>2</sup>

## Ejercicios (Metro cuadrado)

1. Resuelvo las situaciones planteadas.

1) ¿Cuántos  $m^2$  mide el área del piso de una aula cuadrada que mide 9m cada lado?

Objetivación

Fórmula

Solución

Respuesta

2) ¿Cuántos  $m^2$  mide el área de la huerta rectangular que tiene 13m de largo y 11m de ancho?

Objetivación

Fórmula

Solución

Respuesta

2. Convierto las medidas de las áreas en la unidad que se pide.

1)  $2m^2$  ( $cm^2$ )

2)  $5m^2$  ( $cm^2$ )

3)  $30\ 000cm^2$  ( $m^2$ )

---

1. Resuelvo las situaciones planteadas.

1) ¿Cuántos  $m^2$  mide el área del piso de una aula cuadrada que mide 9m cada lado?

Objetivación

Fórmula

Solución

Respuesta

2) ¿Cuántos  $m^2$  mide el área de la huerta rectangular que tiene 13m de largo y 11m de ancho?

Objetivación

Fórmula

Solución

Respuesta

2. Convierto las medidas de las áreas en la unidad que se pide.

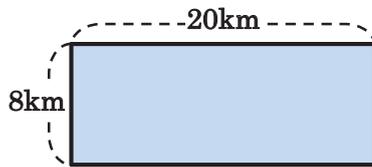
1)  $2m^2$  ( $cm^2$ )

2)  $5m^2$  ( $cm^2$ )

3)  $30\ 000cm^2$  ( $m^2$ )

## Ejercicios (Kilómetro cuadrado)

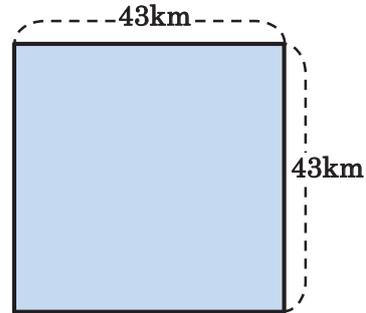
1. Calculo la medida del área de cada rectángulo y cuadrado.



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

2. Represento cada área en  $m^2$ .

1)  $3km^2$

2)  $7km^2$

3)  $12km^2$

3. Represento cada área en  $km^2$ .

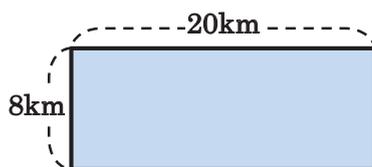
1)  $2\ 000\ 000m^2$

2)  $5\ 000\ 000m^2$

3)  $25\ 000\ 000m^2$

---

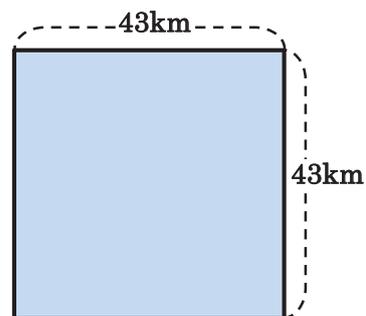
1. Calculo la medida del área de cada rectángulo y cuadrado.



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

2. Represento cada área en  $m^2$ .

1)  $3km^2$

2)  $7km^2$

3)  $12km^2$

3. Represento cada área en  $km^2$ .

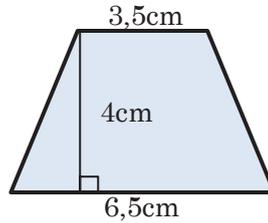
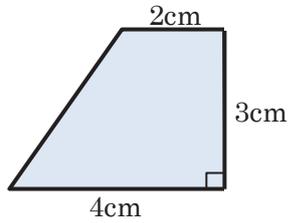
1)  $2\ 000\ 000m^2$

2)  $5\ 000\ 000m^2$

3)  $25\ 000\ 000m^2$

## Ejercicios (Trapezio(2))

Calculo el área de los siguientes trapezios.



Un trapezio cuya base mayor es de 10cm, base menor de 5cm y altura de 12cm.

Objetivación

Fórmula: \_\_\_\_\_

Fórmula: \_\_\_\_\_

Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

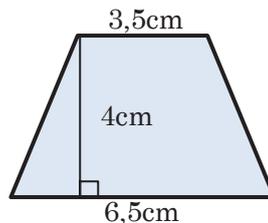
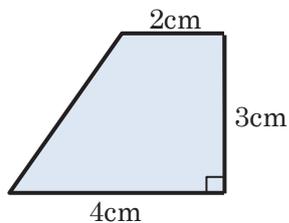
Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

Calculo el área de los siguientes trapezios.



Un trapezio cuya base mayor es de 10cm, base menor de 5cm y altura de 12cm.

Objetivación

Fórmula: \_\_\_\_\_

Fórmula: \_\_\_\_\_

Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

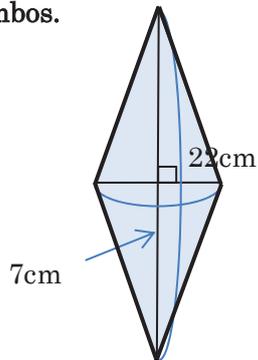
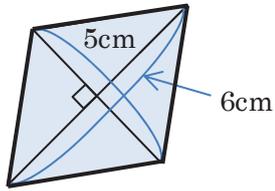
Respuesta: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

## Ejercicios (Rombo(2))

Calculo el área de los siguientes rombos.



Un rombo cuyas diagonales miden 25cm y 8cm, respectativamente

Objetivación

Fórmula \_\_\_\_\_

Fórmula \_\_\_\_\_

Fórmula \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

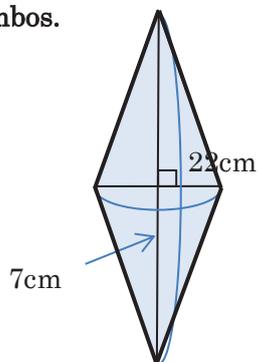
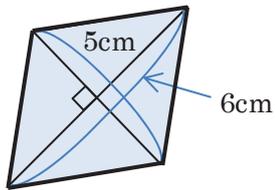
Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

Calculo el área de los siguientes rombos.



Un rombo cuyas diagonales miden 25cm y 8cm, respectativamente

Objetivación

Fórmula \_\_\_\_\_

Fórmula \_\_\_\_\_

Fórmula \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

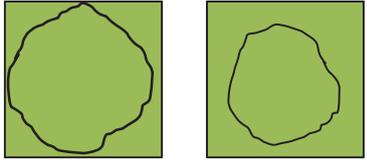
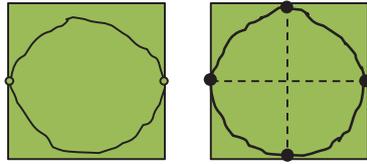
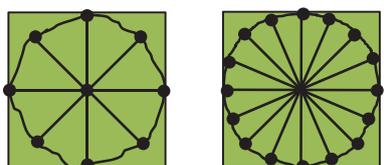
Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

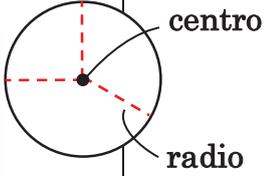
Respuesta: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

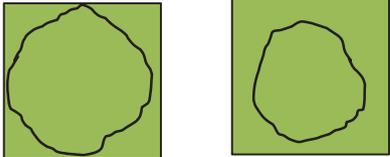
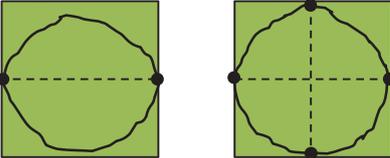
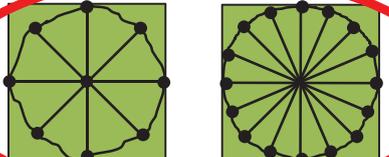
Grado	Círculo	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Conocimientos (centro y radio)	1/7	Identificar conocimientos del círculo (centro y radio).

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repartir la hoja de cuadrado a cada alumno/a para dibujar un redondo.</p> <p>Alrededor de nosotros, hay muchas cosas redondas, reloj, botón, moneda, etc. ¡Vamos a dibujar un redondo en esta hoja de cuadrado!</p>	-Recibir la hoja y escuchar lo que explica el/la profesor/a.	 Hoja de cuadrado pág.246
Desarrollo 20 min.	<p>¡Tracen <b>lo más grande posible</b> en su hoja! Y, no deben utilizar ninguna cosa. Sólo lápiz y mano.</p> <p>2. Presentar los trabajos que unos alumnos hicieron en el pizarrón.</p>  <p>¿Cómo tenemos que hacer para trazar bien un redondo?</p> <p>3. Repartir la hoja de cuadrado.</p> <p>Vamos a dibujar otro, pero antes de que dibujen, doblamos la hoja para que marquen los puntos. Entonces, vamos a dibujarlo pasando por puntitos.</p>  <p>4. Repartir la hoja de cuadrado.</p> <p>Esta vez, vamos a marcar con puntos. Pero <b>todas las marcas tienen que tener misma distancia del medio</b>. Pueden utilizar la regla para medirla.</p> 	<p>-Dibujar un redondo solo/a.</p> <p>-Observar a los trabajos presentados.</p> <p>No tengo que usar nada... ¡¡Es muy difícil!!</p> <p>Si hay algunas marcas, puedo dibujar bien juntando esas marcas...</p> <p>-Recibir la hoja y dibujar otro redondo en la hoja doblada.</p> <p>Cuando hacen este trabajo, vamos a formar 2 grupos. Un grupo dobla en 2 partes, otro grupo dobla en 4 partes.</p> <p>Después de que terminen de trazar, vamos a comparar los trabajos de 2 grupos para que vean cuál está mejor hecho.</p> <p>-Recibir la hoja y dibujar otro redondo en la hoja trazada.</p> <p>Atienda bien a los alumnos en este momento, porque ellos tienen que marcar los puntos que tienen misma distancia del medio. Es previsible que se equivoquen de marcar.</p> <p>Además cuando ponen los puntos, doblemos antes de que marquen para que los puedan ubicar mejor.</p>	   Hoja Cuadriculada pág.245    Hoja Cuadriculada pág.245  

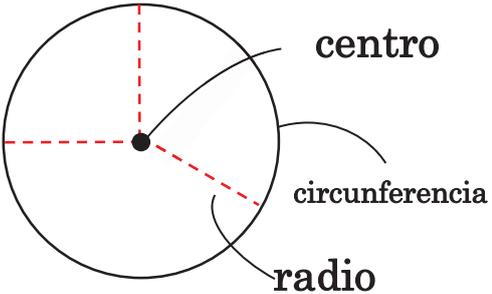
Cierre 10 min.	5. Comparar los 3 trabajos que han hecho.  <div style="border: 1px solid purple; padding: 2px; display: inline-block;">¿Cuál es más redondo?</div>	-Observar los trabajos presentados y contestar al/la profesor/a.	
	6. Demostrar los conocimientos del círculo. <div style="border: 2px solid red; padding: 5px;"> <p>*Un redondo que se traza de un punto equidistante es un <b>círculo</b>.</p> <p>*El punto ubicado en el medio del círculo es el <b>centro</b>.</p> <p>*La medida de la distancia entre el centro y la circunferencia es <b>radio</b>.</p> <p>*Todos los radios de un círculo miden igual.</p> </div>	-Copiar los conocimientos del círculo en el cuaderno.	



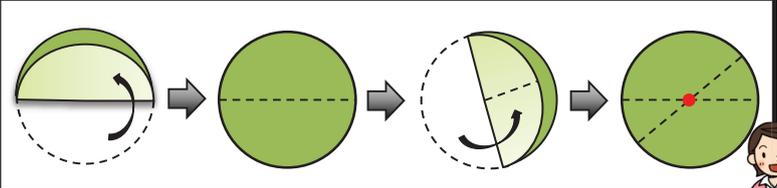
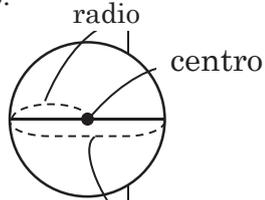
### Plan del pizarrón

<b>Matemática</b>		<div style="border: 2px solid red; padding: 5px;"> <p>* Un redondo que se traza de un punto equidistante es un <b>círculo</b>.</p> <p>* El punto ubicado en el medio del círculo es el <b>centro</b>.</p> <p>* La medida de la distancia entre el centro y la circunferencia es <b>radio</b>.</p> <p>* Todos los radios de un círculo miden igual.</p> </div>
Trabajo 1		
Trabajo 2		
Trabajo 3	<div style="border: 2px solid red; border-radius: 50%; padding: 10px; display: inline-block;">  </div> <span style="color: red; font-weight: bold; margin-left: 20px;">Más lindo</span>	

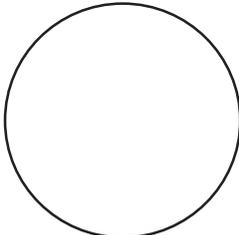
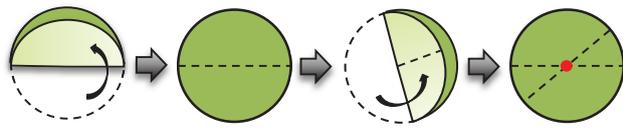
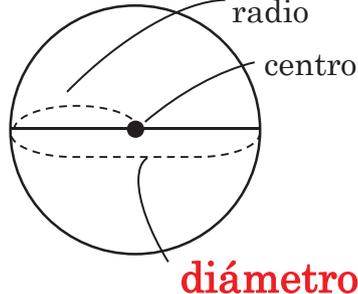
### Círculo



Grado	Círculo	N° de clases	El objetivo
5º grado	Conocimientos (diámetro)	2/7	Identificar conocimientos del círculo (diámetro).

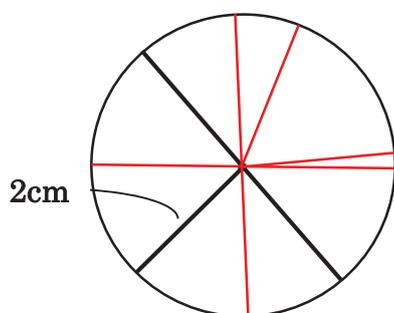
Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repartir la hoja de círculo a cada alumno/a para hallar el centro.</p>  <p>Ahora cada uno/a tiene un círculo blanco. ¿Cuántos cm mide el radio de su círculo?</p>	<p>-Recibir la hoja y escuchar lo que explica el/la profesor/a.</p> <p>Ya conocimos radio, pero hay que saber el lugar del centro para medir el radio...</p> 	Hoja de círculo pág. 156
Desarrollo 25 min.	<p>¡Preparemos los círculos de varios tamaños para que cada uno/a trabaja con diferente medida del círculo! Para poder entender que hay características que se aplican a cualquier medida del círculo.</p> 		
	<p><b>¡Vamos a hallar el centro del círculo para medir el radio!</b></p>		
	<p>2. Observar los trabajos de alumnos recorriendo entre ellos.</p> <p>3. Presentar los trabajos de ellos.</p> <p>4. Demostrar el encuentro del centro utilizando las ideas de los alumnos.</p> 	<p>-Tratar de encontrar el centro manipulando la hoja.</p>  <p>-Unos alumnos presentan cómo encontraron el centro.</p>	<p>Doblar el círculo en la mitad, abrir y volver a doblar a otro lado. Entonces el punto donde cruzan dos líneas es el centro!</p> 
<p>5. Demostrar los conocimientos de círculo.</p> <p><b>*Diámetro es la línea que une dos puntos opuestos de la circunferencia, pasando por el centro.</b>  <b>*La longitud de diámetro mide 2 veces la longitud del radio.</b>  <b>*Todos los diámetros de un círculo miden igual.</b>  <b>*Los diámetros cruzan por el centro.</b></p>	<p>-Copiar los conocimientos de círculo en el cuaderno.</p>  <p><b>diámetro</b></p>		
Cierre 10 min.	 <p>Cuando se dobla bien el círculo en la mitad, su pliegue es igual a su diámetro!!</p> <p>6. Practicar los ejercicios. Repartir la hoja a cada alumno/a para trabajar en forma individual.</p>	<p>-Hacer el trabajo solo/a.</p> 	Hoja para Ejercicios Compás Regla

## Plan del pizarrón

<p style="text-align: center;">Matemática</p>  <p style="text-align: right;">Vamos a hallar el centro!</p>	<p>*Diámetro es la línea que une dos puntos opuestos de la circunferencia, pasando por el centro.          *La longitud de diámetro mide 2 veces la longitud del radio.          *Todos los diámetros de un círculo miden igual.          *Los diámetros cruzan por el centro.</p>
	
<p>Doblar el círculo repetidamente y abrirlo</p>	

## Respuesta de Ejercicios (pág. 157)

1. Analizo los elementos de siguiente círculo y completo los ejercicios dados.



a) ¿Cuántos cm mide el radio?

2cm

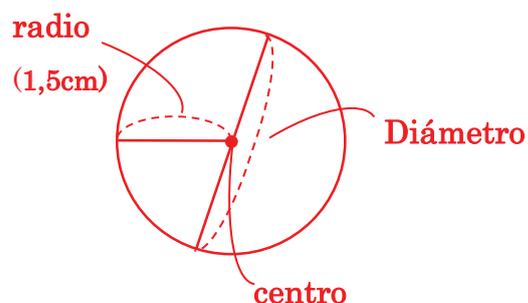
b) ¿Cuántos cm mide el diámetro?

4cm

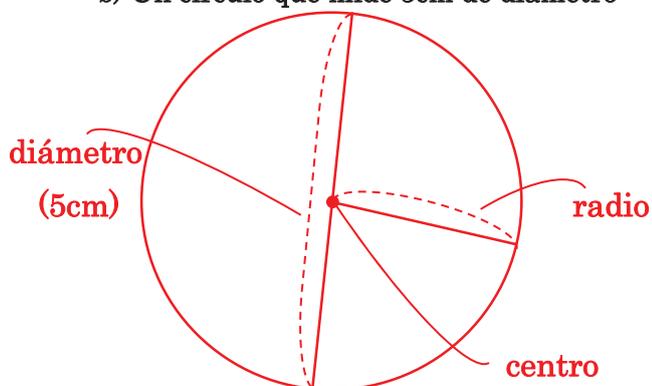
c) Trace 2 radios y 2 diámetros en el círculo.

2. Dibujó los círculos utilizando los datos dados y ponga los elementos también.

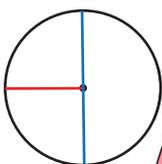
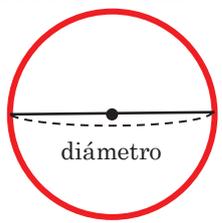
a) Un círculo que mide 1,5cm de radio.



b) Un círculo que mide 5cm de diámetro



Grado	Círculo	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Conocimientos (circunferencia y pi)	3/7	Comprender la relación entre la longitud de la circunferencia de un círculo y su diámetro.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos																	
Inicio 5 min.	<p>1. Presentar un dibujo del círculo. Repasar los nombres de cada parte.</p>  <p>Vamos a recordar los elementos del círculo. ¿Cómo se llama cada parte?</p>	<p>-Observar el dibujo presentado y contestar al/la profesor/a.</p> <p>¡El puntito es <b>centro</b>!</p> <p>¡La línea roja es <b>radio</b>, y la línea azul se llama <b>diámetro</b>!</p>	Dibujo de un círculo																	
	<p>2. Dar a los alumnos un conocimiento de la circunferencia.</p>  <p>El borde del círculo se llama <b>circunferencia</b>.</p>	<p>-Escuchar bien lo que explica el/la profesor/a.</p>																		
Desarrollo 25 min.	<p>3. Entregar los materiales que tienen forma circular a los alumnos.</p> <p>¡Investiguemos la relación entre diámetro y circunferencia!</p>	<p>-Recibir los materiales y formar grupos.</p>	Material circular (lata, plato, moneda, reloj, etc)																	
	<p>Voy a repartirles los materiales circulares. Formen 4 ó 5 grupos, le entregaré a cada grupo un material.</p> <p>Cuando tengan su material, ¡Vamos a medir el diámetro y la circunferencia de su objeto!</p>	<p>-Cada grupo mide el diámetro y la circunferencia con regla o cinta métrica.</p>	Regla Cinta métrica																	
	<p>4. Compartir los resultados de la prueba de cada grupo.</p> <p>Ejemplo de la prueba</p> <table border="1" data-bbox="777 1587 1477 1693"> <thead> <tr> <th></th> <th>lata</th> <th>reloj</th> <th>moneda</th> <th>plato</th> <th>botella</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td>Cia. (cm)</td> <td>22</td> <td>36,1</td> <td>6,28</td> <td>47,1</td> <td>23,2</td> </tr> <tr> <td>Diá. (cm)</td> <td>7</td> <td>11,5</td> <td>2</td> <td>15</td> <td>7,4</td> </tr> </tbody> </table>		lata	reloj	moneda	plato	botella	Cia. (cm)	22	36,1	6,28	47,1	23,2	Diá. (cm)	7	11,5	2	15	7,4	<p>-Presentar los resultados.</p>
	lata	reloj	moneda	plato	botella															
Cia. (cm)	22	36,1	6,28	47,1	23,2															
Diá. (cm)	7	11,5	2	15	7,4															
<p>5. Preguntar para aprender la relación entre diámetro y circunferencia.</p> <p>Comparemos longitud de la circunferencia y diámetro de cada material. ¿Cuántas veces caben un diámetro en una circunferencia?</p>	<p>-Contestar al/la profesor/a y calcular utilizando los datos.</p> <p>En este momento, es previsible que los alumnos no se den cuenta que lo que deben utilizar división (Cia.: Dia.) para conseguir el resultado. Según las situaciones, puede darles ejemplos sencillos para que puedan pensar la utilización de la división fácilmente.</p>																			

	lata	reloj	moneda	plato	botella	
	Cia. (cm)	22	36,1	6,28	47,1	23,2
	Diá. (cm)	7	11,5	2	15	7,4
<b>Cr. : Dia.</b>	<b>3,14</b>	<b>3,14</b>	<b>3,14</b>	<b>3,14</b>	<b>3,14</b>	

6. Aprender la relación entre diámetro y circunferencia a través de los resultados que calcularon. -Presentar los resultados y darse cuenta de que los que todos son iguales.

¡Qué interesante, todos son iguales, 3,14!

Depende de prueba, es posible que no salga 3,14. En ese caso, puede enseñarles  $\pi = 3,14$  directamente.

7. Demostrar los conocimientos del círculo. -Copiar los conocimientos de círculo en el cuaderno.

\*La circunferencia de cualquier círculo es aproximadamente 3,14 veces la longitud de su diámetro. Este número se conoce con el nombre "Pi ( $\pi$ )"

\*Pi ( $\pi$ ) expresa cuántas veces caben un diámetro en una circunferencia.

\*Pi ( $\pi$ ) = circunferencia : diámetro

\*Circunferencia = Pi ( $\pi$ ) × diámetro → Cia. =  $\pi D$   
= Pi ( $\pi$ ) × radio × 2 → =  $\pi 2r = 2\pi r$

8. Practicar los ejercicios. Repartir la hoja a cada alumno/a para trabajar en forma individual. -Hacer el trabajo solo/a.

Cierre 10 min.

Hoja para Ejercicios

### Plan del pizarrón

**Matemática**

\*La circunferencia de cualquier círculo es aproximadamente 3,14 veces la longitud de su diámetro. Este número se conoce con el nombre "Pi ( $\pi$ )"

\*Pi ( $\pi$ ) expresa que cuántas veces caben un diámetro en una circunferencia.

**Fórmulas**

Pi ( $\pi$ ) = circunferencia : diámetro

Circunferencia = Pi ( $\pi$ ) × diámetro  
= Pi ( $\pi$ ) × radio × 2

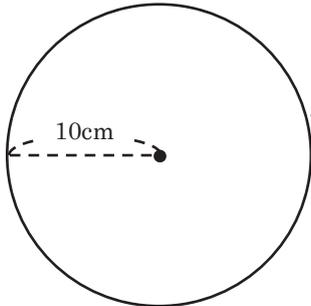
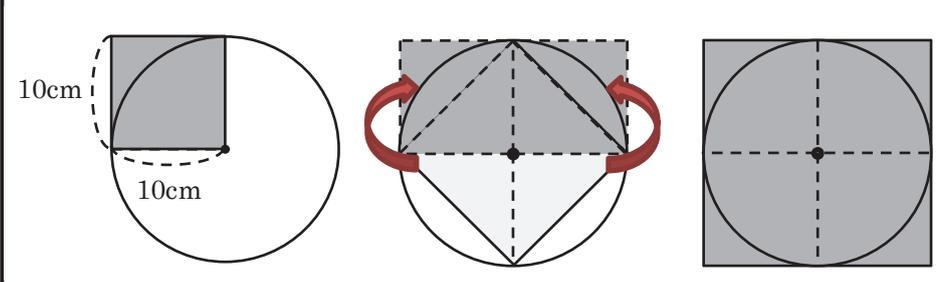
Cia. =  $2\pi r$

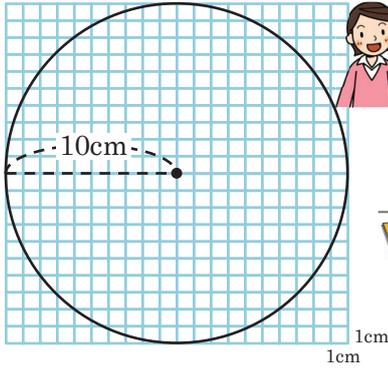
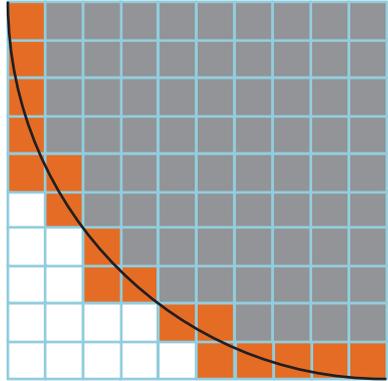
	lata	reloj	moneda	plato	botella
Cia. (cm)	22	36,1	6,28	47,1	23,2
Diá. (cm)	7	11,5	2	15	7,4
<b>Cir. : Dia.</b>	<b>3,14</b>	<b>3,14</b>	<b>3,14</b>	<b>3,14</b>	<b>3,14</b>

### Respuesta de Ejercicios (pág.157)

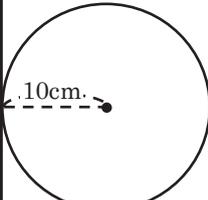
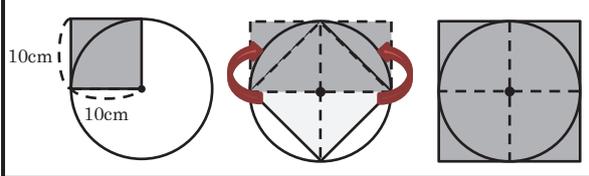
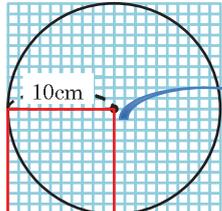
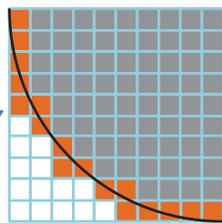
- |  |   |  |
|--|---|--|
| <u>Fórmula:</u> Cia. = $\pi \times$ diámetro               | <u>Fórmula:</u> Cia. = $\pi \times$ diámetro              | <u>Fórmula:</u> Cia. = $\pi \times$ diámetro               |
| <u>Solución:</u> $3,14 \times 10\text{cm} = 31,4\text{cm}$ | <u>Solución:</u> $3,14 \times 3\text{cm} = 9,42\text{cm}$ | <u>Solución:</u> $3,14 \times 6\text{cm} = 18,84\text{cm}$ |
| <u>Respuesta:</u> <u>31,4cm</u>                            | <u>Respuesta:</u> <u>9,42cm</u>                           | <u>Respuesta:</u> <u>18,84cm</u>                           |

Grado	Círculo	N° de clases	El objetivo
5º grado	Área del círculo (1)	4/7	Calcular el área del círculo aproximadamente.

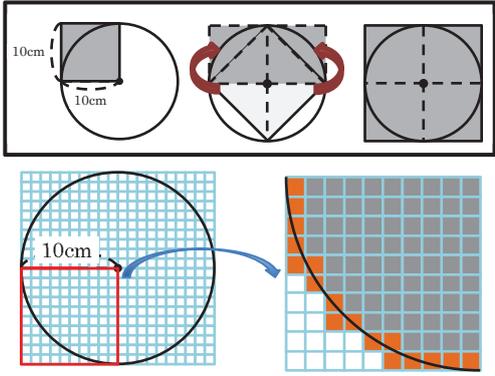
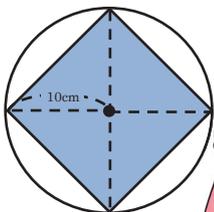
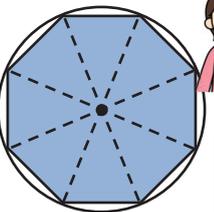
Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 15 min.	<p>1. Presentar un círculo en el pizarrón.</p>  <p>Queremos calcular el área de este círculo. ¿Cómo se calcula?</p> <p>No podemos utilizar las fórmulas que ya aprendimos. No se puede transformar en figuras conocidas...</p>	-Observar el dibujo presentado.	
Desarrollo 20 min.	<p>2. Presentar otros dibujos para calcular el área aproximadamente comparando con cuadrado.</p> 	-Observar bien los 3 dibujos.	 Dibujos para clase pág. 241
	<p>3. Preguntarles sobre la apariencia de los dibujos con cuadrados.</p> <p>¿Cuál es más grande, 1 cuadrado o el círculo?</p> <p>¿Cuál es más grande, 2 cuadrados o el círculo?</p> <p>¿Cuál es más grande, 4 cuadrados o el círculo?</p> <p>Entonces, ¿Cómo podemos calcular el área del círculo aproximadamente?</p> <p>1 cuadrado tiene 10cm de lado. ¿Podemos calcularlo aproximadamente con números concretos también?</p> <p>El área del círculo es más grande que 2 cuadrados, y menos que 4 cuadrados. Entonces, ¿será que casi igual que 3 cuadrados?</p> <p>1 cuadrado = <math>10\text{cm} \times 10\text{cm} = 100\text{cm}^2</math>.            Es decir que...            2 cuadrados = <math>100\text{cm}^2 \times 2 = 200\text{cm}^2</math>            4 cuadrados = <math>100\text{m}^2 \times 4 = 400\text{m}^2</math>            Entonces, área del círculo será  <math>200\text{cm}^2 &lt; A_{\text{O}} &lt; 400\text{cm}^2</math></p>	-Contestar al/la profesor/a.	

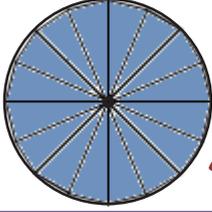
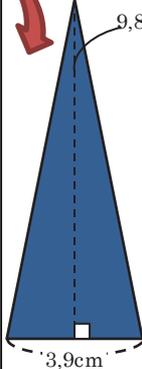
Cierre 5 min.	<p><b>4. Presentar un círculo con cuadritos.</b></p>  <p>1cm</p>	<p>-Contestar al/la profesor/a.</p> <p>Es mismo círculo. Esta vez, ¿Cómo calculamos? 1 cuadrito tiene 1cm<sup>2</sup>.</p> <p>Vamos a contar cuadritos uno a uno!</p> <p>Pero algunos cuadritos son cortados por la línea del círculo. ¿Cómo puedo contar estos incompletos?</p>	 Dibujos para clase pág. 248 y 249 
	<p><b>5. Calcular el área del círculo contando los cuadritos.</b></p>  <p>             es cuadrito completo hay 69, o sea <b>69cm<sup>2</sup></b>              es cuadrito incompleto hay 17, considera a 2 incompletos como 1 completo, o sea <b>8,5cm<sup>2</sup></b>  <math>\square + \square = 69\text{cm}^2 + 8,5\text{cm}^2 = 77,5\text{cm}^2</math>  <math>A_{\bigcirc} = 77,5\text{cm}^2 \times 4 = \mathbf{310\text{cm}^2}</math> (aproximadamente)         </p>	<p>-Cada alumno/a cuenta los cuadritos.</p> <p>Consideramos a 2 incompletos como 1 completo. Además contamos solamente 1/4 círculo. porque si contamos todos, nos cuesta demasiado. Entonces después de contar, lo multiplicamos <math>\times 4</math>.</p> <p>-Confirmar los resultados de 2 cálculos con el/la profesor/a.</p>	
<p><b>6. Confirmar lo que calculamos con 2 maneras.</b></p> <p>En 1º cálculo, salió <math>200\text{cm}^2 &lt; A_{\bigcirc} &lt; 400\text{cm}^2</math>              En 2º cálculo, salió <math>310\text{cm}^2</math> (aproximadamente) } ¡Coincide los 2 resultados!</p>			

### Plan del pizarrón

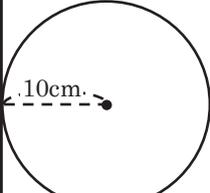
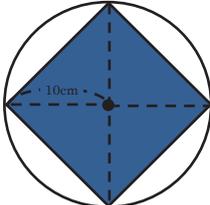
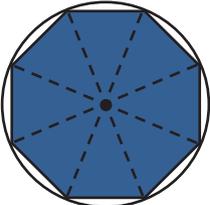
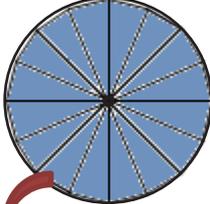
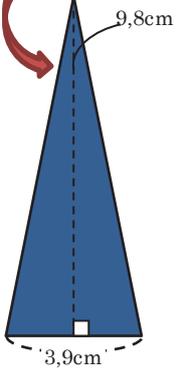
<p style="text-align: center;"><b>Matemática</b></p> <p style="text-align: center;">Vamos a calcular el área del círculo aproximadamente.</p>   <p>             1 cuadrado = <math>10\text{cm} \times 10\text{cm} = 100\text{cm}^2</math>              2 cuadrados = <math>100\text{cm}^2 \times 2 = 200\text{cm}^2</math>              4 cuadrados = <math>100\text{cm}^2 \times 4 = 400\text{cm}^2</math>  <math>200\text{cm}^2 &lt; A_{\bigcirc} &lt; 400\text{cm}^2</math> </p>	  <p>             es cuadrito completo hay 69, o sea <b>69cm<sup>2</sup></b>              es cuadrito incompleto hay 17, considera a 2 incompletos como 1 completo, o sea <b>8,5cm<sup>2</sup></b>  <math>\square + \square = 69\text{cm}^2 + 8,5\text{cm}^2 = 77,5\text{cm}^2</math>  <math>A_{\bigcirc} = 77,5\text{cm}^2 \times 4 = \mathbf{310\text{cm}^2}</math> (aproximadamente)         </p> <p style="text-align: center;"><b>¡¡Coincide los 2 resultados!!</b></p>
---	---

Grado	Círculo	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Área del círculo (2)	5/7	Calcular área del círculo aproximadamente por la utilización de los conocimientos conocidos.

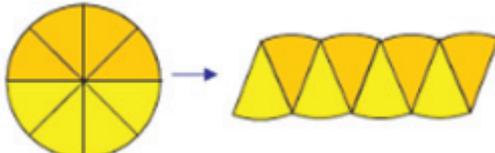
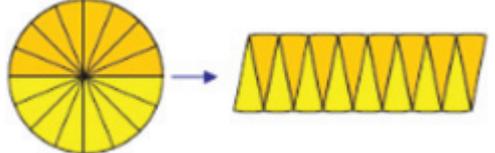
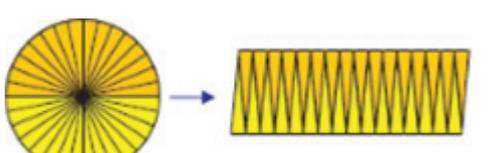
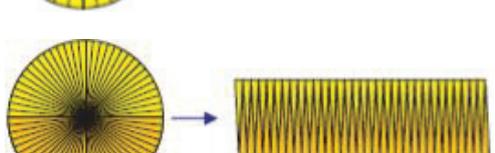
Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que han aprendido en la clase anterior.</p>  <p>En la clase pasada, calculamos el área del círculo aproximadamente. ¿Cómo lo calculamos?</p> 	<p>-Recordar lo que aprendieron y contestar al/la profesor/a.</p> <p>Calculé comparando con cuadrado. 1 cuadrado = 100cm<sup>2</sup>, además 2 cuadrados &lt; A○ &lt; 4 cuadrados. O sea que 200cm<sup>2</sup> &lt; A○ &lt; 400cm<sup>2</sup></p> <p>Contamos los cuadritos que están dentro del círculo.  <math>\square + \square = 69\text{cm}^2 + 8,5\text{cm}^2</math>  <math>= 77,5\text{cm}^2</math>  <math>A\bigcirc = 77,5\text{cm}^2 \times 4</math>  <math>= 310\text{cm}^2</math> (aproximadamente)</p>	 
Desarrollo 25 min.	<p>2. Presentar los dibujos que tienen polígonos dentro del círculo.</p>  <p>¿Qué figura hay dentro del círculo?</p>  <p>¿Qué figura hay dentro del círculo?</p> <p>En comparación con arriba, ¿Qué es la diferencia entre los 2?</p> <p>3. Preguntarles sobre los polígonos que se acercan a círculo.</p>  <p>¿Qué les parece, qué figura necesitamos para que sea más parecido al círculo?</p>	<p>-Observar los dibujos y contestar al/la profesor/a.</p> <p>¡Hay un cuadrado (rombo)!</p> <p>¡Hay un octágono!</p> <p>Abajo tiene menos espacio blanco que arriba. ¡¡Octágono es más parecido a círculo que cuadrado!!</p> <p>-Considerar qué se necesita para acercarse al círculo.</p> <p>Octágono es más parecido a círculo... Entonces, ¿Será que cuantos más ángulos hay, más se acerca a círculo?</p>	 <p>Dibujos para clase pág. 250</p>   

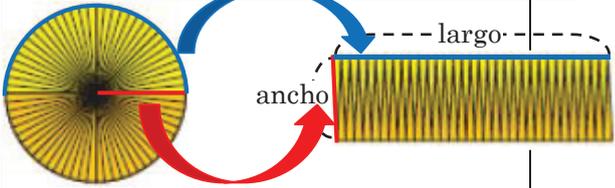
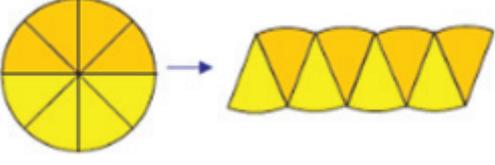
Cierre 10 min.	<p><b>4. Presentar otro dibujo.</b></p>  <p>Dentro del círculo, hay un hexadecágono regular. ¿Cómo se puede calcular el área del hexadecágono?</p> <p>Hexadecágono es casi igual que círculo, pero no es igual perfectamente. Les diga bien que este resultado es el área aproximada.</p>	<p>-Pensar cómo calcular el área del hexadecágono.</p> <p>Dentro del hexadecágono, hay 16 triángulos isósceles. Ya sabemos la fórmula de triángulo, entonces ¡¡Puedo calcularlo!!</p>  <p> <b>Área del triángulo</b>  <math>b = 3,9\text{cm}</math>  <math>h = 9,8\text{cm}</math>  <math>A = \frac{b \times h}{2}</math>  <math>= \frac{3,9\text{cm} \times 9,8\text{cm}}{2}</math>  <math>= 19,11\text{cm}^2</math> </p> <p> <b>Área del hexadecágono</b>  <math>19,11\text{cm}^2 \times 16 = 305,76\text{cm}^2</math>  <b>Área del círculo</b>  <math>305,76\text{cm}^2</math> (aproximadamente)         </p>	 <p>Dibujos para clase pág. 251</p>
	<p>1º manera: <math>200\text{cm}^2 &lt; A_{\text{O}} &lt; 400\text{cm}^2</math></p> <p>2º manera: <math>310\text{cm}^2</math> (aproximadamente) <span style="float: right;"><b>Las 3 son iguales aproximadamente!!</b></span></p> <p>3º manera: <math>305,76\text{cm}^2</math> (aproximadamente)</p>		

### Plan del pizarrón

<p style="text-align: center;"><b>Matemática</b></p> <p style="text-align: center;">Vamos a calcular el área del círculo aproximadamente.</p>  <p>(Manera 1) <math>200\text{cm}^2 &lt; A_{\text{O}} &lt; 400\text{cm}^2</math></p> <p>(Manera 2) <math>A_{\text{O}} = 77,5 \text{ m}^2 \times 4 = 310\text{cm}^2</math> (aproximadamente)</p>  <p style="text-align: center;"><b>Cuadrado</b> Hay mucho espacio blanco.</p>  <p style="text-align: center;"><b>Octágono</b> Menos espacio blanco, Pero hay todavía.</p>	<p style="text-align: center;"><b>Hexadecágono</b> Casi igual que el círculo</p>   <p> <b>Área del triángulo</b>  <math>b = 3,9\text{cm}</math>  <math>h = 9,8\text{cm}</math>  <math>A = \frac{b \times h}{2}</math>  <math>= \frac{3,9\text{cm} \times 9,8\text{cm}}{2}</math>  <math>= 19,11\text{cm}^2</math> </p> <p> <b>Área del hexadecágono</b>  <math>19,11\text{cm}^2 \times 16 = 305,76\text{cm}^2</math>  <math>A_{\text{O}} = 305,76\text{cm}^2</math> (aproximadamente)         </p> <p style="text-align: center;"><b>¡¡Los 3 resultados son casi iguales!!</b></p>
--	--

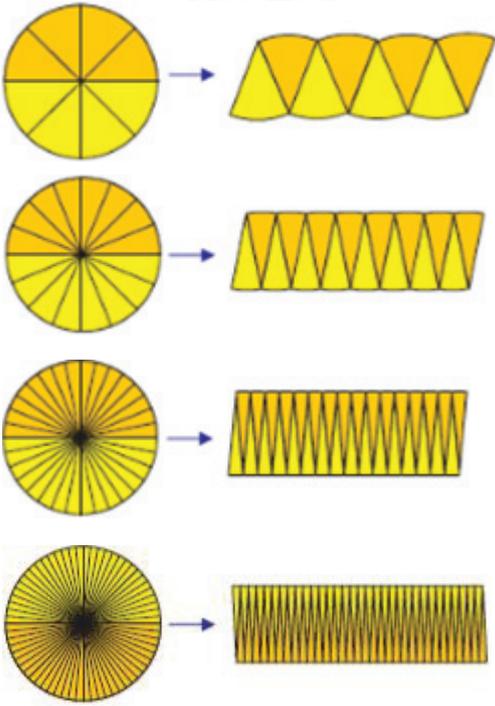
Grado	Círculo	Nº de clases	El objetivo
5º grado	Área del círculo (3)	6/7	Descubrir la fórmula para calcular área de un círculo.

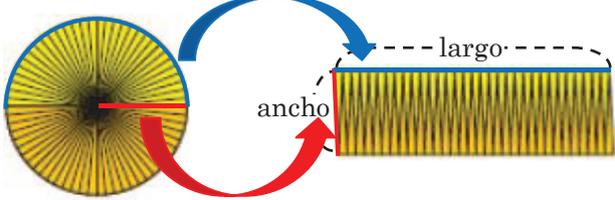
Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p><b>Repasar lo que han aprendido en la clase anterior.</b></p>  <p>Antes, calculamos el área de círculo aproximadamente con varias maneras. ¿Se recuerdan cómo salió?</p>	<p>-Recordar lo que aprendieron y contestar al/la profesor/a.</p> <p><b>Todos resultados salieron parecidos. Aproximadamente, 310cm²!</b></p>	
Desarrollo 25 min.	<b>¡Vamos a descubrir la fórmula para calcular el área del círculo!</b>		
	<p><b>2. Presentar los dibujos.</b></p>  <p>Observen bien cada dibujo. ¿En cuántas partes se dividió cada círculo? Y ¿A qué figura se parecen las figuras transformadas?</p>    	<p>-Observar bien los dibujos presentados y pensar sobre la transformación del círculo.</p> <p><b>¡1º dibujo, se dividió en 8 partes iguales! Y creo que se parece paralelogramo!!</b></p> <p><b>¡2º dibujo, se dividió en 16 partes iguales! Y creo que se parece paralelogramo también!!</b></p> <p><b>¡3º dibujo, se dividió en 32 partes iguales! Y creo que se parece paralelogramo, pero es parecido a rectángulo también.</b></p> <p><b>4º dibujo, se dividió 64 partes iguales. ¡Y ya es casi igual que un rectángulo!!</b></p>	 <p>Dibujos para clase pág.252</p>    
	<p><b>3. Preguntarles sobre las figuras transformadas.</b></p>  <p>¿Hay algo que se dieron cuenta a través de observar los 4 dibujos?</p>	<p>-Contestar al/la profesor/a.</p> <p><b>Cuantos más partes se divide, más se acerca a <b>rectángulo</b>!!</b></p> <p><b>Cuando se calcula el área de círculo, ¿Será que se puede utilizar la fórmula de rectángulo?</b></p>	

Cierre 10 min.	<p>4. Observar los dibujos con los alumnos para identificar su largo y ancho.</p>  <p>Observen bien cada dibujo. ¿En cuántas partes se dividió cada círculo? Y ¿A qué figura se parecen las figuras transformadas?</p> <p>rectángulo. , vamos a n estos?</p>	<p>-Pensar qué parte coincide con largo y ancho.</p>	
	<p>5. Descubrir la fórmula del círculo.</p> <p>Cuando descubre la fórmula, tiene que explicar paso a paso para que entiendan bien su mecanismo. Aquí, hay que comprender bien cómo reemplazan y con qué</p> 	<p>El largo del rectángulo coincide con la mitad de la circunferencia El ancho del rectángulo coincide con el radio del círculo.</p> <p>Área de círculo (Co) = largo × ancho = <math>\cancel{2} r \times \pi \times r</math> = <math>\pi \times r^2</math></p> <p>¡Área del círculo también, pudimos calcular utilizando la transformación de la figura!!</p>	<p>-Escuchar bien lo que explica el/la profesor/a.</p> <p>-Hacer el trabajo solo/a.</p>

### Plan del pizarrón

**Matemática**



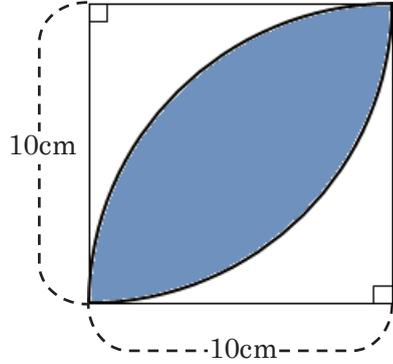
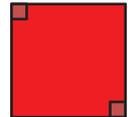
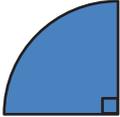
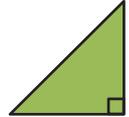


El largo del rectángulo coincide con la mitad de la circunferencia  
El ancho del rectángulo coincide con el radio del círculo.

Área de círculo (Co) = largo × ancho  
=  $\cancel{2} r \times \pi \times r$   
=  $\pi \times r^2$

Área de círculo también, se puede calcular utilizando la transformación de la figura!!

Grado	Círculo	N° de clases	El objetivo
5º grado	Área del círculo (4)	7/7	Comprender procedimiento de cálculo del área de un círculo.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que han aprendido en la clase anterior.</p> <p>En la clase pasada, aprendimos la fórmula de área de círculo. ¿Cómo es?</p> <p>2. Darles un ejercicio para calcular figura compuesta en el pizarrón.</p>	<p>-Contestar al/la profesor/a.</p> <p>La fórmula de área es Área de círculo (<math>C_o</math>) = <math>\pi \times r^2</math></p> <p>-Observar el dibujo presentado.</p>	 
Desarrollo 25 min.	<p><b>¡Vamos a calcular el área pintada!</b></p>  <p>Queremos calcular el área pintada. ¿Se puede usar algunas fórmulas? O ¿Esta figura tiene su fórmula? ¿Cómo lo calculamos?</p> <p>No sé ninguna fórmula para calcular esta figura... Pero parece que se compone de unas figuras conocidas!!</p> <p>3. Descubrir las figuras que se pueda calcular con las fórmulas.</p> <p>¡Vamos a encontrar las figuras que podamos calcular, en esta figura se esconden unas figuras! Además calculen sus áreas también.</p> <div style="display: flex; justify-content: space-around; align-items: center;"> <div style="text-align: center;">  <p><math>10\text{cm} \times 10\text{cm}</math> <math>= 100\text{cm}^2</math></p> </div> <div style="text-align: center;">  <p><math>\frac{10\text{cm} \times 10\text{cm} \times 3,14}{4}</math> <math>= 78.5\text{cm}^2</math></p> </div> <div style="text-align: center;">  <p><math>\frac{10\text{cm} \times 10\text{cm}}{2}</math> <math>= 50\text{cm}^2</math></p> </div> </div>	<p>-Pensar y hallar las figuras escondidas.</p>	<p>Dibujo para clase pág.253</p> 
Cierre 10 min.	<p>4. Darles un tiempo y la hoja de figura compuesta para pensar las maneras de calcular el área pintada.</p> <p>5. Compartir las ideas que los alumnos pensaron entre todos.</p> <p><b>¡ATENCIÓN!</b>  En la siguiente página, puede ver ideas previsibles que los alumnos encuentren.</p> <p>6. Practicar los ejercicios. Repartir la hoja a cada alumno/a para trabajar en forma individual.</p>	<p>-Cada uno piensa la manera de calcularlo.</p> <p>-Presentar sus opiniones.</p> <p>-Hacer el trabajo solo/a.</p>	<p>Hoja para clase pág.160</p>  <p>Hoja para Ejercicios</p>

## Plan del pizarrón

**Matemática**

$Co = \pi \times r^2$

$10\text{cm} \times 10\text{cm} = 100\text{cm}^2$   
 $\frac{10\text{cm} \times 10\text{cm} \times 3,14}{4} = 78,5\text{cm}^2$   
 $\frac{10\text{cm} \times 10\text{cm}}{2} = 50\text{cm}^2$

**Idea 1**

$78,5\text{cm}^2 - 50\text{cm}^2 = 28,5\text{cm}^2$   
 $28,5\text{cm}^2 \times 2 = 57\text{cm}^2$

**Idea 2**

$100\text{cm}^2 - 78,5\text{cm}^2 = 21,5\text{cm}^2$   
 $21,5\text{cm}^2 \times 2 = 43\text{cm}^2$   
 $100\text{cm}^2 - 43\text{cm}^2 = 57\text{cm}^2$

Se puede utilizar las 3 maneras

- \*Dividir con línea
- \*Cortar y cambiar el lugar
- \*Agregar y quitar

**¡ATENCIÓN!**

**Idea previsible**

$78,5\text{cm}^2 + 78,5\text{cm}^2 - 100\text{cm}^2 = 57\text{cm}^2$

Aquí, está presentado solamente 3 maneras como opiniones típicas. Si los alumnos encuentran otras maneras, vamos a respetarlas!!

### Respuesta de Ejercicios (pág.161)

**Solución**

$10\text{cm} \times 10\text{cm} \times 3,14 = 314\text{cm}^2$

$5\text{cm} \times 5\text{cm} \times 3,14 = 78,5\text{cm}^2$

$314\text{cm}^2 - 78,5\text{cm}^2 = 235,5\text{cm}^2$

**Respuesta**

$235,5\text{cm}^2$

**Solución**

$10\text{cm} \times 10\text{cm} \times 3,14 : 2 = 157\text{cm}^2$

\_\_\_\_\_

\_\_\_\_\_

**Respuesta**

$157\text{cm}^2$

**Solución**

$12\text{cm} \times 24\text{cm} = 288\text{cm}^2$

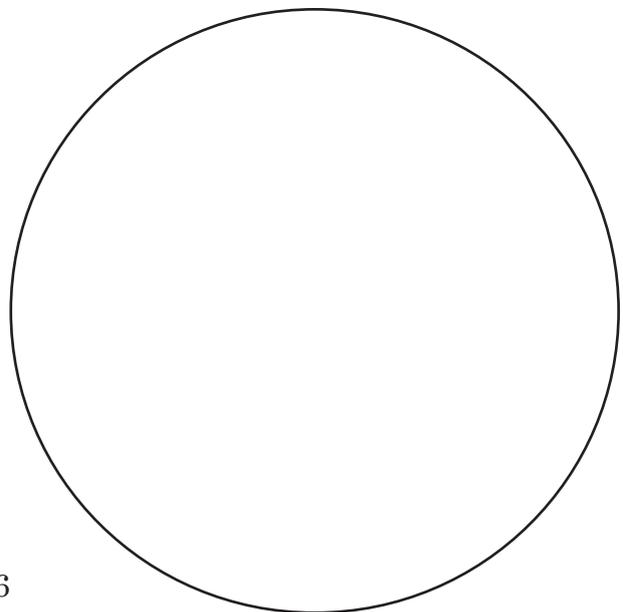
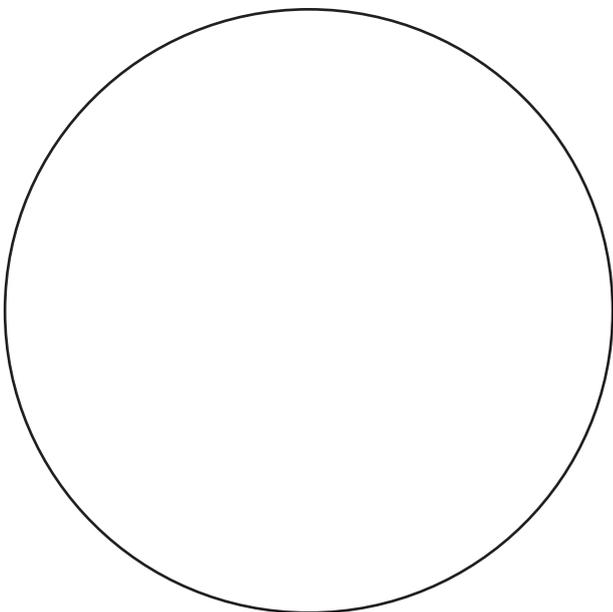
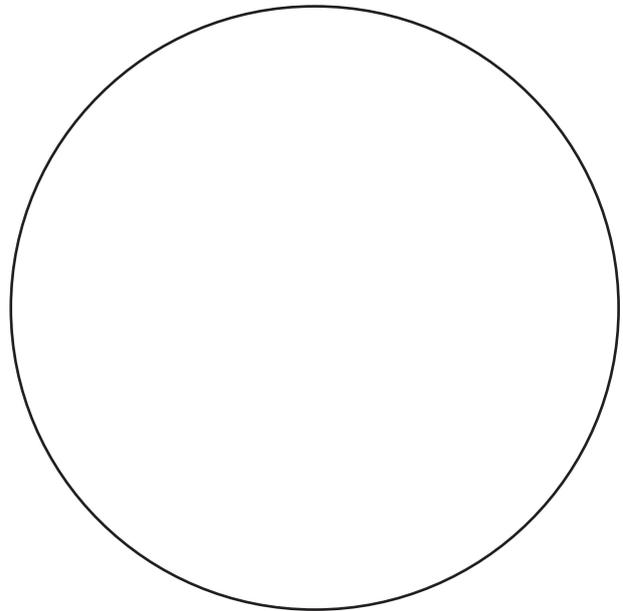
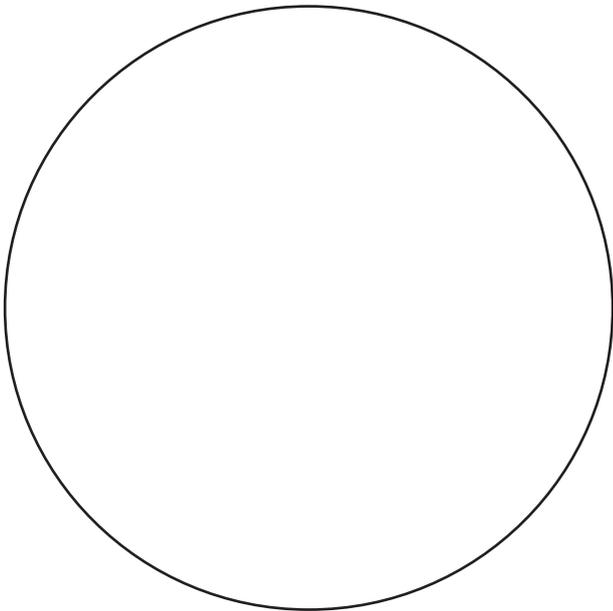
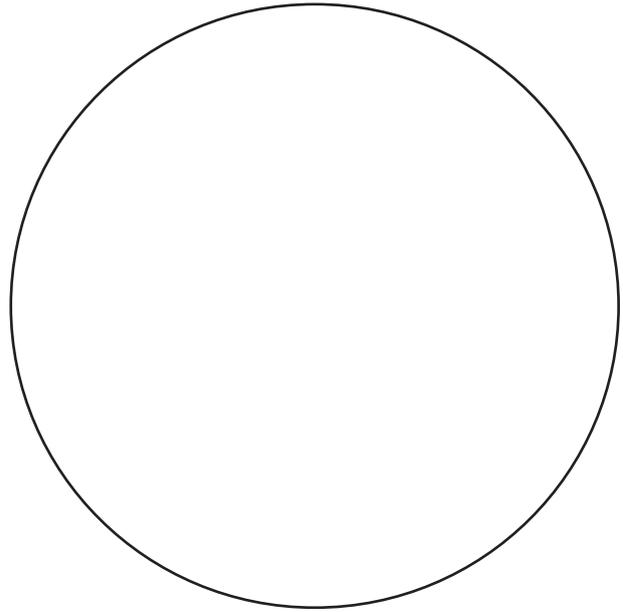
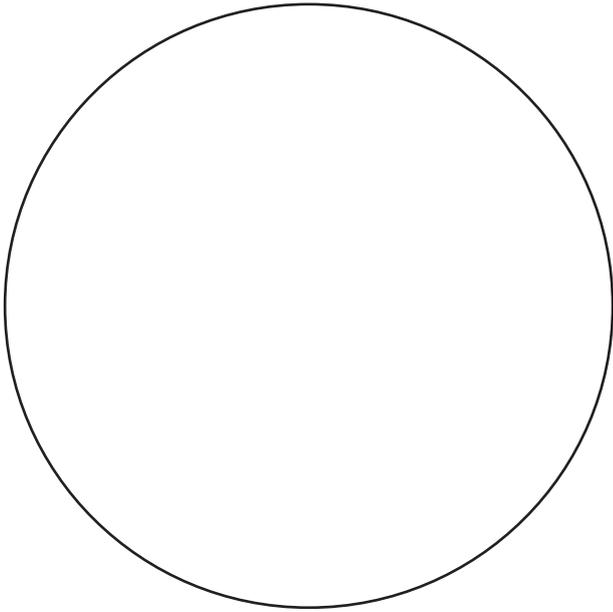
$12\text{cm} \times 12\text{cm} \times 3,14 : 4 \times 2 = 226,08\text{cm}^2$

$288\text{cm}^2 - 226,08\text{cm}^2 = 61,92\text{cm}^2$

**Respuesta**

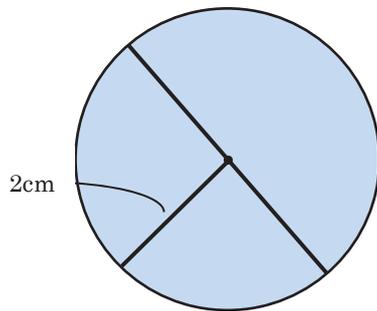
$61,92\text{cm}^2$

## Hoja de círculo(Conocimiento(diámetro))



## Ejercicios (Conocimiento(diámetro))

1. Analizo los elementos de siguiente círculo y completo los ejercicios dados.



a) ¿Cuántos cm mide el radio?

\_\_\_\_\_

b) ¿Cuántos cm mide el diámetro?

\_\_\_\_\_

c) Trace 2 radios y 2 diámetros en el círculo.

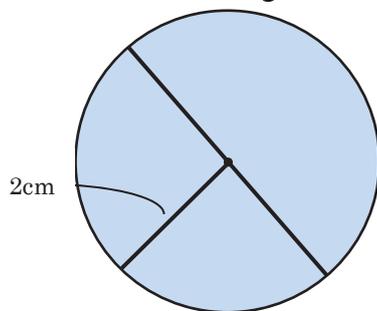
2. Dibujo los círculos utilizando los datos dados, utilizar regla y compás.

a) Un círculo que mide 1,5cm de radio.

b) Un círculo que mide 5cm de diámetro

---

1. Analizo los elementos de siguiente círculo y completo los ejercicios dados.



a) ¿Cuántos cm mide el radio?

\_\_\_\_\_

b) ¿Cuántos cm mide el diámetro?

\_\_\_\_\_

c) Trace 2 radios y 2 diámetros en el círculo.

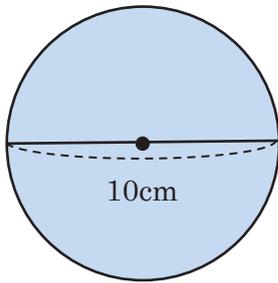
2. Dibujo los círculos utilizando los datos dados.

a) Un círculo que mide 1,5cm de radio.

b) Un círculo que mide 5cm de diámetro

## Ejercicios (Conosimientocircunferencia y pi)

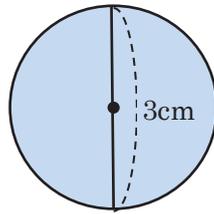
1. Calculo la longitud de la circunferencia de los siguientes círculos.



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

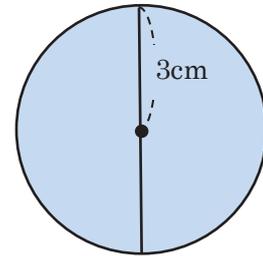
Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

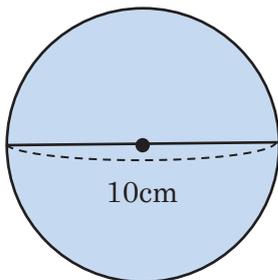


Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

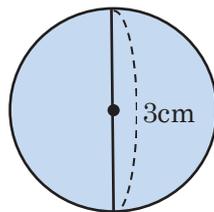
1. Calculo la longitud de la circunferencia de los siguientes círculos.



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

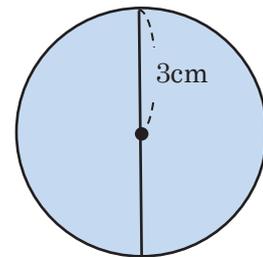
Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

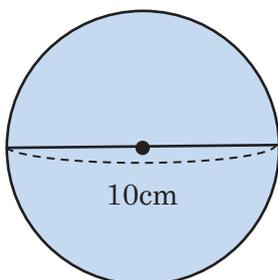


Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

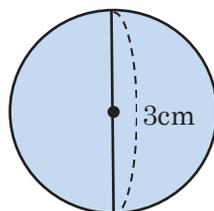
1. Calculo la longitud de la circunferencia de los siguientes círculos.



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

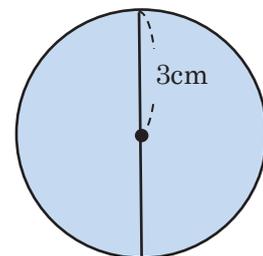
Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_



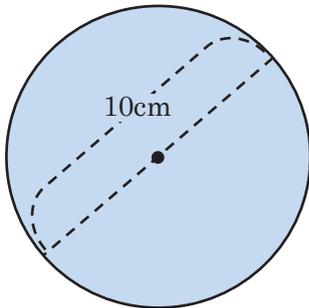
Fórmula: \_\_\_\_\_

Solución: \_\_\_\_\_

Respuesta: \_\_\_\_\_

## Ejercicios (Área del círculo (3))

1. Calcule el área de las siguientes figuras.



Fórmula

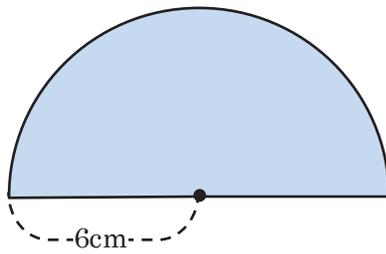
\_\_\_\_\_

Solución

\_\_\_\_\_

Respuesta

\_\_\_\_\_



Fórmula

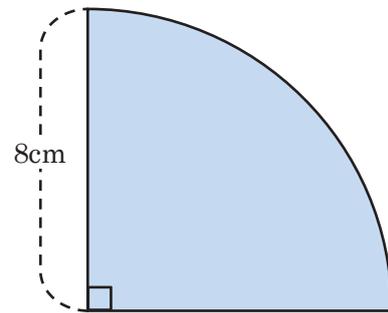
\_\_\_\_\_

Solución

\_\_\_\_\_

Respuesta

\_\_\_\_\_



Fórmula

\_\_\_\_\_

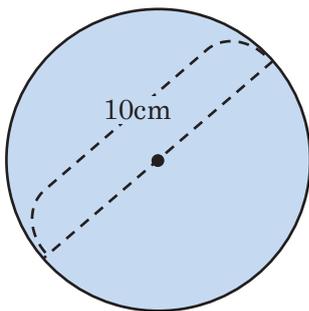
Solución

\_\_\_\_\_

Respuesta

\_\_\_\_\_

1. Calcule el área de las siguientes figuras.



Fórmula

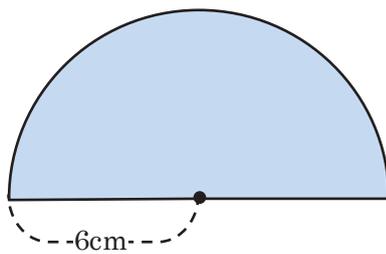
\_\_\_\_\_

Solución

\_\_\_\_\_

Respuesta

\_\_\_\_\_



Fórmula

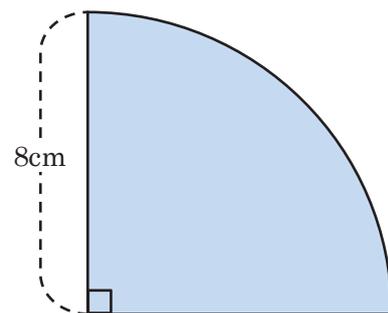
\_\_\_\_\_

Solución

\_\_\_\_\_

Respuesta

\_\_\_\_\_



Fórmula

\_\_\_\_\_

Solución

\_\_\_\_\_

Respuesta

\_\_\_\_\_

### Respuesta de Ejercicios



Fórmula

$Co = \pi \times r^2$

Solución

$3,14 \times 5\text{cm} \times 5\text{cm} = 78,5\text{cm}^2$

Respuesta

$78,5\text{cm}^2$

Fórmula

$Co = \pi \times r^2$

Solución

$(3,14 \times 6\text{cm} \times 6\text{cm}) : 2 = 56,52\text{cm}^2$

Respuesta

$56,52\text{cm}^2$

Fórmula

$Co = \pi \times r^2$

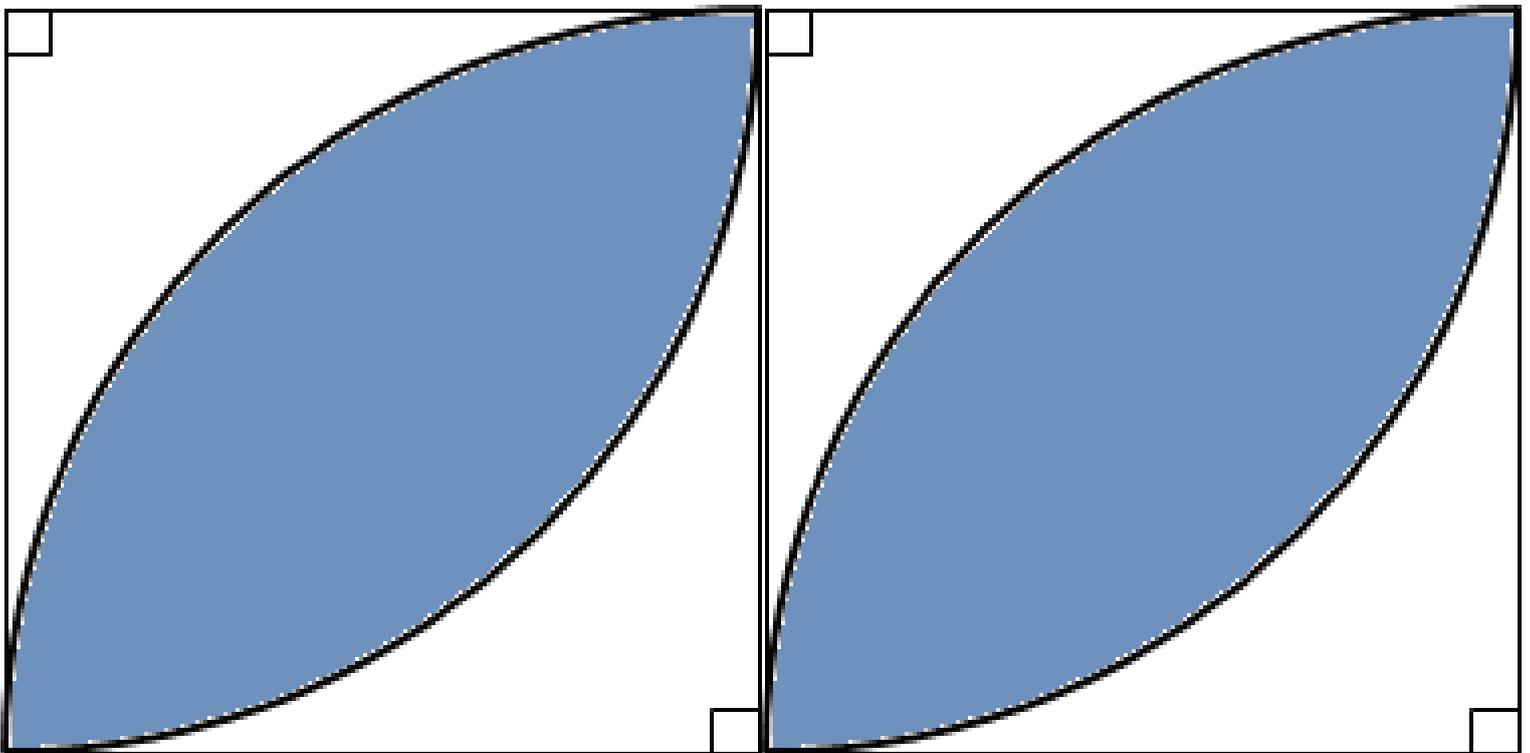
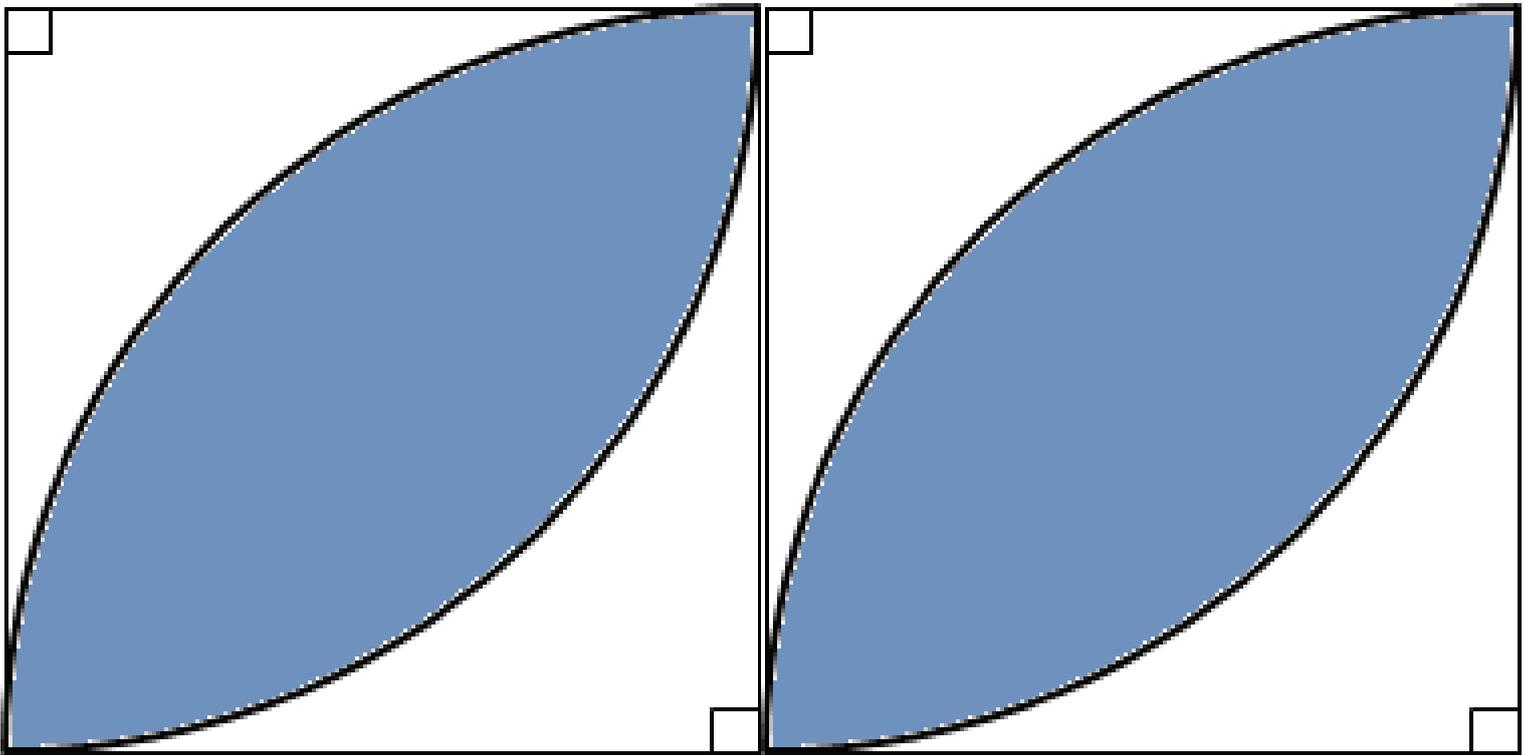
Solución

$(3,14 \times 8\text{cm} \times 8\text{cm}) : 4 = 50,24\text{cm}^2$

Respuesta

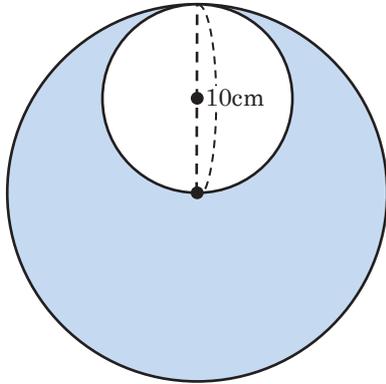
$50,24\text{cm}^2$

Hoja para clase(Área del círculo(4))



## Ejercicios (Área del círculo (4))

Calcule el área de parte pintada de las siguientes figuras.



Solución

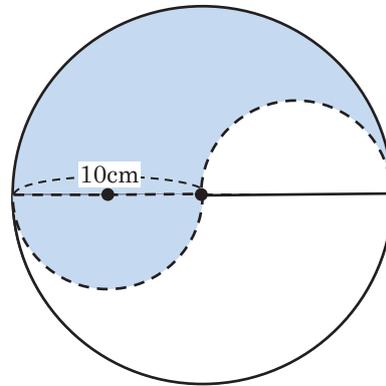
---



---

Respuesta

---



Solución

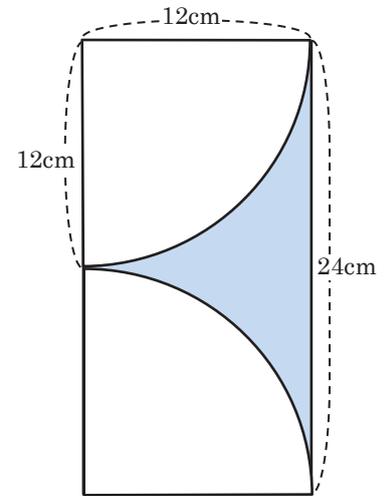
---



---

Respuesta

---



Solución

---

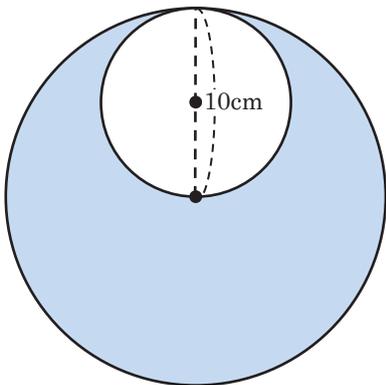


---

Respuesta

---

Calcule el área de parte pintada de las siguientes figuras.



Solución

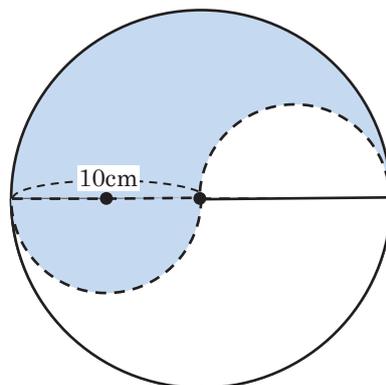
---



---

Respuesta

---



Solución

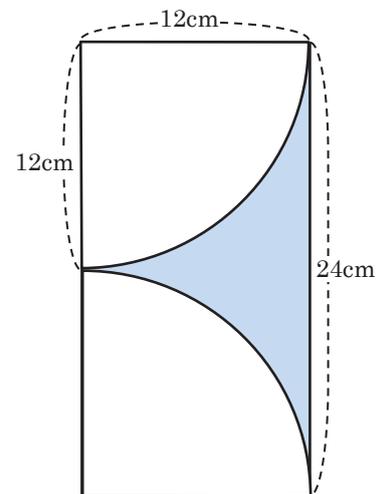
---



---

Respuesta

---



Solución

---



---

Respuesta

---

# Cuerpo geométrico

Objeto del estudio

6° grado



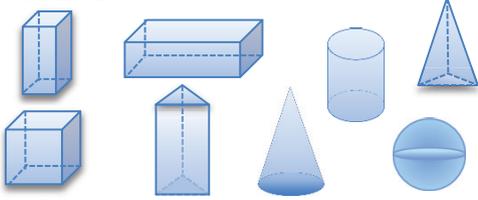
Introducción .....	pág. 164
Características del prisma .....	pág. 166
Construcción del prisma .....	pág. 168
Cubo .....	pág. 170
Prisma.....	pág. 174
Cilindro .....	pág. 180
(Fotocopia).....	pág. 184

El plan de enseñanza del programa de estudios: *Cuerpo geométrico*

Unidad	Nº de clase	Tema	Fotocopia
Cuerpo geométrico (10)	1	Introducción	
	2	Características del prisma	
	3	Construcción del prisma	 
	4	Cubo(1)	
	5	Cubo(2)	
	6	Prisma(1)	
	7	Prisma(2)	 
	8	Prisma(3)	 
	9	Cilindro(1)	
	10	Cilindro(2)	 



Grado	Cuerpo geométrico	Nº de clases	El objetivo
6º grado	Introducción	1/10	Confirmar los nombres de los cuerpos geométricos y buscar prismas y cilindros que están cerca.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 10 min.	<p>1. <b>Mostrar los cuerpos geométricos. Clasificarlos confirmando sus nombres.</b></p> 	<p>-Contestar sus nombres.</p> <p>Cilindro. Cubo. Prisma. Pirámide.</p> 	<p>Materiales concretos</p> <p>Dibujos para el pizarrón</p>
Desarrollo 20 min.	<p>2. <b>Plantear el tema.</b></p> <p><b>¡Vamos a buscar los cuerpos geométricos en la vida diaria!</b></p> <p>Dar 5 minutos para buscar. Preguntar qué encontraron y a cuál cuerpo geométrico es parecido.</p> <p>¿Hay algo parecido a los cuerpos geométricos en la sala de clase?</p> <p>Es mejor que los alumnos busquen objetos en la sala de clases antes de colocar cajas, latas, etc. enfrente.</p> <p>3. <b>Decir las adivinanzas de los</b></p> <p>Voy a decir las características. Contesten a que cuerpo geométrico corresponde.</p>  <p>¿Quién quiere decir la adivinanza?</p> <p><b>Otro juego para familiarizarse con las características de los cuerpos.</b></p> <p>1) Elegir uno/a alumno/a. 2) Vendar sus ojos y entregar el cuerpo. 3) El/la alumno/a toca, contesta el nombre del cuerpo y palpa la forma.</p>	<p>-Buscar en la sala de clase. -Escribir lo que encuentran en sus cuadernos.</p> <p>Una tiza es parecida al cilindro. La caja de leche es parecida al prisma.</p> <p>-Contestar. -Dar la adivinanza a otros alumnos.</p> <p>(cubo) Tiene los lados cuadrados. Como un dado. (prisma rectangular) Es largo. Tiene los rectángulos. (cilindro) Es largo. Tiene dos círculos.</p>  	<p>Cajas</p>
Cierre 10 min.	<p>4. <b>Dar los ejercicios.</b> 5. <b>Confirmar las respuestas y avisar de la siguiente clase.</b></p> <p>Hay varios objetos con diferentes cuerpos geométricos en la vida diaria. En la siguiente clase, vamos a aprender cada cuerpo.</p> 	<p>-Practicar los ejercicios. -Saber que van a aprender en la siguiente clase.</p>	<p>Hoja para Ejercicios</p>

## Plan del pizarrón

Matemática    Cuerpo geométrico

prisma triangular    prisma cuadrangular    prisma rectangular    cubo    pirámide

cilindro    cono    esfera

prismas    poliedros    cuerpos redondos

**¡Vamos a buscar los cuerpos en la vida diaria!**

prisma	cubo	cilindro	cono	esfera
-caja de leche	-dado	-tiza	-cono de Papá Noel	-pelota
-	-	-	-	-

**¡ATENCIÓN!** El objetivo de buscar los objetos es para hacer que los alumnos tengan interés por los cuerpos geométricos. Por eso los objetos no necesitan tener toda la característica del cuerpo geométrico, sino ser parecidos.

## Respuesta de Ejercicios (pág.184)

### Cuerpo geométrico

1. Escribo las clases de cuerpos geométricos y elige la letra que contenga el nombre de la figura.

- a) prisma cuadrangular    b) cono    c) cilindro    d) pirámide  
 e) esfera    f) prisma triangular    g) cubo    h) prisma rectangular

( f ) ( a ) ( h ) ( g ) ( d )

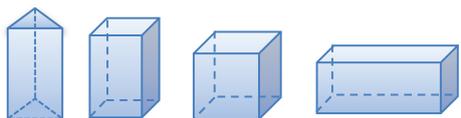
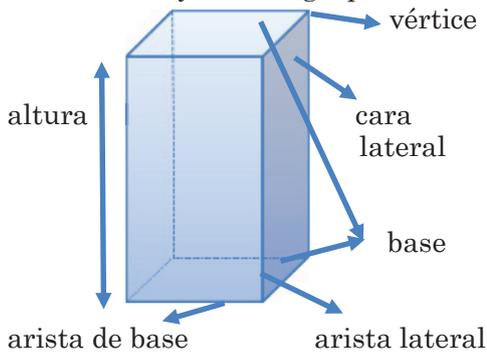
( c ) ( b ) ( e )

prismas    poliedros    cuerpos redondos

2. Clasifico los objetos en cilindro, prisma rectangular y cubo.

cilindro    cubo    prisma rectangular

Grado	Cuerpo geométrico	Nº de clases	El objetivo
6º grado	Características del prisma	2/10	Analizar las características de los prismas.

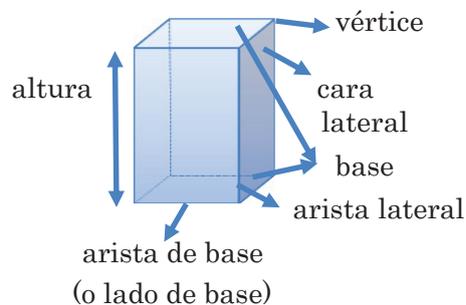
Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p><b>1. Mostrar los prismas y confirmar sus nombres.</b></p> 	<p>-Contestar los nombres.</p> <p>Prisma triangular. <span style="border: 1px solid black; border-radius: 15px; padding: 2px;">Cubo.</span></p> <p>Prisma cuadrangular.</p> <p>Prisma rectangular. </p>	Dibujos
Desarrollo 25 min.	<p><b>2. Plantear el tema.</b></p> <div style="border: 2px solid black; padding: 5px; text-align: center; margin: 10px 0;"> <p><b>¡Vamos a observar el prisma!</b></p> </div> <p><b>3. Mostrar el prisma y confirmar sus elementos.</b> Dar una caja a cada grupo.</p>  <p><b>4. Confirmar los números de los elementos y las características.</b></p> <p><b>5. Dar tiempo para pensar otros prismas.</b></p> <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>Hay varios prismas. Vamos a analizar los elementos de estos prismas y completar la tabla.</p> </div>  <p><b>6. Preguntar qué se dieron cuenta con el ejercicio.</b></p>	<p>-Observar la caja en grupo.</p> <p>-Escribir los elementos y las características en sus cuadernos.</p> <p>-Analizar los elementos de otros prismas.</p>	Cajas
Cierre 10 min.	<div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>¿Qué se dieron cuenta sobre los nombres de los prismas?</p> </div> <div style="border: 1px solid purple; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>Comparar el número de vértices en cada base con otros números.</p> </div> 	<div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>Los prismas toman el nombre según el polígono que forma la base.</p> </div> <div style="border: 1px solid blue; border-radius: 15px; padding: 5px; margin: 5px 0;"> <p>¡El número total de vértices es 2 veces del número de vértices en cada base!</p> </div> 	Hoja para la clase

## Plan del pizarrón

Matemática

¡Vamos a observar el prisma!

### Prisma



<b>bases</b>	Dos polígonos iguales y paralelos.
<b>caras laterales</b>	Tocan las bases verticalmente. Son rectángulos o cuadrados. El número de caras laterales es igual que el número de aristas de base (o lados de base).
<b>aristas</b>	Lados de las bases y de las caras laterales.
<b>vértices</b>	Puntos donde se unen las aristas.
<b>altura</b>	Distancia entre los planos de las bases.

	nombre	número de vértices en cada base	número total de vértices	número total de aristas	número de caras laterales
	prisma triangular	3	$\times 2$ 6	$\times 3$ 9	igual 3
	prisma cuadrangular	4	8	12	4
	prisma rectangular	4	8	12	4
	cubo	4	8	12	4

-Los prismas toman el nombre según la forma del polígono de la base.

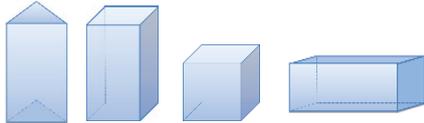
-Cubo es el prisma que tiene todas las aristas iguales.

## Hoja para la clase (pág.185)

	nombre	número de vértices en cada base	número total de vértices	número total de aristas	número de caras laterales

Escribo sobre lo que me di cuenta.

Grado	Cuerpo geométrico	Nº de clases	El objetivo
6º grado	Construcción del prisma	3/10	Conocer cómo dibujar el prisma rectangular, prisma cuadrangular y cubo.

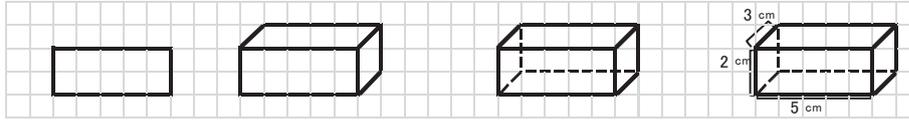
Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. <b>Mostrar los prismas y confirmar sus nombres.</b></p> 	<p>-Contestar sus nombres.</p> <p>Prisma triangular. </p> <p>Prisma cuadrangular. </p> <p>Prisma rectangular.</p>	
Desarrollo 25 min.	<p>2. <b>Plantear el tema.</b></p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; text-align: center; margin: 10px auto; width: fit-content;"> <p><b>¡Vamos a dibujar los prismas!</b></p> </div> <p>¡Vamos a dibujar los prismas! <u>Hay que dibujar para mostrar las formas.</u> </p> <p>3. <b>Explicar cómo dibujar el prisma.</b> (Véase el plan del pizarrón.)</p> <div style="border: 1px solid green; border-radius: 15px; padding: 10px; margin: 10px auto; width: fit-content;"> <p>Los puntos para dibujar.</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>➤ Usar la regla para trazar líneas.</li> <li>➤ Trazar las aristas que no se ven con las líneas de puntos.</li> <li>➤ Las aristas que tienen misma medida se representan en líneas iguales.</li> <li>➤ Las aristas paralelas se trazan en paralelo.</li> <li>➤ Las caras congruentes se dibujan con figuras geométricas congruentes.</li> </ul> </div>	<p>-Practicar para dibujar el prisma rectangular, el prisma cuadrangular, el cubo y el prisma triangular.</p> <p>Indicar a los alumnos que terminó rápido que practica otros prismas. </p> <p>-Practicar los ejercicios. </p>	<p>Dibujos de los prismas</p>  <p>Hoja cuadriculada pág.245</p> <p>Hoja para Ejercicios</p>
Cierre 10 min.	<p>4. <b>Dar hoja cuadriculada para dibujar.</b></p> <p>5. <b>Dar tiempo para practicar.</b></p> <p>6. <b>Dar los ejercicios.</b></p>	<p>Para los alumnos es difícil de confirmar que sus dibujos son correctos o no. Entonces, es mejor que el /la profesor/a corrija cada dibujo. Marcar las alturas es muy buen ejercicio, porque después de esta unidad, van a aprender el volumen y calcular el volumen, hay que saber dónde está la altura del prisma.</p>	

## Plan del pizarrón

Matemática

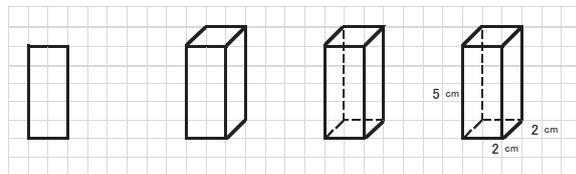
Prisma rectangular

¡Vamos a dibujar los prismas!

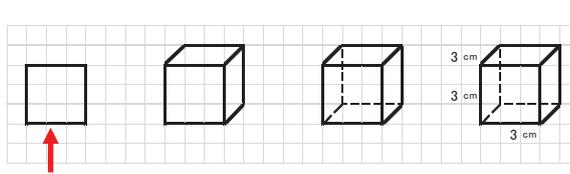


- 1 Dibujar un rectángulo.
- 2 Dibujar las aristas que se ven.
- 3 Dibujar las aristas que no se ven con las líneas de puntos.
- 4 Escribir las medidas de aristas.

Prisma cuadrado

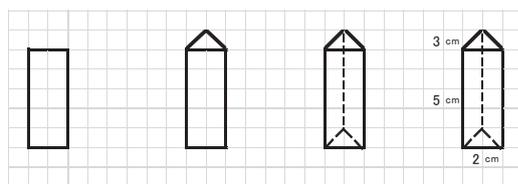


Cubo



Dibujar un cuadrado.

Prisma triangular



Hay que dibujar para mostrar forma total.

## Respuesta de Ejercicios (pág.186)

¡Vamos a dibujar!

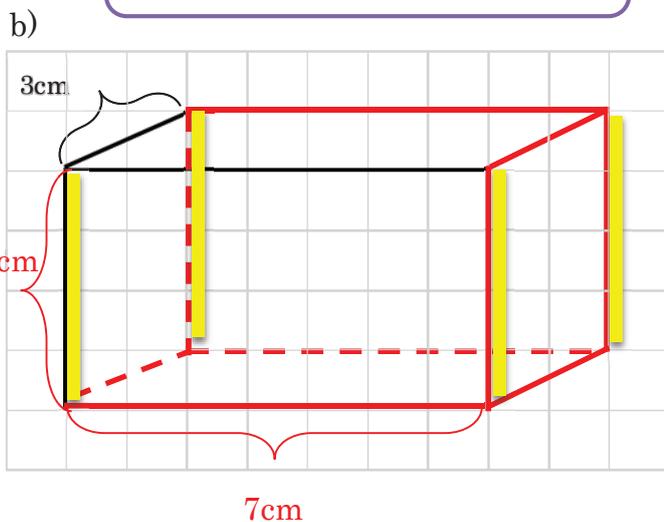
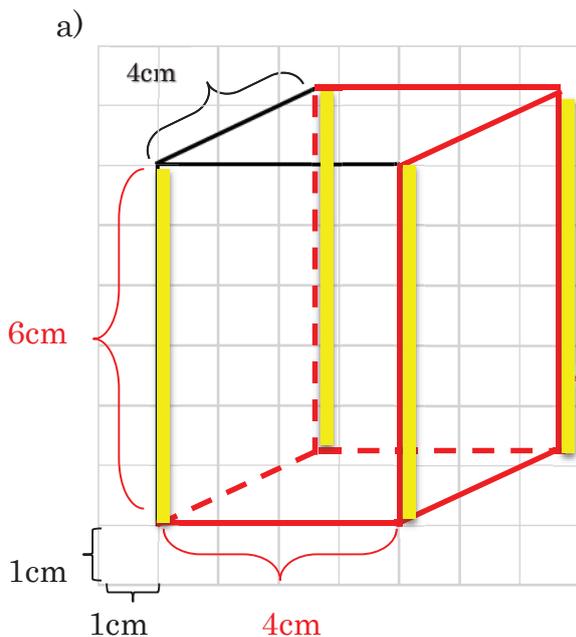
- 1) Dibujar un rectángulo.
- 2) Dibujar las aristas que se ven.
- 3) Dibujar las aristas que no se ven con las líneas de puntos.
- 4) Escribir las medidas de aristas.

Usar la regla para trazar líneas.

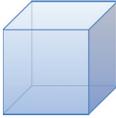
Las aristas paralelas se trazan en paralelo.



Marcar la altura con lápiz de color.  
Las líneas amarillas son alturas.  
Marcar una línea.



Grado	Cuerpo geométrico	Nº de clases	El objetivo
6º grado	Cubo(1)	4/10	Encontrar la fórmula del área lateral y área total del cubo.

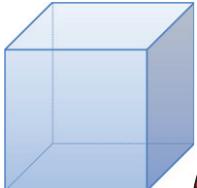
Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p><b>1. Mostrar el cubo y confirmar sus elementos y sus características.</b></p>  <p>¿Qué tiene el cubo?</p>  <p><b>2. Preguntar sobre cubo.</b></p> <p>¿Cuál parte es el área del cubo, los vértices, las caras, o las aristas?</p>	<p>Tiene 8 vértices, 4 caras laterales, 12 aristas.</p>  <p>¡Las caras!</p> 	Cubo
Desarrollo 20 min.	<p><b>3. Presentar el tema.</b></p> <p><b>¡Vamos a descubrir la fórmula del área lateral y área total del cubo!</b></p> <p><b>4. Preguntar cómo se puede calcular el área lateral.</b></p> <p>¿Qué figura tienen las caras laterales?</p>  <p>¿Cómo se puede calcular el área del cuadrado?</p> <p>¿Cuántas caras laterales tiene?</p> <p>Entonces, para calcular el área lateral, ¿qué podemos hacer?</p> <p><b>5. Escribir las fórmulas en el pizarrón.</b></p> <p>Los lados del cubo representan a la arista, podemos decir que <math>l=a</math> (lado=arista). Entonces, la fórmula del área lateral es <math>a^2 \times 4</math>.</p> <p>Y ¿Cómo se puede calcular el área total?</p>  <div style="border: 1px solid red; padding: 5px; margin-top: 10px;"> <p>Área lateral(AL)=<math>a^2 \times 4</math> Área total(AT)=<math>a^2 \times 6</math></p> </div>	<p>Cuadrado.</p>  <p><math>A_{\square}=l \times l</math></p> <p>Tiene 4 caras laterales.</p> <p>Primero calcular el área de una cara y multiplicar por cuatro.</p> <p>¡Multiplicar por seis!</p>  <p>-Escribir las fórmulas en su cuaderno.</p> <p>-Practicar los ejercicios.</p>	
	Cierre 15 min.	<p><b>6. Dar los ejercicios.</b> (Hay un ejercicio en el plan del pizarrón.)</p>	

## Plan del pizarrón

Matemática

¡Vamos a encontrar la fórmula del área lateral y total del cubo!

**Cubo**



**Características**

- 8 vértices
- 12 aristas
- 2 bases
- 4 caras laterales

→ área lateral

Tiene 4 cuadrados.

$A_{\square} = l \times l$  lado = arista

área de una cara lateral =  $a \times a = a^2$

Área lateral (AL) =  $a^2 \times 4$

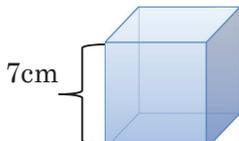
En total, 6 caras iguales

Área total (AT) =  $a^2 \times 6$

**Ejercicio**

- Calcule el área lateral y área total del cubo.

Objetivación: Fórmula: Solución:



7cm

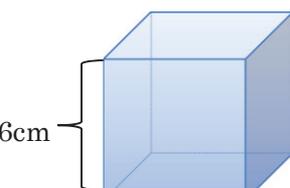
$AL = a^2 \times 4$	$AL = (7\text{cm})^2 \times 4$	$AT = (7\text{cm})^2 \times 6$
$AT = a^2 \times 6$	$= 49\text{cm}^2 \times 4$	$= 49\text{cm}^2 \times 6$
	$= 196\text{cm}^2$	$= 294\text{cm}^2$

Respuesta: Área lateral es  $196\text{cm}^2$ , Área total es  $294\text{cm}^2$

## Respuesta de Ejercicios (pág.187)

a) Calcule el área lateral y área total del siguiente cubo.

Objetivación: Fórmula: Solución:



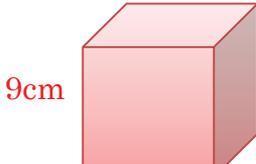
6cm

$AL = a^2 \times 4$	$AL = (6\text{cm})^2 \times 4$	$AT = (6\text{cm})^2 \times 6$
$AT = a^2 \times 6$	$= 36\text{cm}^2 \times 4$	$= 36\text{cm}^2 \times 6$
	$= 144\text{cm}^2$	$= 216\text{cm}^2$

Respuesta: Área lateral es  $144\text{cm}^2$ , Área total es  $216\text{cm}^2$

b) Maura quiere pintar una cajita cuadrada cuya arista mide 9 cm.  
¿Cuál es el área que debe pintar?

Objetivación: Fórmula: Solución:

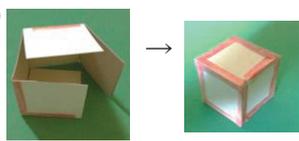
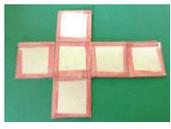
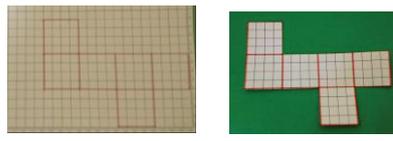


9cm

$AT = a^2 \times 6$	$AT = (9\text{cm})^2 \times 6$
	$= 81\text{cm}^2 \times 6$
	$= 486\text{cm}^2$

Respuesta: El área que Maura debe pintar es  $486\text{cm}^2$ .

Grado	Cuerpo geométrico	N° de clases	El objetivo
6º grado	Cubo(2)	5/10	Familiarizarse con las características del cubo, armando un cubo.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p><b>1. Mostrar el dado.</b></p> <p>¿Qué es esto? ¿Qué clase de cuerpo es? ¿Qué características tiene?</p>  	<p>-Contestar sus nombres.</p> <p>Dado. Cubo.</p> <p>Tiene 8 vértices. 12 aristas son iguales. 6 caras cuadrangulares son iguales.</p> 	Cuadrados de cartulina
Desarrollo 30 min.	<p><b>2. Presentar el tema.</b></p> <p style="text-align: center;"><b>¡Vamos a armar un cubo!</b></p> <p>1) Repartir 6 cuadrados a cada uno. 2) Dar 5 minutos para armar el cubo.</p> <p>Hay que pegar el lado del cuadrado al lado de otro cuadrado, no el vértice al vértice.</p>    <p>3) Cortar sobre las aristas. Hay que cortar para no apartar. 4) Pegar en el pizarrón.</p> <p><b>3. Comparar los planos desarrollados que los niños hicieron.</b> Colocar los planos desarrollados en grupos.</p> <p>Estos se llaman <b>planos desarrollados</b>. Podemos armar un cubo con varios planos desarrollados.</p>  <p><b>4. Dar tiempo para dibujar los planos desarrollados.</b></p> <p>¡Vamos a buscar otros planos desarrollados!</p> 	<p>2) </p> <p>3) </p> <p>¡Mi plano desarrollado y tuyo son mismos!</p> <p>Plano desarrollado de ella es diferente de lo mío. ¡Pero podemos armar el cubo!</p>  <p>-Dibujar el plano desarrollado y cortar. Después tratar de armar el cubo.</p> 	 Hoja cuadriculada pág.245
Cierre 5 min.	<p><b>5. Confirmar lo siguiente.</b></p> <p>Se puede armar el cubo con varios planos desarrollados.</p>	<p>-Pegar los dibujos en el pizarrón.</p>	

## Plan del pizarrón

Matemática

Cubo

Plano desarrollado

¡Vamos a armar un cubo!

Se puede armar el cubo.

No se puede armar el cubo.

\*Poner los planos desarrollados que los alumnos hacen con 6 cuadrados. (Por ejemplo)



\*Poner los planos desarrollados que los alumnos dibujan bien. (Por ejemplo)



\*Poner los planos desarrollados que los alumnos dibujan mal. (Por ejemplo)

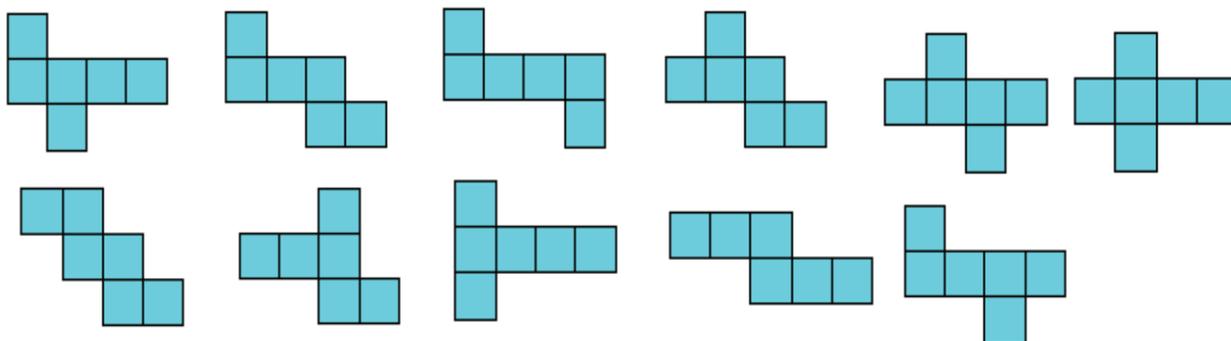


Se puede armar el cubo con varios planos desarrollados.



Nota

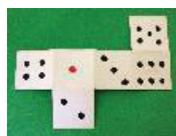
El cubo tiene 11 planos desarrollados.



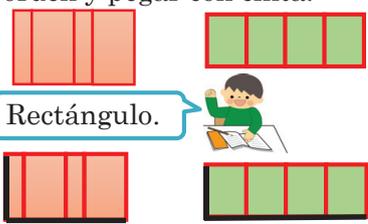
Después de esta clase, armamos los cubos para que sea interesante a los alumnos. Pintar o dibujar es también divertido.

Si ellos quieren hacer un dado, enseñarles que:

Para armar un dado se coloca un número menor que siete en una de las caras laterales paralelas y en la otra el número que complete 7.



Grado	Cuerpo geométrico	Nº de clases	El objetivo
6º grado	Prisma(1)	6/10	Conocer la forma de las caras laterales del prisma rectangular y prisma cuadrangular.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. <b>Mostrar un prisma rectangular y preguntar los nombres de los elementos.</b></p>  <p>¿Qué tiene el prisma rectangular?</p>	<p>-Contestar.</p> <p>Tiene 8 vértices, 4 cara laterales, 2 bases y 12 aristas.</p>	Prisma rectangular
Desarrollo 25 min.	<p>2. <b>Presentar el tema.</b></p> <p><b>¿La caja de quién tiene el área lateral más grande y más pequeño?</b></p>		(alumnos) Caja Tijeras Cinta Regla
	<p>3. <b>Mostrar la caja.</b></p> <p>¿Cómo podemos calcular?</p> <p>¡Vamos a cortar la caja!</p> <p>4. <b>Explicar cómo cortar y pensar.</b></p> <ol style="list-style-type: none"> <li>Cortar la caja sobre las aristas.</li> <li>Colocar sobre la mesa.</li> <li>Confirmar qué figuras son y cuántas hay.</li> </ol> <p>¿Qué figura es una cara? ¿Cuántas caras iguales hay?</p> <p>4. Colocar 4 caras laterales en orden. Y pegar con cinta.</p> <p>¿Qué se forma con 4 caras laterales?</p> <p>¿Dónde es su largo y ancho? Marcar.</p>	<p>Hay que medir cada área.</p> <p>-Cortar la caja.</p> <p>prisma rectangular      prisma cuadrangular</p>  <p>Rectángulo.</p> <p>2 pares de caras iguales.</p> <p>Todas caras son iguales.</p> <p>-Colocar 4 caras laterales en orden y pegar con cinta.</p>  <p>Rectángulo.</p>	Caja
Cierre 10 min.	<p>5. <b>Dar tiempo para calcular área lateral.</b></p> <p>¡Vamos a medir y calcular el área lateral!</p> <p>6. <b>Comparar sus áreas.</b></p> <p>¿La caja de quién tiene área más grande? ¿La caja de quién tiene área más pequeño?</p> <p>7. <b>Confirmar lo siguiente.</b></p> <p>Las caras laterales forman un rectángulo.</p>	<p>-Calcular solo/a.</p> <p>-Presentar cuánto mide el área de su caja tiene. -Escuchar sus presentaciones.</p>	

## Plan del pizarrón

Matemática

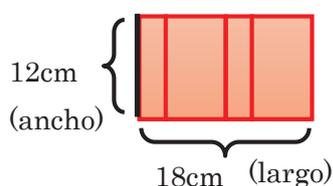
¿La caja de quién tiene el área lateral más grande y más pequeño?

Prisma

Área lateral

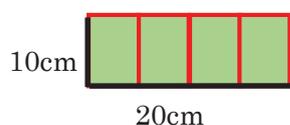
$$A_{\square} = l \times a$$

$$A_{\square} = 18\text{cm} \times 12\text{cm} = 216\text{cm}^2$$



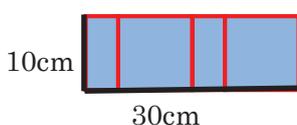
Las caras laterales forman un rectángulo.

(Pegar las cajas y escribir área total de las cajas de los alumnos.)

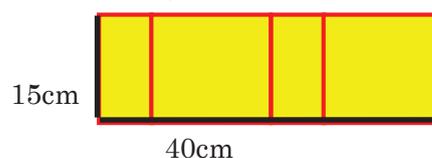


$$20\text{cm} \times 10\text{cm} = 200\text{cm}^2$$

Más pequeño



$$30\text{cm} \times 10\text{cm} = 300\text{cm}^2$$



$$40\text{cm} \times 15\text{cm} = 600\text{cm}^2$$

Más grande

## Armar la caja

¡Vamos a probar!

Preparación

caja, cartulina, cinta, tijera, regla



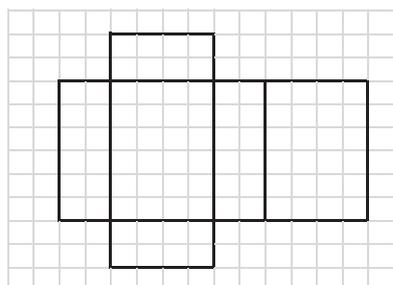
Cómo hacer

Nivel 1

- Copiar 6 caras de la caja en cartulina.
- Cortar sobre las líneas.
- Pegar con cinta.

Nivel 2

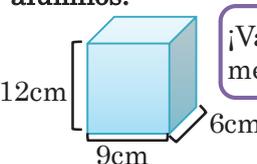
- Copiar 6 caras de la caja en cartulina. Hay que copiar una cara al lado de otra. (Véase abajo.)
- Cortar sobre las líneas.
- Pegar con cinta.



Armando la caja podemos aprender las características del prisma rectangular.



Grado	Cuerpo geométrico	Nº de clases	El objetivo
6º grado	Prisma(2)	7/10	Encontrar la fórmula del área lateral y área total del prisma.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p><b>1. Repasar la clase anterior.</b></p> <p>¿Qué forma tiene sus caras laterales?</p> <p>¿Cómo se calcula el área lateral?</p> 	<p>Rectángulo.</p> <p>Lado <math>\times</math> ancho.</p> 	<p>Caras laterales que se usaron en la clase anterior</p>
Desarrollo 25 min.	<p><b>2. Dar un prisma a cada grupo de 3 alumnos.</b></p> <p>¡Vamos a sacar las medidas del prisma!</p>  <p><b>3. Presentar el tema.</b></p> <p><b>¡Vamos a calcular el área lateral y área total de este prisma sin cortar!</b></p> <p><b>4. Dar tiempo para pensar en grupo.</b></p> <p>¡Primero vamos a calcular el área lateral de este prisma!</p> <p><b>5. Preguntar cómo se calcula.</b></p> <p><b>6. Dar tiempo para pensar en grupo.</b></p> <p>¡Vamos a calcular el área de las bases y área en total!</p> <p><b>7. Preguntar cómo se calcula.</b></p> <p><b>8. Descubrir la fórmula de prisma dado.</b></p> <p>¡Vamos a descubrir la fórmula de área lateral! Calculan largo <math>\times</math> ancho.</p> <p>¿Cuál es el ancho en este prisma? Señálenle.</p> <p>¿Cuál es el largo en este prisma? señálenle.</p> <p>Entonces, Área lateral= perímetro de base <math>\times</math> altura. <u><math>AL=Pb \times h</math></u></p> <p>Área total = <math>AL+2 \times</math> Área de base. <u><math>AT=AL+2Ab</math></u></p>	<p>-Medir las aristas.</p> <p>-Pensar y calcular en grupo. -Presentar sus ideas.</p> <p>En la clase anterior, aprendemos que las caras laterales forman un rectángulo. Su ancho es 12cm y su largo es <math>9cm+6cm+9cm+6cm=30cm</math>. <math>30cm \times 12cm=360cm^2</math>.</p> <p>Área de base es <math>9cm \times 6cm=54cm^2</math>. Las bases son iguales. Entonces, <math>54cm^2 \times 2=108cm^2</math>. Área total es <math>360cm^2+108cm^2=468cm^2</math>.</p> <p>-Señalar la altura.</p> <p>-Señalar el perímetro de base.</p> 	<p>Prisma rectangular pág.253</p> 
Cierre 10 min.	<p><b>9. Confirmar las fórmulas.</b></p> <p><u><math>AL=Pb \times h</math></u>    <u><math>AT=AL+2Ab</math></u></p> <p><b>10. Dar los ejercicios.</b></p>	<p>-Leer y escribir las fórmulas en su cuaderno.</p> <p>-Practicar los ejercicios.</p> 	<p>Perímetro(2) pág.95</p> 

## Plan del pizarrón

Matemática **Prisma**  
 repaso

12cm

9cm 6cm

¡Vamos a calcular el área lateral y área total de este prisma!

Área lateral

12cm

18cm

$18\text{cm} \times 12\text{cm} = 216\text{cm}^2$

Las caras laterales forman un rectángulo.

Área lateral

Datos:  
 largo  $9\text{cm} + 6\text{cm} + 9\text{cm} + 6\text{cm} = 30\text{cm}$   
 ancho 12cm

Fórmulas:  
 $A_{\square} = l \times a$

Solución:  
 $30\text{cm} \times 12\text{cm} = 360\text{cm}^2$

Respuesta:  $360\text{cm}^2$

Área de base

Datos:  
 largo 9cm  
 ancho 6cm

Fórmulas:  
 $A_{\square} = l \times a$

Solución:  
 $9\text{cm} \times 6\text{cm} = 54\text{cm}^2$   
 $54\text{cm}^2 \times 2 = 108\text{cm}^2$

Área lateral (AL) =  $P_b \times h$

Área total (AT) =  $AL + 2Ab$

perímetro de base =  $(\text{lado} + \text{ancho}) \times 2$

altura

30cm

12cm

9cm 6cm 9cm 6cm

## Respuesta de Ejercicios (pág.188)

a) Objetivación:

2cm

8cm

5cm

AL Fórmula:  $AL = P_b \times h$   
 $P_b = (l + a) \times 2$

Solución:  
 $P_b = (8\text{cm} + 5\text{cm}) \times 2 = 13\text{cm} \times 2 = 26\text{cm}$   
 $AL = 26\text{cm} \times 2\text{cm} = 52\text{cm}^2$

Respuesta:  $52\text{cm}^2$

AT Fórmula:  $AT = AL + 2Ab$

Solución:  
 $AT = 52\text{cm}^2 + 2 \times 5\text{cm} \times 8\text{cm} = 52\text{cm}^2 + 80\text{cm}^2 = 132\text{cm}^2$

Respuesta:  $132\text{cm}^2$

b) Calcule el área lateral y área total de un prisma cuadrangular cuyo lado de base es 5cm y altura es 10cm.

Objetivación:

10cm

5cm

5cm

AL Fórmula:  $AL = P_b \times h$   
 $P_b = l \times 4$

Solución:  
 $P_b = 5\text{cm} \times 4 = 20\text{cm}$   
 $AL = 20\text{cm} \times 10\text{cm} = 200\text{cm}^2$

Respuesta:  $200\text{cm}^2$

AT Fórmula:  $AT = AL + 2Ab$

Solución:  
 $AT = 200\text{cm}^2 + 2 \times 5\text{cm} \times 5\text{cm} = 200\text{cm}^2 + 50\text{cm}^2 = 250\text{cm}^2$

Respuesta:  $250\text{cm}^2$

Grado	Cuerpo geométrico	Nº de clases	El objetivo
6º grado	Prisma(3)	8/10	Encontrar la fórmula del área lateral y área total del prisma triangular y ejercitarse en el cálculo.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Confirmar la fórmula del área total del prisma rectangular. <math>P_b=(l+a)\times 2</math>  <math>AL=P_b\times h</math> <math>AT=AL+2\times Ab</math> <math>Ab=l\times a</math></p> <p>2. Mostrar el prisma triangular. Preguntar los nombres y números de los elementos y dónde están.</p> <p>3. Plantear el tema.</p>	<p>-Leer las fórmulas.</p> <p>-Contestar las características.</p> <p>2 bases triangulares iguales, 3 caras laterales, 6 vértices y 9 aristas.</p>	
Desarrollo 25 min.	<b>¡Vamos a calcular el área lateral y área total del prisma triangular!</b>		
	<p>4. Elegir uno/a alumno/a para medir los lados del prisma triangular. (forma de base)</p> <p>altura 12cm 10cm 8cm 6cm</p> <p>5. Dar tiempo para pensar solo/a.</p> <p>6. Preguntar cómo se calcula.</p> <p>¿Cómo se calcula área de bases?</p> <p>¿Cómo se calcula área lateral?</p> <p>a) y b) son diferentes cálculos pero tienen misma respuesta. ¿Cuál es más fácil?</p> <p>b) es más fácil. Entonces, vamos a usar b) para descubrir la fórmula del prisma triangular.</p> <p>7. Confirmar la fórmula del área lateral y área total del prisma.</p> <p>Cara lateral del prisma triangular es también un rectángulo como prisma rectangular. El ancho es altura y el largo es perímetro de base. Entonces, se calcula con la fórmula</p> <p><math>AL=P_b\times h</math> y <math>AT=AL+2Ab</math></p> <p><math>P_b=l+l+l</math> <math>Ab=\frac{b\times a}{2}</math></p> <p><math>AL=P_b\times h</math> se puede usar para calcular el área lateral y área total de todos los prismas, por ejemplo el prisma pentagonal o el prisma hexagonal.</p>	<p>-Medir los lados. -Pensar solo/a. -Presentar sus ideas. (Área de bases)</p> <p>2 bases son triángulos.  <math>A_{\Delta} = \frac{b\times a}{2} = \frac{6\text{cm}\times 8\text{cm}}{2} = 24\text{cm}^2</math>  <math>A_{\Delta}\times 2 = 24\text{cm}^2\times 2 = 48\text{cm}^2</math></p> <p>(Área lateral)</p> <p>a) Hay 3 caras laterales y todos son rectángulos.  <math>A_{\square} = l\times a</math>  <math>A_{\square 1} = 12\text{cm}\times 6\text{cm} = 72\text{cm}^2</math>  <math>A_{\square 2} = 12\text{cm}\times 8\text{cm} = 96\text{cm}^2</math>  <math>A_{\square 3} = 12\text{cm}\times 10\text{cm} = 120\text{cm}^2</math>  <math>AL = 72\text{cm}^2 + 96\text{cm}^2 + 120\text{cm}^2 = 288\text{cm}^2</math></p> <p>b) 3 caras laterales forman un rectángulo como el prisma rectangular.  <math>A_{\square} = l\times a</math>  <math>A_{\square} = (6\text{cm} + 8\text{cm} + 10\text{cm}) \times 12\text{cm} = 24\text{cm} \times 12\text{cm} = 288\text{cm}^2</math></p> <p>Si los alumnos tienen dificultad para entender que las caras forman un rectángulo, puede cortar un prisma rectangular y mostrarles.</p>	<p></p> <p>Prisma triangular pág.253</p> <p></p> <p>Perímetro(2) pág.94</p> <p></p>
Cierre 10 min.	8. Dar los ejercicios.	-Practicar los ejercicios.	Hoja para Ejercicios

## Plan del pizarrón

**Matemática Prisma rectangular**

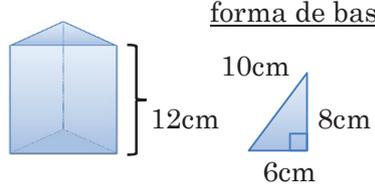
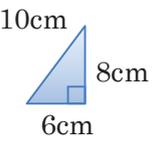
$AL=Pb \times h$

$AT=AL + 2 \times Ab$

$Pb=(l+a) \times 2$

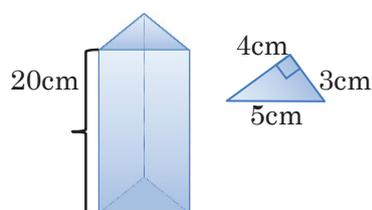
$Ab=l \times a$

**¡Vamos a calcular el área lateral y área total del prisma triangular!**

	forma de base	(Área lateral)	(Área total)
 <p style="text-align: center;">(Área de bases)</p> <p>2 bases son triángulos.</p> $A_{\Delta} = \frac{b \times a}{2} = \frac{6\text{cm} \times 8\text{cm}}{2} = 24\text{cm}^2$ $A_{\Delta} \times 2 = 24\text{cm}^2 \times 2 = 48\text{cm}^2$ <div style="border: 1px solid red; padding: 2px; width: fit-content; margin-top: 5px;"><math>Ab = \frac{b \times h}{2}</math></div>		$A_{\square} = l \times a$ $A_{\square 1} = 12\text{cm} \times 6\text{cm} = 72\text{cm}^2$ $A_{\square 2} = 12\text{cm} \times 8\text{cm} = 96\text{cm}^2$ $A_{\square 3} = 12\text{cm} \times 10\text{cm} = 120\text{cm}^2$ $AL = 72\text{cm}^2 + 96\text{cm}^2 + 120\text{cm}^2 = 288\text{cm}^2$	$AT = AL + 2 \times Ab$ $= 288\text{cm}^2 + 48\text{cm}^2$ $= 336\text{cm}^2$ <p style="text-align: center;"><u>Respuesta:</u></p> <p style="text-align: right;">AL 288cm<sup>2</sup> AT 336cm<sup>2</sup></p>
		$A_{\square} = l \times a$ $A_{\square} = (6\text{cm} + 8\text{cm} + 10\text{cm}) \times 12\text{cm}$ $= 24\text{cm} \times 12\text{cm} = 288\text{cm}^2$	
		<div style="border: 1px solid red; padding: 2px; display: inline-block;"><math>AL = Pb \times h</math></div> <p style="color: red; margin: 0;">Perímetro de base</p> <div style="border: 1px solid black; border-radius: 50%; padding: 5px; display: inline-block; margin-top: 5px;"> <math>Pb = l + l + l</math> </div>	<div style="border: 1px solid red; padding: 2px; display: inline-block;"><math>AT = AL + 2Ab</math></div>

## Respuesta de Ejercicios (pág.189)

a) Objetivación:



**AL**

Fórmula:

$$AL = Pb \times h$$

Solución:

$$AL = (5\text{cm} + 4\text{cm} + 3\text{cm}) \times 20\text{cm}$$

$$= 12\text{cm} \times 20\text{cm}$$

$$= 240\text{cm}^2$$

Respuesta: 240cm<sup>2</sup>

**AT**

Fórmula:

$$AT = AL + 2Ab$$

Solución:

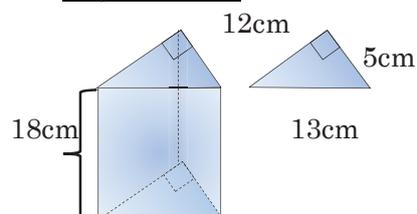
$$AT = 240\text{cm}^2 + 2 \times \frac{3\text{cm} \times 4\text{cm}}{2}$$

$$= 240\text{cm}^2 + 12\text{cm}^2$$

$$= 252\text{cm}^2$$

Respuesta: 252cm<sup>2</sup>

b) Objetivación:



**AL**

Fórmula:

$$AL = Pb \times h$$

Solución:

$$AL = (5\text{cm} + 12\text{cm} + 13\text{cm}) \times 18\text{cm}$$

$$= 30\text{cm} \times 18\text{cm} = 540\text{cm}^2$$

Respuesta: 540 cm<sup>2</sup>

**AT**

Fórmula:

$$AT = AL + 2Ab$$

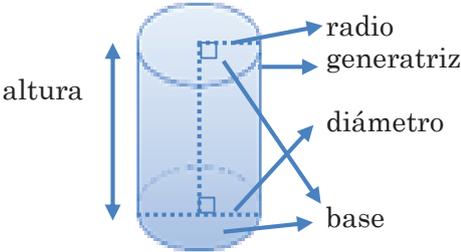
Solución:

$$AT = 540\text{cm}^2 + 2 \times \frac{5\text{cm} \times 12\text{cm}}{2}$$

$$= 540\text{cm}^2 + 60\text{cm}^2 = 600\text{cm}^2$$

Respuesta: 600cm<sup>2</sup>

Grado	Cuerpo geométrico	Nº de clases	El objetivo
6º grado	Cilindro(1)	9/10	Analizar las características del cilindro y conocer cómo dibujar.

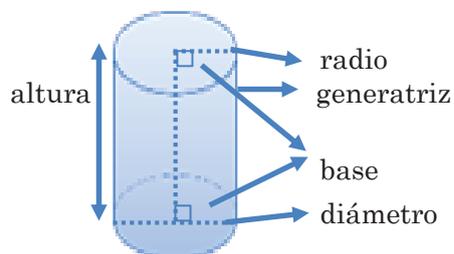
Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	1. Repasar sobre el prisma. (las características, fórmula del área lateral y área total)	-Contestar.	Prismas
Desarrollo 25 min.	2. Plantear el tema. <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; text-align: center; margin: 10px 0;"><b>¡Vamos a observar el cilindro!</b></div>		
	3. Mostrar el cilindro y confirmar sus elementos y las características. Dar un cilindro a cada grupo.  <div style="border: 1px solid purple; padding: 5px; margin: 10px 0;">¿Cuántas bases tiene? ¿Dónde están?</div> 4. Mostrar una lata envuelta en papel. <div style="border: 1px solid purple; padding: 5px; margin: 10px 0;">¿Cómo se puede calcular el área lateral?</div> <div style="border: 1px solid purple; padding: 5px; margin: 10px 0;">¿Qué figura tiene la cara lateral?</div> 5. Cortar el papel de una lata y mostrarlo. <div style="border: 1px solid purple; padding: 5px; margin: 10px 0;">¿Qué figura tiene la cara lateral?</div> <div style="border: 1px solid red; padding: 5px; margin: 10px 0;">La cara lateral del cilindro es un rectángulo.</div> 	Los cilindros en la vida: las latas, las cajas de papas fritas, las pilas, etc.  -Observar el cilindro dada en grupo. -Dibujar un cilindro y escribir características en sus cuadernos. <div style="border: 1px solid green; padding: 5px; margin: 10px 0;"><u>Los puntos a dibujar.</u> ➤ 2 bases son 2 círculos de mismo tamaño. ➤ Las generatrices son paralelas a la altura y verticales a las bases.</div> <div style="border: 1px solid blue; padding: 5px; margin: 10px 0;">¿Rectángulo?</div>  <div style="border: 1px solid blue; padding: 5px; margin: 10px 0;">¿Cuadrado?</div> <div style="border: 1px solid blue; padding: 5px; margin: 10px 0;">¿Círculo?</div> <div style="border: 1px solid blue; padding: 5px; margin: 10px 0;">¡Rectángulo!</div> 	Cilindros Lata envuelta en papel
Cierre 10 min.	6. Dar los ejercicios.	-Practicar los ejercicios.	Hoja para Ejercicios

## Plan del pizarrón

Matemática

¡Vamos a observar el cilindro!

Cilindro



<b>base</b>	2 bases son las regiones circulares paralelas del mismo tamaño.
<b>altura</b>	Distancia entre las bases.
<b>generatriz</b>	Segmento paralelo a la altura, que tiene sus extremos en las circunferencias de bases.
<b>diámetro</b>	Es la línea que une dos puntos opuestos de la circunferencia, pasando por el centro.
<b>radio</b>	La mitad del diámetro.

¿Qué figura tiene la cara lateral?

¿Cuadrado? ¿Rectángulo? ¿Círculo?

¡Cortar la cara lateral!

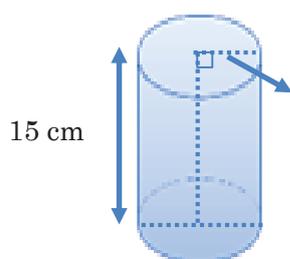


La cara lateral del cilindro es un rectángulo.

Escribir respuestas de los ejercicios.

### Respuesta de Ejercicios (pág.190)

a) Observo el cilindro y contesto las preguntas.



1) ¿Cuántos cm mide la altura?

( 15cm )

2) ¿Cuántos cm mide el radio?

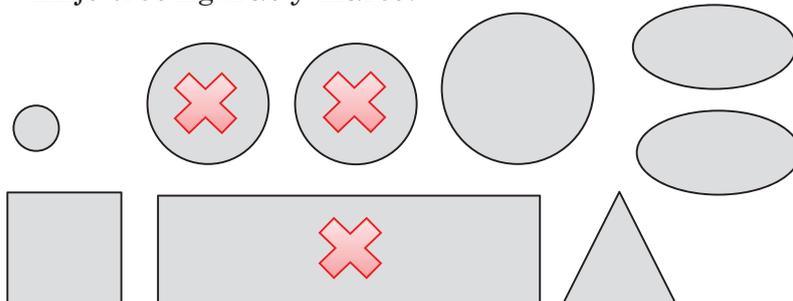
( 6cm )

3) ¿Cuántos cm mide el diámetro?

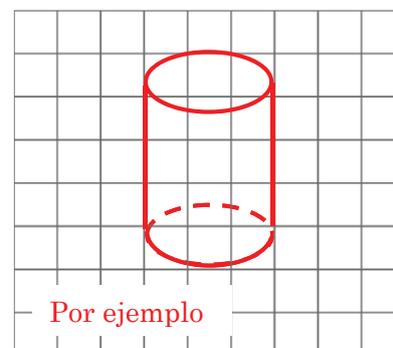
( 12cm )

b) ¿Qué figuras se necesitan para armar un cilindro?

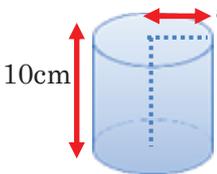
Elijo tres figuras y marco.



c) Dibujo un cilindro.



Grado	Cuerpo geométrico	Nº de clases	El objetivo
6º grado	Cilindro(2)	10/10	Encontrar la fórmula del área lateral y área total del cilindro.

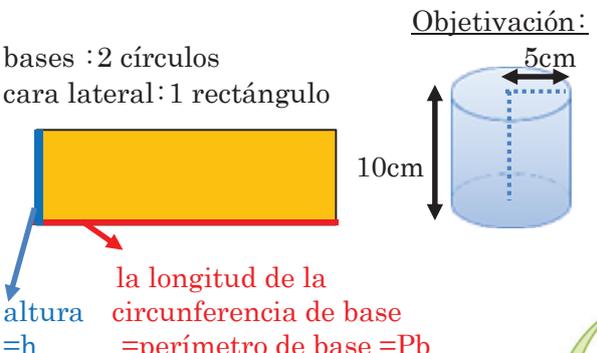
Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p><b>1. Repasar la clase anterior.</b></p> <p>¿Qué figura tiene la cara lateral del cilindro?</p> <p>¿En qué figuras se descompone el cilindro?</p>	<p>-Contestar.</p> <p>¡Rectángulo!</p> <p>2 círculos y 1 rectángulo.</p>	
Desarrollo 25 min.	<p><b>2. Plantear el tema.</b></p> <p><b>¡Vamos a calcular el área lateral y área total de este cilindro!</b></p> <p><b>3. Mostrar el cilindro.</b></p>  <p>¿Cuántos cm mide la altura y el radio?</p> <p><b>4. Dar tiempo para pensar solo/a.</b></p> <p><b>5. Mostrar el rectángulo que se usó en la clase anterior.</b></p> <p>¿Qué muestran la línea azul y línea roja?</p>  <p><b>6. Preguntar cómo se puede hallar el área lateral y el área total.</b></p> <p><b>7. Confirmar la respuesta.</b></p> <p><b>8. Preguntar cuáles medidas se usan para calcular el área lateral. Descubrir la fórmula del área lateral y área total del cilindro.</b></p> <p>¿Cuál medida es 31,4cm?</p> <p>¿Cuál medida es 10cm?</p> <p>Área lateral del cilindro  <math>AL = \text{perímetro de base} \times \text{altura}</math>  <math>= \text{diámetro} \times \pi \times h = 2 \pi r \times h</math></p> <p>Área total del cilindro  <math>AT = AL + 2Ab</math>  <math>= AL + 2\pi r^2</math></p>	<p>La altura mide 10cm y el radio mide 5cm.</p> <p>-Pensar y después presentar sus ideas.</p> <p>Las bases son 2 círculos. Entonces,  <math>Ab = \pi r^2 = 3,14 \times (5\text{cm})^2 = 3,14 \times 25 \text{ cm}^2 = 78,5 \text{ cm}^2</math>,  <math>Ab \times 2 = 78,5 \text{ cm}^2 \times 2 = 157 \text{ cm}^2</math>.</p> <p>Área lateral es igual al área del rectángulo. Ancho es la línea azul y es igual a la altura (10cm). Largo es la línea roja pero ¿cuántos cm mide de largo?</p> <p>¡Largo es el perímetro de base y es igual a la longitud de la circunferencia! Entonces, largo = <math>2 \pi r = 2 \times 3,14 \times 5 \text{ cm} = 31,4 \text{ cm}</math>.  <math>AL = l \times a = 31,4 \text{ cm} \times 10 \text{ cm} = 314 \text{ cm}^2</math>.  <math>AT = 157 \text{ cm}^2 + 314 \text{ cm}^2 = 471 \text{ cm}^2</math>.  Respuesta: AL: 314 cm<sup>2</sup>,  AT: 471 cm<sup>2</sup>.</p> <p>31,4cm es la longitud de la circunferencia de base, o sea el perímetro de base.  10cm es altura del cilindro.</p>	<p>Cilindro pág.254</p>      
Cierre 10 min.	<p><b>9. Dar los ejercicios.</b></p>	<p>-Practicar los ejercicios.</p>	<p>Hoja para Ejercicios</p>

## Plan del pizarrón

Matemática

Cilindro

bases : 2 círculos  
cara lateral : 1 rectángulo



Objetivación:

Solución:

base: 2 círculos,  $r=5$   
 $Ab=\pi r^2=5\text{cm}\times 5\text{cm}\times 3,14=78,5\text{cm}^2$   
 2 bases= $78,5\text{cm}^2\times 2=157\text{cm}^2$

cara lateral: 1 rectángulo

$A_{\square}=l\times a$   $l=\text{Cia de base}$   
 $=2\pi r$   
 $=2\times 3,14\times 5\text{cm}=31,4\text{cm}$   
 $a=10\text{cm}$   
 $A_{\square}=l\times a=31,4\text{cm}\times 10\text{cm}=314\text{cm}^2$

la longitud de la circunferencia de base = perímetro de base =  $P_b$

altura =  $h$

Área lateral del cilindro  
 $AL=\text{perímetro de base}\times \text{altura}$   
 $=\text{diámetro}\times \pi\times h$   
 $AL=2\pi r\times h$

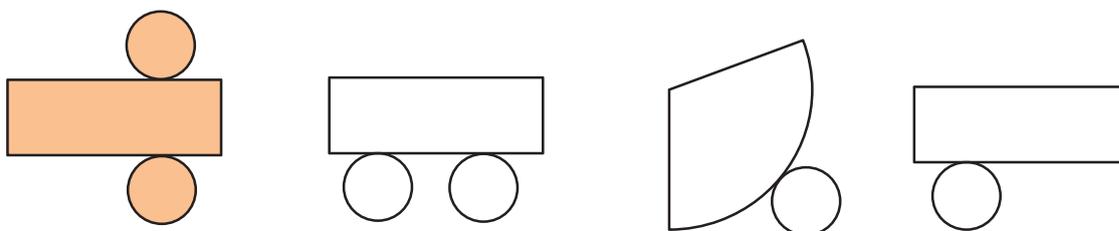
Área total del cilindro  
 $AT=AL+2\times \text{área del círculo}$   
 $AT=AL+2\pi r^2$

Área total  
 $AT=314\text{cm}^2+157\text{cm}^2=471\text{cm}^2$

Respuesta: AL:  $314\text{cm}^2$ , AT:  $471\text{cm}^2$

## Respuesta de Ejercicios (pág.191)

a) Pinto el desarrollo que corresponde al cilindro.



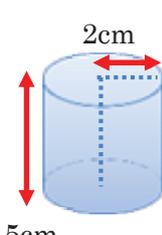
b) Calculo el área lateral y área total de este cilindro.

Objetivación: AL Fórmula: Solución: AT Fórmula: Solución:

$AL=2\pi r\times h$   $AL=2\times 3,14\times 2\text{cm}\times 5\text{cm}$   $AT=AL+2\pi r^2$   $AT=62,8\text{cm}^2+2\times 3,14\times 2\text{cm}\times 2\text{cm}$

$=62,8\text{cm}^2$   $=62,8\text{cm}^2+25,12\text{cm}^2$

$=87,92\text{cm}^2$



Respuesta:  $62,8\text{cm}^2$

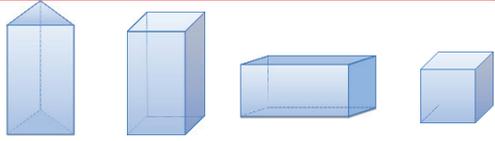
Respuesta:  $87,92\text{cm}^2$

## Ejercicios (Introducción)

### Cuerpo geométrico

1. Escribo las clases de cuerpos geométricos y elijo la letra que contenga el nombre de la figura.

- |                        |                      |             |                       |
|------------------------|----------------------|-------------|-----------------------|
| a) prisma cuadrangular | b) cono              | c) cilindro | d) pirámide           |
| e) esfera              | f) prisma triangular | g) cubo     | h) prisma rectangular |

 ( ) ( ) ( ) ( ) ( ) <input style="width: 100%; height: 20px;" type="text"/>	 ( ) ( ) ( ) <input style="width: 100%; height: 20px;" type="text"/>
<input style="width: 100%; height: 20px;" type="text"/>	

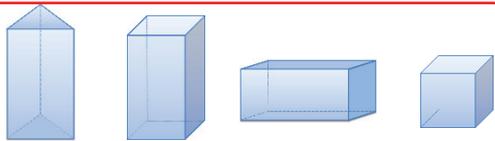
2. Clasifico los objetos en cilindro, prisma rectangular y cubo.



### Cuerpo geométrico

1. Escribo las clases de cuerpos geométricos y elijo la letra que contenga el nombre de la figura.

- |                        |                      |             |                       |
|------------------------|----------------------|-------------|-----------------------|
| a) prisma cuadrangular | b) cono              | c) cilindro | d) pirámide           |
| e) esfera              | f) prisma triangular | g) cubo     | h) prisma rectangular |

 ( ) ( ) ( ) ( ) ( ) <input style="width: 100%; height: 20px;" type="text"/>	 ( ) ( ) ( ) <input style="width: 100%; height: 20px;" type="text"/>
<input style="width: 100%; height: 20px;" type="text"/>	

2. Clasifico los objetos en cilindro, prisma rectangular y cubo.



## Hoja para la clase (Características del prisma)

	nombre	número de vértices en cada base	número total de vértices	número total de aristas	número de caras laterales
					
					
					
					

Escribo sobre lo que me di cuenta.

	nombre	número de vértices en cada base	número total de vértices	número total de aristas	número de caras laterales
					
					
					
					

Escribo sobre lo que me di cuenta.

## Ejercicios (Construcción del prisma)

¡Vamos a dibujar!

- 1) Dibujar un rectángulo.
- 2) Dibujar las aristas que se ven.
- 3) Dibujar las aristas que no se ven con las líneas de puntos.
- 4) Escribir las medidas de aristas.

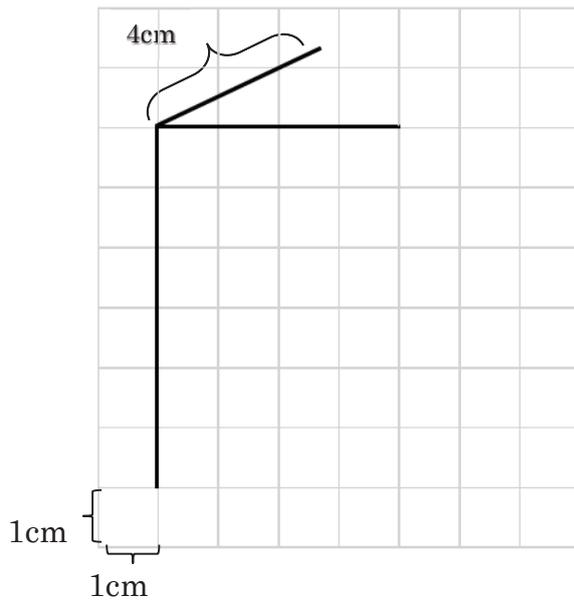
Usar la regla para trazar líneas.

Las aristas paralelas se trazan en paralelo.

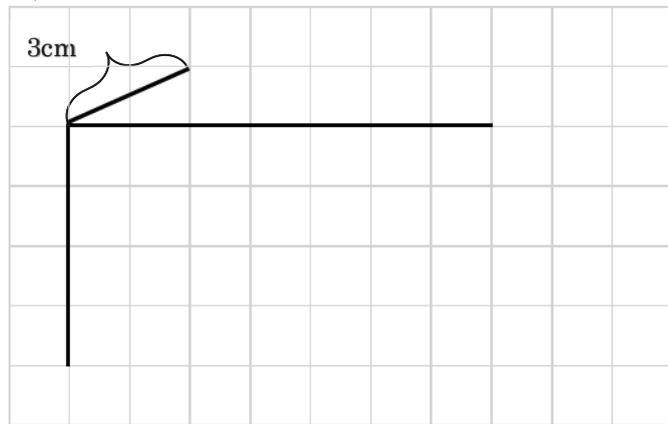


Marcar la altura con lápiz de color.

a)



b)



¡Vamos a dibujar!

- 1) Dibujar un rectángulo.
- 2) Dibujar las aristas que se ven.
- 3) Dibujar las aristas que no se ven con las líneas de puntos.
- 4) Escribir las medidas de aristas.

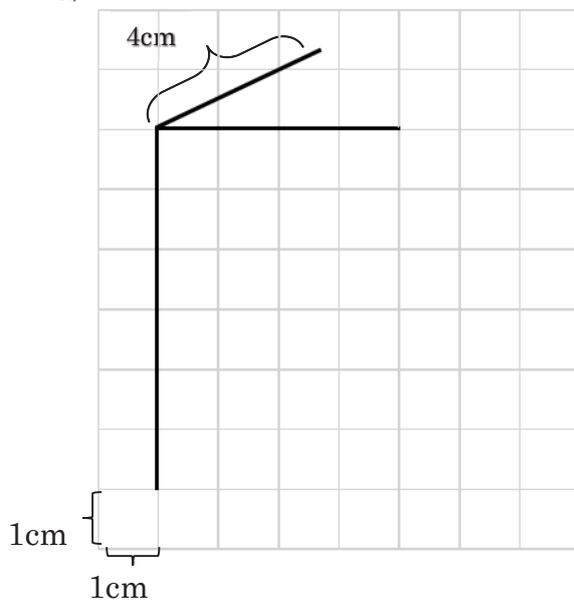
Usar la regla para trazar líneas.

Las aristas paralelas se trazan en paralelo.

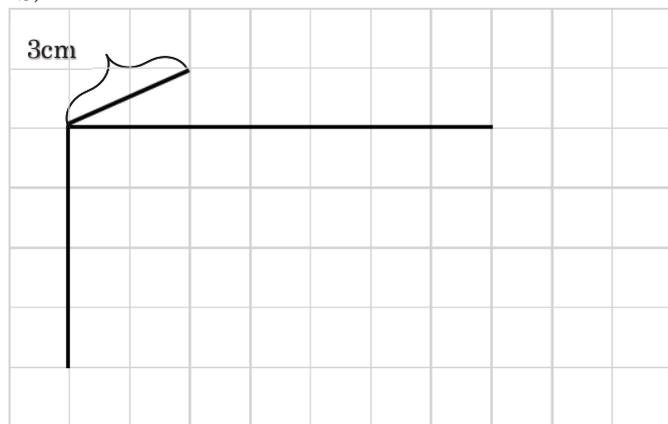


Marcar la altura con lápiz de color.

a)



b)



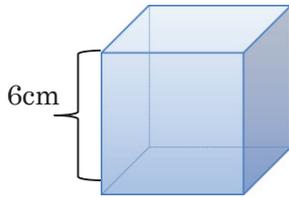
## Ejercicios (Cubo (1))

a) Calcule el área lateral y área total del siguiente cubo.

Objetivación:

Fórmula:

Solución:



Respuesta: \_\_\_\_\_

b) Maura quiere pintar una cajita cuadrada cuya arista mide 9 cm.  
¿Cuántos  $\text{cm}^2$  debe pintar?

Objetivación:

Fórmula:

Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

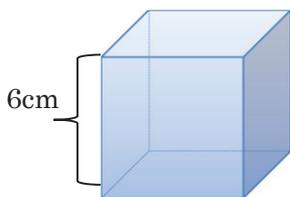
---

a) Calcule el área lateral y área total del siguiente cubo.

Objetivación:

Fórmula:

Solución:



Respuesta: \_\_\_\_\_

b) Maura quiere pintar una cajita cuadrada cuya arista mide 9 cm.  
¿Cuántos  $\text{cm}^2$  debe pintar?

Objetivación:

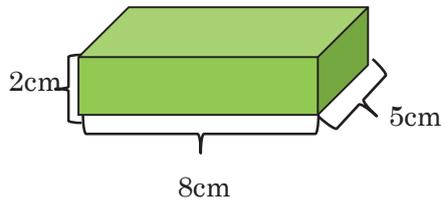
Fórmula:

Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

## Ejercicios (Prisma (2))

a) Objetivación:  AL Fórmula: Solución:



Respuesta: \_\_\_\_\_

AT Fórmula: Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

b) Calcule el área lateral y área total de un prisma cuadrangular cuyo lado de base es 5cm y altura es 10cm.

Objetivación:  AL Fórmula: Solución:

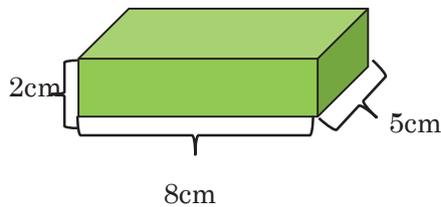
Respuesta: \_\_\_\_\_

AT Fórmula: Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

---

a) Objetivación:  AL Fórmula: Solución:



Respuesta: \_\_\_\_\_

AT Fórmula: Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

b) Calcule el área lateral y área total de un prisma cuadrangular cuyo lado de base es 5cm y altura es 10cm.

Objetivación:  AL Fórmula: Solución:

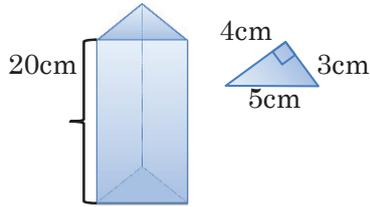
Respuesta: \_\_\_\_\_

AT Fórmula: Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

## Ejercicios (Prisma (3))

a) Objetivación:



AL

Fórmula:

Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

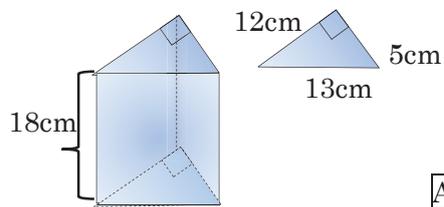
AT

Fórmula:

Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

b) Objetivación:



AL

Fórmula:

Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

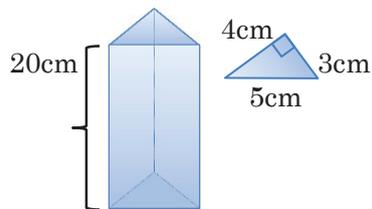
AT

Fórmula:

Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

a) Objetivación:



AL

Fórmula:

Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

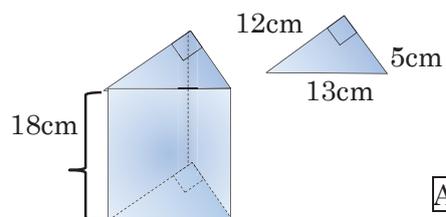
AT

Fórmula:

Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

b) Objetivación:



AL

Fórmula:

Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_

AT

Fórmula:

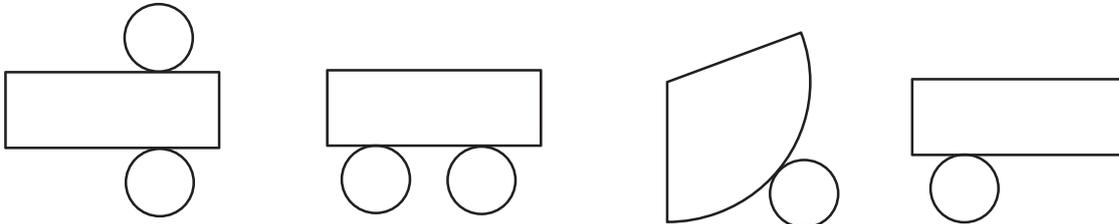
Solución:

Respuesta: \_\_\_\_\_



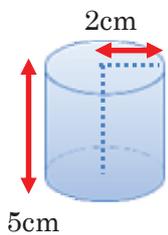
## Ejercicios (Cilindro (2))

a) Pinto el desarrollo que corresponde al cilindro.



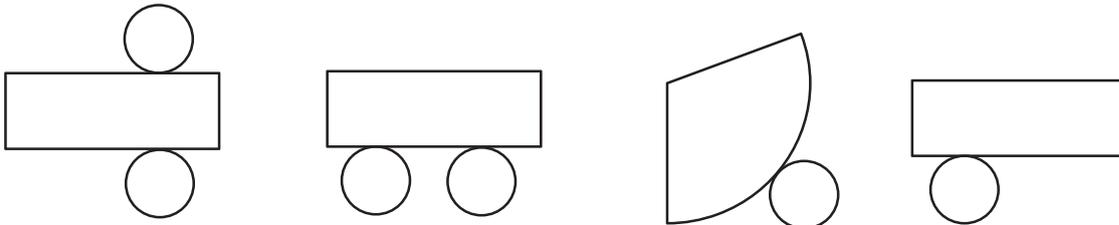
b) Calculo el área lateral y área total de este cilindro.

Objetivación:  $\frac{AL}{Fórmula:}$       Solución:       $\frac{AT}{Fórmula:}$       Solución:



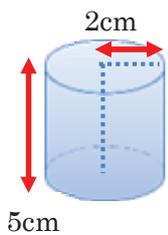
Respuesta: \_\_\_\_\_ Respuesta: \_\_\_\_\_

a) Pinto el desarrollo que corresponde al cilindro.



b) Calculo el área lateral y área total de este cilindro.

Objetivación:  $\frac{AL}{Fórmula:}$       Solución:       $\frac{AT}{Fórmula:}$       Solución:



Respuesta: \_\_\_\_\_ Respuesta: \_\_\_\_\_

# Volumen

Objeto del estudio

6º grado



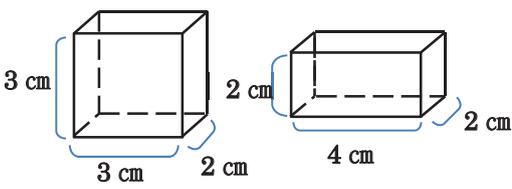
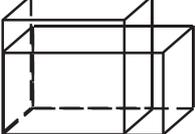
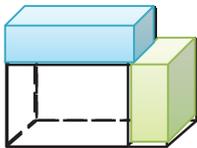
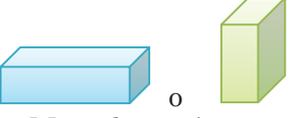
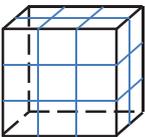
Concepto de $\text{cm}^3$ .....	pág. 194
Prisma rectangular .....	pág. 198
Cubo .....	pág. 200
Confección de $1000\text{cm}^3$ .....	pág. 202
Concepto de $\text{m}^3$ .....	pág. 204
Prisma compuesto (1) .....	pág. 206
Prisma triangular .....	pág. 208
Tipos de prismas .....	pág. 210
Cilindro .....	pág. 212
Prisma compuesto (2) .....	pág. 214
(Fotocopia) .....	pág. 216

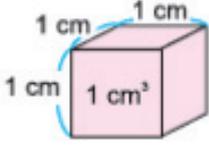
El plan de enseñanza del programa de estudios: **Volumen**

Unidad	Nº de clase	Tema	Fotocopia
Volumen (11)	1	Concepto de $\text{cm}^3$ (1)	
	2	Concepto de $\text{cm}^3$ (2)	
	3	Prisma rectangular	
	4	Cubo	
	5	Confección de $1000\text{cm}^3$	
	6	Concepto de $\text{m}^3$	
	7	Prisma compuesto (1)	
	8	Prisma triangular	 
	9	Tipos de prismas	
	10	Cilindro	 
	11	Prisma compuesto (2)	 



Grado	Volumen	Nº de clases	El objetivo
6º grado	Concepto(1)	1/11	Comprender el concepto de volumen.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Presentar una situación problemática.</p> <p>Miguel y Blanca tienen un pedazo de queso paraguayo. Los pedazos son diferentes, como los de abajo. ¿Quién tiene el pedazo más grande?</p> <p>Miguel. Blanca.</p> 	<p>-Leer y pensar.</p> <p>-Pronosticar la respuesta.</p> <p>¿De Miguel o de Blanca? Los dos son diferentes... ¿Cómo podemos comparar...?</p>	Materiales concretos
Desarrollo 30 min.	<p>2. Plantear el tema.</p> <p><b>¿Cómo se puede comparar cuál es más grande?</b></p> <p>3. Presentar dos cuerpos de papel transparente.</p> <p>¿Qué hicimos para comparar el área sin usar la fórmula?</p>   <p>¿Hay más otra forma para comparar?</p> 	<p>-Contestar.</p> <p>¡Sobreponer y cortar!</p>   <p>De Miguel es más grande que de Blanca!</p>  <p>Rayamos 1cm<sup>2</sup> en figuras. Pero...¿cómo se raya en cuerpos...?</p> 	Papel transparente
	<p>4. Presentar dos cuerpos con cuadriculados.</p> <p>¡Vamos a trazar raya de 1cm en cada material concreto!</p> <p>Miguel Blanca</p>  	<p>-Pronosticar cuántos cubos tienen cada cuerpo.</p> <p>¡Contamos uno a uno! Pero...hay muchas rayas atrás...¿Cómo se calcula bien?</p> 	Materiales concretos con cuadriculados

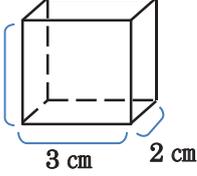
	<p>5. Repartir a los niños cubos de 1 cm<sup>3</sup>.</p> <p>¡Vamos a armar con cubos de 1cm cada queso Py.</p> <p>¿Cuántos cubos de 1cm cada queso Py?</p> 	<p>-Armar y contar bien. Queso Py de Miguel tiene 18 cubos. Queso Py de Blanca tiene 16 cubos.</p>  <p><u>R: Miguel tiene más grande que Blanca.</u></p>	<p>Los cubicos de 1cm<sup>3</sup></p>
<p>Cierre 5 min.</p>	<p>6. Explicar el concepto de volumen.</p> <p>El volumen representa la cantidad de espacio que ocupa una materia, y los objetos se pueden representar con la cantidad de el cubo que miden 1cm cada lado. El del cubo que tiene 1 cm al lado es un centímetro cúbico y se simboliza "cm<sup>3</sup>".</p> 	<p>7. Dar los ejercicios.</p> <p>-Entender el concepto de volumen.</p>	<p>Hojas para practicar </p>

### Plan del pizarrón

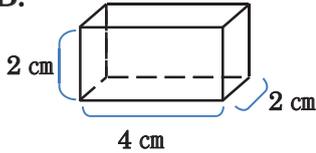
**Matemática**  
Tema : Concepto de volumen

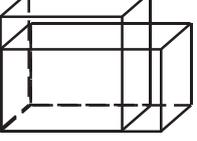
Miguel y Blanca tienen un pedazo de queso paraguayo. Los pedazos son de diferentes formas, como los de abajo. ¿Quién tiene el pedazo más grande?

M.

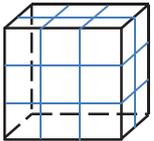


B.



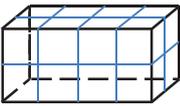


M.



**18 cubos**

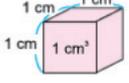
B.



**16 cubos**

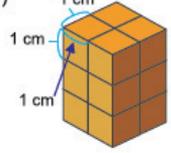
Respuesta : Miguel tiene más grande que Blanca.

El volumen representa la cantidad de espacio que ocupa una materia, y los objetos se puede representar con la cantidad de cubos que miden 1cm por lado. El del cubo que tiene 1 cm al lado es un centímetro cúbico y se simboliza "cm<sup>3</sup>".



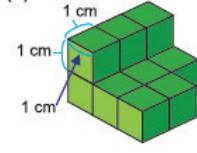
**Ejercicios**

(1)



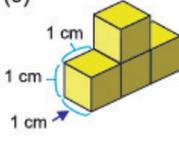
R : 12 cm<sup>3</sup>

(2)



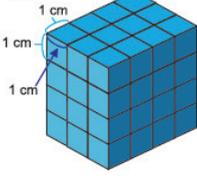
R : 11 cm<sup>3</sup>

(3)



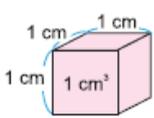
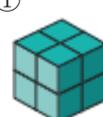
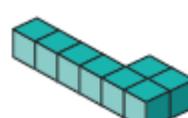
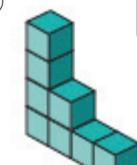
R : 4 cm<sup>3</sup>

(4)



R : 48 cm<sup>3</sup>

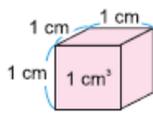
Grado	Volumen	Nº de clases	El objetivo
6º grado	Concepto(2)	2/11	Familiarizarse el concepto de volumen tocando los cúbicos de 1 cm <sup>3</sup> .

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que han aprendido en la clase anterior.</p>  <p>¿Cómo se llama la unidad de volumen?</p> 	<p>-Contestar</p> <p>¡1 cm<sup>3</sup>!</p> 	
Desarrollo 30 min.	<p>2. Plantear el tema.</p> <p><b>¡Vamos a armar varios cuerpos con 1 cm<sup>3</sup>!</b></p> <p>①  ¿Cuántos cm<sup>3</sup> tiene?</p>  <p>3. Presentar los cuerpos de 1 cm<sup>3</sup> para confirmar las respuestas.</p> <p>②       ③ </p> <p>④  ¿Qué hay de común en los cuerpos?</p>  <p>3. Repartir los cubos de 1 cm<sup>3</sup> a cada niño/a.</p> <p><b>¡Vamos a armar los cuerpos ①~④!</b></p>  <p><b>¿Se puede armar otro cuerpo con 8 cm<sup>3</sup>?</b></p>  <p><b>¡Vamos a presentar varias ideas de alumnos! El concepto de volumen es más difícil que el área porque no se pueden ver todas las partes del objeto. Se debe tener en cuenta las figuras que están atrás.</b></p>	<p><b>Equivocación previsible</b> ¿12cm<sup>3</sup>? ó ¿7cm<sup>3</sup>? ¿Atrás hay más cubos escondidos?</p>  <p>La mayoría se equivoca contando solamente las cara que se ve. Por eso lo más importante es mostrar y tocar los materiales concretos.</p> <p>¡Todos los cuerpos tienen 8cm<sup>3</sup>! Pero todos son diferentes cuerpos.</p>  <p>-Tocar los cubos de 1 cm<sup>3</sup> para armar cuerpos ①~④.</p>  <p>-Armar cualquier cuerpo con 8cm<sup>3</sup>.</p>  <p>-Recorrer para intercambiar las ideas de compañeros.</p>	<p>Materiales concretos</p> <p>Los cúbicos de 1cm<sup>3</sup></p>

	<p>4. Formar grupo de tres alumnos.</p> <p>¡Vamos a armar los prismas rectangulares, los prismas cuadrangulares o el cubo con <math>24\text{cm}^3</math>!</p>	<p>-Pensar y armar con sus compañeros.</p> 
<p>Cierre 5 min.</p>	<p>5. Concluir el aprendizaje de hoy.</p> <p>Puede haber diferentes cuerpos sin cambiar el volumen.</p>	<p>Después de armar vamos a medir lado, ancho y altura de cada cuerpo para entender diferencia de otros cuerpos. Esta actividad se buena oportunidad para entender la próxima clase. ¡Vamos a aprovechar!</p> <p>-Comprender el concepto de volumen.</p>

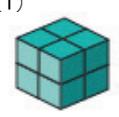
### Plan del pizarrón

**Matemática**



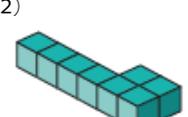
**¡Vamos a armar varios cuerpos con  $1\text{cm}^3$ !**

①



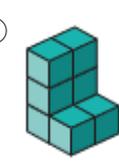
**R :  $8\text{cm}^3$**

②



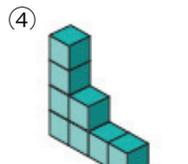
**R :  $8\text{cm}^3$**

③



**R :  $8\text{cm}^3$**

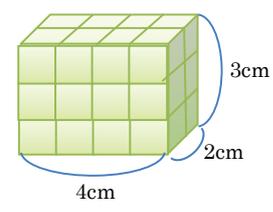
④



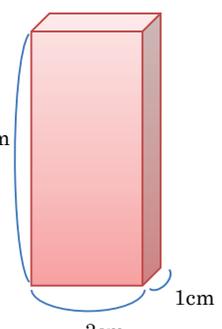
**R :  $8\text{cm}^3$**

Otros cuerpos con  $8\text{cm}^3$

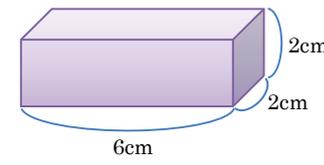
**¡Vamos a armar varios cuerpos con  $24\text{cm}^3$ !**



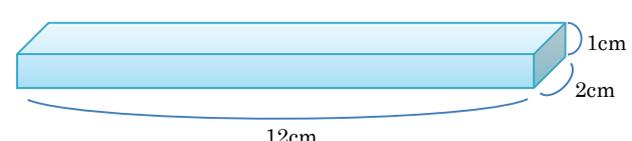
4cm  
3cm  
2cm



8cm  
3cm  
1cm



6cm  
2cm  
2cm

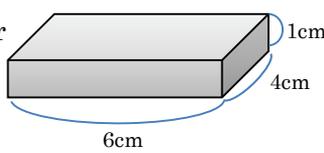


12cm  
2cm  
1cm

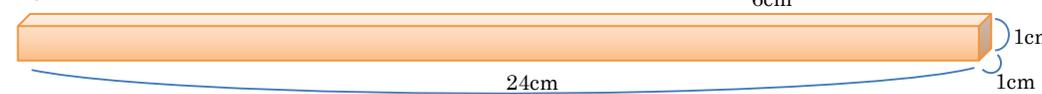
**Puede haber diferentes cuerpos sin cambiar el volumen.**

Si algunos alumnos se dan cuenta que se pueden multiplicar los 3 números (lado x ancho x altura) y el resultado es igual a  $24\text{cm}^3$ , vamos a elogiarlos. Ya que han avanzado en su aprendizaje.



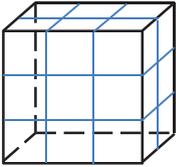
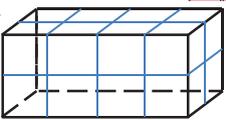
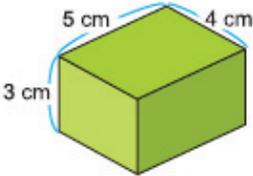
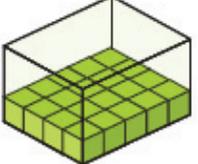
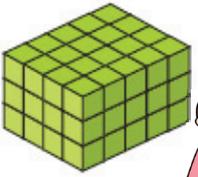


6cm  
4cm  
1cm



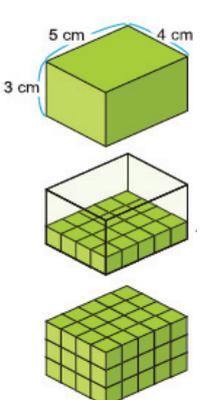
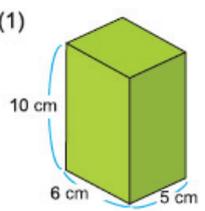
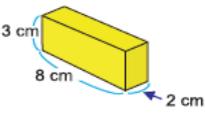
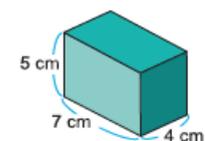
24cm  
1cm  
1cm

Grado	Volumen	Nº de clases	El objetivo
6º grado	Prisma rectangular	3/11	Comprender el procedimiento de cálculo de un prisma rectangular.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que han aprendido en la clase anterior.</p> <p>¿Cuántos <math>1 \text{ cm}^3</math> tienen esos quesos paraguayos?</p> <p>M.  B. </p>	<p>-Repasar lo que han aprendido diciendo.</p> <p>-Contestar. Prisma de Miguel tiene <math>18 \text{ cm}^3</math>. Prisma de Blanca tiene <math>16 \text{ cm}^3</math>.</p>	Prismas rectangulares con $1 \text{ cm}^3$ .
Desarrollo 25 min.	<p>2. Plantear el tema.</p> <p><b>¡Vamos a descubrir la fórmula del prisma rectangular!</b></p> <p></p> <p>La mayoría confunde área con volumen. En la práctica es mejor usar material concreto como bloques para comprender el significado del <math>\text{cm}^3</math>.</p> <p> <b>Primer nivel</b> largo <math>\times</math> ancho <u>4</u> <math>\times</math> <u>5</u></p> <p></p> <p>¿Cuántos niveles tiene?</p> <p>¡3 niveles!</p> <p><b>Completo prisma rectangular</b> Primer nivel <math>\times</math> altura <u>20</u> <math>\text{cm}^3 \times</math> <u>3</u> niveles</p> <p>3. Deducir a la fórmula.</p> <p>¿Qué hicimos primero?</p> <p>¿Qué hicimos después?</p> <p>¿Qué indica esta raya?</p> <p><u>largo</u> <math>\times</math> <u>ancho</u> <math>\times</math> altura</p>	<p>-Contestar. El área de base es un rectángulo. Se puede usar la fórmula del área de rectángulo. El área de base tiene 20 bloques de <math>1 \text{ cm}^3</math>.</p> <p>¡60 bloques de <math>1 \text{ cm}^3</math>!</p> <p>Respuesta : <u><math>60 \text{ cm}^3</math></u></p> <p>-Contestar. ¡Multiplicamos largo <math>\times</math> ancho! Multiplicamos por la altura! ¡Área de rectángulo, entonces es igual a área de base!</p>	Material concreto

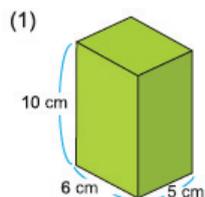
	5. Construir la fórmula.	-Escribir y comprender el procedimiento del cálculo de un prisma rectangular.	
	<div style="border: 2px solid red; padding: 10px; margin: 10px auto; width: fit-content;"> <p>Volumen del prisma rectangular = <u>largo</u> × <u>ancho</u> × <u>altura</u>  = <u>área de base (Ab)</u> × <u>altura (h)</u></p> </div>		
Cierre 10 min.	6. Dar los ejercicios.	-Practicar los ejercicios aplicando la fórmula del prisma rectangular.	Hoja para practicar

### Plan del pizarrón

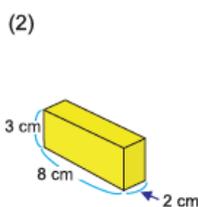
Matemática	
¡Vamos a descubrir la fórmula del prisma rectangular!	
 <p style="text-align: center; border: 1px solid black; padding: 2px;">Primer nivel</p> <p style="text-align: center;">largo × ancho  <u>5 cm</u> × <u>4 cm</u> = <u>20 cm<sup>2</sup></u></p> <p style="text-align: center; border: 1px solid black; padding: 2px;">Completo prisma rectangular</p> <p style="text-align: center;">Primer nivel × altura  <u>20 cm<sup>2</sup></u> × <u>3 cm</u>  <b>Respuesta: 60cm<sup>3</sup></b></p>	<h4 style="text-align: center;">Ejercicios</h4> <p>(1) </p> <p>Fórmula:  <math>V = Ab \times h</math>  Solución:  <math>V = 6 \text{ cm} \times 5 \text{ cm} \times 10 \text{ cm}</math>  <math>= 300 \text{ cm}^3</math>  <b>R: 300 cm<sup>3</sup></b></p> <p>(2) </p> <p>Fórmula:  <math>V = Ab \times h</math>  Solución:  <math>V = 8 \text{ cm} \times 2 \text{ cm} \times 3 \text{ cm}</math>  <math>= 48 \text{ cm}^3</math>  <b>R: 48 cm<sup>3</sup></b></p> <p>(3) </p> <p>Fórmula:  <math>V = Ab \times h</math>  Solución:  <math>V = 7 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} \times 5 \text{ cm}</math>  <math>= 140 \text{ cm}^3</math>  <b>R: 140 cm<sup>3</sup></b></p>
<div style="border: 2px solid red; padding: 10px;"> <p>Para calcular el volumen de un prisma rectangular, se multiplica la medida del largo, del ancho y de la altura.</p> <div style="text-align: center;">  </div> <p style="text-align: center;">Volumen del prisma rectangular = <u>largo</u> × <u>ancho</u> × <u>altura</u>  = <u>área de base (Ab)</u> × <u>altura (h)</u></p> </div>	

### Respuesta de Ejercicios (pág.217)

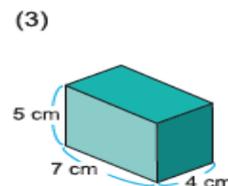
Calcule el volumen de los siguientes.



**Fórmula:**  $V = Ab \times h$   
**Solución:**  
 $V = 6 \text{ cm} \times 5 \text{ cm} \times 10 \text{ cm} = 300 \text{ cm}^3$   
**Respuesta:** 300 cm<sup>3</sup>



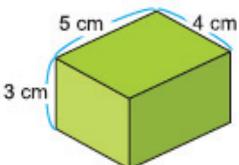
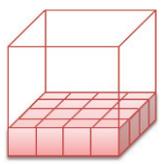
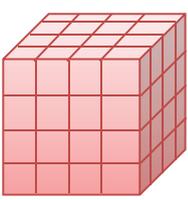
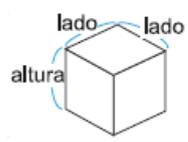
**Fórmula:**  $V = Ab \times h$   
**Solución:**  
 $V = 8 \text{ cm} \times 2 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} = 48 \text{ cm}^3$   
**Respuesta:** 48 cm<sup>3</sup>



**Fórmula:**  $V = Ab \times h$   
**Solución:**  
 $V = 7 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} \times 5 \text{ cm} = 140 \text{ cm}^3$   
**Respuesta:** 140 cm<sup>3</sup>



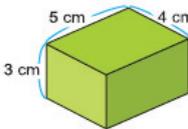
Grado	Volumen	Nº de clases	El objetivo
6º grado	Cubo	4/11	Comprender el procedimiento de cálculo de un cubo.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que han aprendido en la clase anterior.</p> <p>¿Cuál es la fórmula de volumen del prisma rectangular?</p>  <p>2. Plantear el tema.</p>	<p>-Contestar Volumen del prisma rectangular = <u>largo</u> × <u>ancho</u> × <u>altura</u> = <u>área de base (Ab)</u> × <u>altura (h)</u></p> <p>Por eso <math>V = Ab \times h</math> <math>= 5 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} = 60 \text{ cm}^3</math></p> <p><u>R : 60 cm<sup>3</sup></u></p>	Material concreto
Desarrollo 30 min.	<p>¿Qué figura es en la base?</p>  <p><u>Primer nivel</u> lado × lado <u>4cm</u> × <u>4cm</u></p> <p>¿Cuántos niveles tiene?</p>  <p><u>Completo cubo</u> Primer nivel × altura <u>16cm<sup>2</sup></u> × <u>4</u> cm</p> <p>3. Deducir a la fórmula.</p> <p>¿Qué hicimos primero?</p> <p>¿Qué hicimos después?</p> <p>Los lados de la cara del cubo se llaman aristas.</p> <p>4. Construir la fórmula.</p>	<p>-Contestar. ¡Cuadrado!</p> <p>La fórmula del cuadrado es lado × lado. Por eso... Primer nivel tiene 16 bloques de 1 cm<sup>3</sup>.</p> <p>¡4 niveles!</p> <p>¡64 bloques de 1 cm<sup>3</sup>!</p> <p><u>Respuesta : 64 cm<sup>3</sup></u></p> <p>-Contestar.</p> <p>¡Multiplicamos lado × lado!</p> <p>¡Multiplicamos por altura!</p> <p>¡Todas las medidas son iguales!</p>	Material concreto
	<p>Volumen del cubo = lado × lado × altura</p>  <p>= arista × arista × arista</p> <p>= <b>a<sup>3</sup></b></p>		

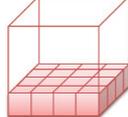
Cierre 5 min.	5. Dar los ejercicios.	-Escribir y comprender el procedimiento de cálculo de un cubo.	Hoja para practicar
		 -Practicar los ejercicios aplicando la fórmula del cubo.	

## Plan del pizarrón

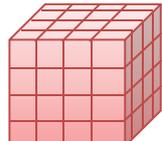
**Matemática**  
**¡Vamos a descubrir la fórmula de cubo!**



Prisma rectangular  
 $V = Ab \times h$   
 $= 5 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} = 60 \text{ cm}^3$   
**R: 60 cm<sup>3</sup>**



**Primer nivel**  
 lado  $\times$  lado  
 $4 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} = 16 \text{ cm}^2$



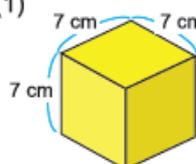
**Completo cubo**  
 Primer nivel  $\times$  altura  
 $16 \text{ cm}^2 \times 4 \text{ cm}$   
 $= 64 \text{ cm}^3$

Para calcular el volumen de un cubo, se multiplica la medida de sus largos por altura.

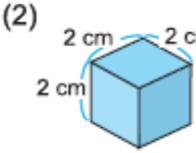


**Volumen del cubo** = lado  $\times$  lado  $\times$  altura  
 = arista  $\times$  arista  $\times$  arista  
 =  $a^3$

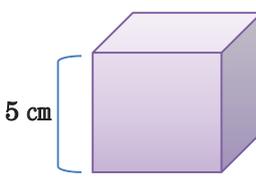
### Ejercicios

(1) 

Fórmula:  
 $V = a^3$   
 Solución:  
 $V = 7 \text{ cm} \times 7 \text{ cm} \times 7 \text{ cm}$   
 $= 343 \text{ cm}^3$   
**R: 343 cm<sup>3</sup>**

(2) 

Fórmula:  
 $V = a^3$   
 Solución:  
 $V = 2 \text{ cm} \times 2 \text{ cm} \times 2 \text{ cm}$   
 $= 8 \text{ cm}^3$   
**R: 8 cm<sup>3</sup>**

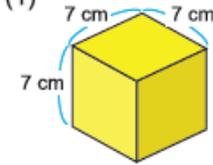
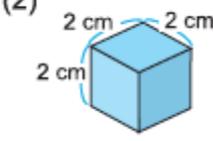
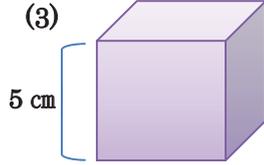
(3) 

Fórmula:  
 $V = a^3$   
 Solución:  
 $V = 5 \text{ cm} \times 5 \text{ cm} \times 5 \text{ cm}$   
 $= 125 \text{ cm}^3$   
**R: 125 cm<sup>3</sup>**

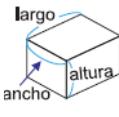
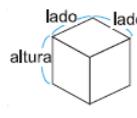
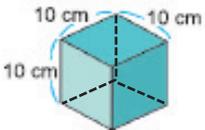
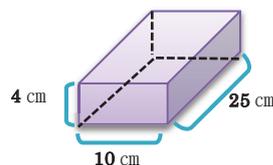
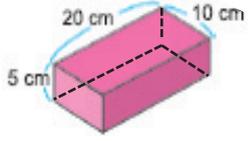
## Respuesta de Ejercicios (pág.218)

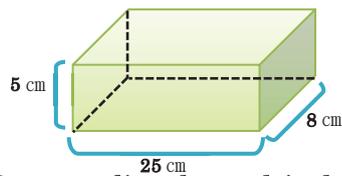
Calculo el volumen de los siguientes.



<p>(1) </p> <p><b>Fórmula:</b> <math>V = a^3</math></p> <p><b>Solución:</b>  <math>V = 7 \text{ cm} \times 7 \text{ cm} \times 7 \text{ cm} = 343 \text{ cm}^3</math></p> <p><b>Respuesta:</b> 343 cm<sup>3</sup></p>	<p>(2) </p> <p><b>Fórmula:</b> <math>V = a^3</math></p> <p><b>Solución:</b>  <math>V = 2 \text{ cm} \times 2 \text{ cm} \times 2 \text{ cm} = 8 \text{ cm}^3</math></p> <p><b>Respuesta:</b> 8 cm<sup>3</sup></p>	<p>(3) </p> <p><b>Fórmula:</b> <math>V = a^3</math></p> <p><b>Solución:</b>  <math>V = 5 \text{ cm} \times 5 \text{ cm} \times 5 \text{ cm} = 125 \text{ cm}^3</math></p> <p><b>Respuesta:</b> 125 cm<sup>3</sup></p>
--	--	---

Grado	Volumen	N° de clases	El objetivo
6º grado	Confección de 1000cm <sup>3</sup>	5/11	Conocer varios cuerpos que tienen 1000 cm <sup>3</sup> .

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que han aprendido en la clase anterior.</p> <p>¿Cuáles son las fórmulas de volumen del prisma rectangular y del cubo?</p> <p>Prisma rectangular  cubo </p>	<p>-Contestar.</p> <p>Volumen del prisma rectangular = largo × ancho × altura = área de base (Ab) × altura (h)</p> <p>Volumen del cubo = lado × lado × altura = arista × arista × arista = a<sup>3</sup></p>	Materiales concretos
Desarrollo 25 min.	<p>2. Plantear el tema.</p> <p><b>¡Vamos a armar las cajas que tienen 1 000cm<sup>3</sup>!</b></p> <p> ¿Qué cuerpo es?</p> <p>¿Cuántos cm<sup>3</sup> tiene?</p> <p>¡Vamos a buscar otros cuerpos que tienen 1 000 cm<sup>3</sup>!</p> <p>¿Cómo podemos buscar otros cuerpos que tengan 1 000 cm<sup>3</sup>?</p> <p>3. Presentar otro cuerpo que tiene 1000cm<sup>3</sup>. Volumen de prisma rectangular = Ab × h</p> <p></p> <p>4. Buscar otros cuerpos que tienen 1 000cm<sup>3</sup>. </p>	<p>-Contestar.</p> <p>¡Cubo!</p> <p>-Solucionar.</p> <p>Volumen del cubo = a<sup>3</sup> = 10 cm × 10 cm × 10 cm = 1 000 cm<sup>3</sup></p> <p>¿Todavía hay otra fórmula? ¿Cómo se calcula bien para llegar a la solución?</p> <p>¡Multiplicamos 3 números para llegar a solución de 1 000 cm<sup>3</sup>!</p> <p>-Solucionar.</p> <p>V = Ab × h = 10 cm × 25 cm × 4 cm = 1 000 cm<sup>3</sup></p> <p>V = Ab × h = 20 cm × 10 cm × 5 cm = 1 000 cm<sup>3</sup></p>	Material concreto

	 <p>5. Dar cartulina de cuadriculados a cada niño/a.</p> <p>¡Vamos a armar cualquier caja que tenga 1 000 cm<sup>3</sup> con cartulina de cuadriculados!</p> 	$V = Ab \times h$ $= 20 \text{ cm} \times 10 \text{ cm} \times 5 \text{ cm}$ $= 1\,000 \text{ cm}^3$ <p>-Armar una caja que tenga 1 000 cm<sup>3</sup>.</p> <p>¡Parece diferentes, pero todos tienen el mismo volumen, 1 000 cm<sup>3</sup>! ¡Qué interesante!</p> 	<p>Cartulina de cuadriculados</p>  <p>Hoja cuadriculada pág. 245</p>
<p>Cierre 10 min.</p>	<p>6. Presentar las cajas que han armando.</p>	<p>-Darse cuenta que hay diferente formas pero contienen la misma cantidad (1 000 cm<sup>3</sup>).</p>	

Existen varias formas que tienen 1 000 cm<sup>3</sup>.

### Plan del pizarrón

Matemática

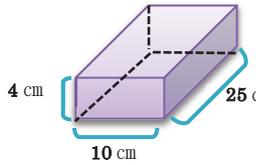


**Volumen del prisma rectangular**  
= largo × ancho × altura  
= **área de base (Ab) × altura (h)**

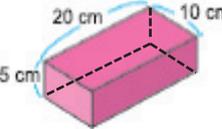


**Volumen del cubo**  
= largo × largo × altura  
= arista × arista × arista  
= a<sup>3</sup>

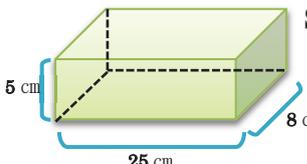
**Fórmula:**  
V = Ab × h  
**Solución:**  
V = 25 cm × 10 cm × 4 cm  
= 1 000 cm<sup>3</sup>



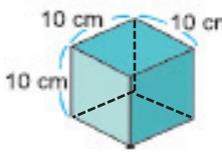
**Fórmula:**  
V = Ab × h  
**Solución:**  
V = 20 cm × 10 cm × 5 cm  
= 1 000 cm<sup>3</sup>



**Fórmula:**  
V = Ab × h  
**Solución:**  
V = 20 cm × 10 cm × 5 cm  
= 1 000 cm<sup>3</sup>



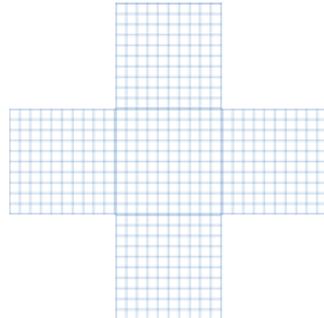
¡Vamos a armar las cajas que tienen 1000 cm<sup>3</sup>!



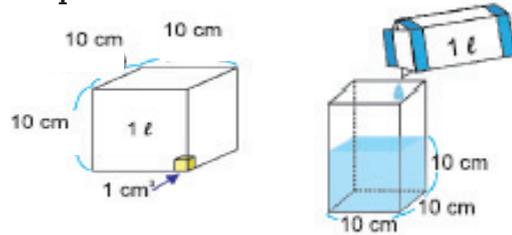
**Fórmula:**  
**Volumen del cubo = a<sup>3</sup>**  
**Solución:**  
V = 10 cm × 10 cm × 10 cm  
= 1 000 cm<sup>3</sup>

**Existen varias formas que tienen 1 000 cm<sup>3</sup>.**

Un ejemplo de caja que tiene 1 000 cm<sup>3</sup>.

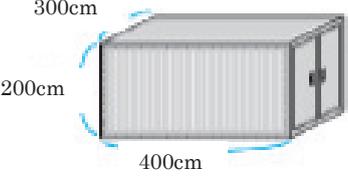
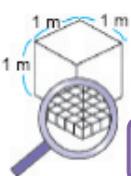
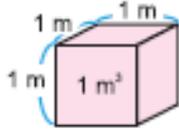


Si hay tiempo, vamos a confirmar que 1 000 cm<sup>3</sup> = 1 ℓ con agua y recipiente.





Grado	Volumen	Nº de clases	El objetivo
6º grado	Concepto de m <sup>3</sup>	6/11	Comprender el concepto de m <sup>3</sup> .

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Presentar la situación problemática.</p> <p>Hay un barco cargado de contenedores. Cada contenedor tiene forma del prisma rectangular como lo representa el dibujo. ¿Cuánto mide el volumen de este contenedor?</p>  <p>¿Qué cuerpo es?</p> <p>¿Vamos a calcular el volumen con cm<sup>3</sup>!</p>	<p>-Leer y sacar los datos.</p> <p>-Repasar lo que han aprendido diciendo.</p> <p>Volumen del prisma rectangular = <math>Ab \times h</math></p> <p>-Solucionar.  <math>V = Ab \times h</math>  <math>= 400 \text{ cm} \times 300 \text{ cm} \times 200 \text{ cm}</math>  <math>= 24\ 000\ 000 \text{ cm}^3</math></p> <p>¡Cuesta mucho! Hay que usar muchos ceros....</p>	Dibujo
Desarrollo 30 min.	<p>2. Plantear el tema.</p> <p>¿Vamos a expresar la medida de espacios grandes con otras medida de unidad!</p> <p>¿Cuánto represente 200cm con otra medida de unidad?</p> <p>¿Vamos a solucionar con m<sup>3</sup>!</p> <p>3. Comparar las solución con cm<sup>3</sup> y con m<sup>3</sup>.</p> <p>¿Cómo es más claro?</p>  <p>¿Cuántos cm<sup>3</sup> tiene 1m<sup>3</sup>?</p> <p>4. Concluir el concepto de 1m<sup>3</sup>.</p>	<p>¡2m!</p> <p>¡Cierto! 100 cm=1m</p> <p>Solucionar.  <math>V = Ab \times h = 4\text{m} \times 3\text{m} \times 2\text{m}</math>  <math>= 24\text{m}^3</math></p> <p>¡Con m<sup>3</sup>! R : 24m<sup>3</sup></p> <p>Volumen del cubo = <math>a^3</math>  <math>V = 100 \text{ cm} \times 100 \text{ cm} \times 100 \text{ cm}</math>  <math>= 1\ 000\ 000 \text{ cm}^3</math></p>	
	<p>Para expresar la medida del espacio o un cuerpo grande, se utiliza como una medida convencional, el volumen de un cubo cuyo lado mide 1m. Esta unidad de volumen se llama “metro cúbico” y se simboliza “m<sup>3</sup>”.</p> <p><math>1\text{m}^3 = 1\ 000\ 000 \text{ cm}^3</math></p> 		

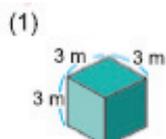
	<p>5. Mostrar un ejemplo de 1 m<sup>3</sup> con periódico.</p> <p>¿Cuántos niños pueden entrar en 1m<sup>3</sup>?</p>	<p>-Pronosticar.</p> <p>¡2 niños!</p> <p>¡5 niños!</p> <p>-Probar y confirmar.</p>	<p>Cubo de 1m<sup>3</sup></p>
<p>Cierre 5 min.</p>	<p>6. Dar los ejercicios.</p>	<p>-Entender el concepto de m<sup>3</sup>.</p>	<p>Hoja para practicar</p>

## Plan del pizarrón

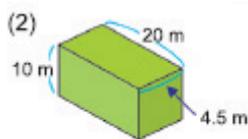
Matemática	Ejercicios		
<p>¡Vamos a expresar la medida del espacio grande con otro medida de unidad!</p> <p>Hay un barco cargado de conenedores. Cada contenedor tiene forma de prisma rectangular como lo representa el dibujo. ¿Cuánto mide el volumen de este contendor?</p> <p>Volumen del prisma rectangular = <math>Ab \times h</math></p> <table border="0"> <tr> <td> <p>Con cm<sup>3</sup></p> <p><math>V=400 \text{ cm} \times 300 \text{ cm} \times 200 \text{ cm}</math>  <math>=24\ 000\ 000 \text{ cm}^3</math></p> <p>R: 24 000 000 cm<sup>3</sup></p> </td> <td> <p>Con m<sup>3</sup></p> <p><math>V=4\text{m} \times 3\text{m} \times 2\text{m}</math>  <math>=24 \text{ m}^3</math></p> <p>R: 24 m<sup>3</sup></p> </td> </tr> </table> <p>Para expresar la medida del espacio o un cuerpo grande, se usa como una medida convencional, el volumen de un cubo cuyo lado mide 1m. Esta unidad de volumen se llama "metro cúbico" y se simboliza "m<sup>3</sup>".  <math>1\text{m}^3=1\ 000\ 000 \text{ cm}^3</math></p>	<p>Con cm<sup>3</sup></p> <p><math>V=400 \text{ cm} \times 300 \text{ cm} \times 200 \text{ cm}</math>  <math>=24\ 000\ 000 \text{ cm}^3</math></p> <p>R: 24 000 000 cm<sup>3</sup></p>	<p>Con m<sup>3</sup></p> <p><math>V=4\text{m} \times 3\text{m} \times 2\text{m}</math>  <math>=24 \text{ m}^3</math></p> <p>R: 24 m<sup>3</sup></p>	<p>(1)</p> <p>Fórmula:  <math>V= a^3</math>  Solución:  <math>V=3\text{m} \times 3\text{m} \times 3\text{m}=27\text{m}^3</math></p> <p>R: 27m<sup>3</sup></p> <p>(2)</p> <p>Fórmula:  <math>V=Ab \times h</math>  Solución:  <math>V=20\text{m} \times 4,5\text{m} \times 10\text{m}</math>  <math>=900\text{m}^3</math></p> <p>R: 900m<sup>3</sup></p> <p>(3)</p> <p>Fórmula:  <math>V=Ab \times h</math>  Solución:  <math>70\text{cm}=0,7\text{m}</math>  <math>V=0,7\text{m} \times 2\text{m} \times 1,5\text{m}</math>  <math>=2,1\text{m}^3</math></p> <p>R: 2,1m<sup>3</sup></p> <p>¡Vamos a incluir en las medidas de otra unidad como trampa (pakova pire)! La mayoría confunde en cm y m. ¡Vamos a incluir otras unidades de medida! Porque la mayoría se equivocan que <math>1\text{m}^3 = 100\text{cm}^3</math>.</p>
<p>Con cm<sup>3</sup></p> <p><math>V=400 \text{ cm} \times 300 \text{ cm} \times 200 \text{ cm}</math>  <math>=24\ 000\ 000 \text{ cm}^3</math></p> <p>R: 24 000 000 cm<sup>3</sup></p>	<p>Con m<sup>3</sup></p> <p><math>V=4\text{m} \times 3\text{m} \times 2\text{m}</math>  <math>=24 \text{ m}^3</math></p> <p>R: 24 m<sup>3</sup></p>		

## Respuesta de Ejercicios (pág.219)

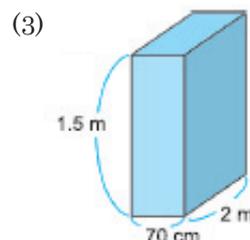
Calculo el volumen de los siguientes.



Fórmula:  $V= a^3$   
Solución:  
 $V=3\text{m} \times 3\text{m} \times 3\text{m}=27\text{m}^3$   
Respuesta: 27m<sup>3</sup>



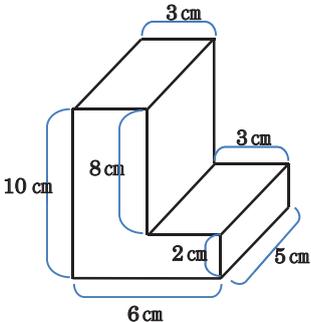
Fórmula:  $V=Ab \times h$   
Solución:  
 $V=20\text{m} \times 4,5\text{m} \times 10\text{m}$   
Respuesta: 900m<sup>3</sup>



Fórmula:  $V=Ab \times h$   
Solución:  
 $70\text{cm}=0,7\text{m}$   
 $V=0,7\text{m} \times 2\text{m} \times 1,5\text{m}$   
Respuesta: 2,1m<sup>3</sup>



Grado	Volumen	N° de clases	El objetivo
6º grado	Prisma compuesto(1)	7/11	Comprender el procedimiento del cálculo de prismas irregulares.(como prismas compuestos)

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar la clase anterior.</p> <p>2. Presentar un cuerpo nuevo.</p> <div style="border: 1px solid black; padding: 5px; text-align: center;"> <p><b>¡Vamos a calcular el volumen del prisma irregular! ¿Cuántos cm<sup>3</sup> tiene ese cuerpo?</b></p> </div>	<p>-Repasar lo que han aprendido.</p> <p>Volumen del prisma rectangular <math>= Ab \times h</math></p> <p>Volumen del cubo <math>= a^3</math></p>	Materiales concretos
Desarrollo 30 min.	<p>¿Qué hicimos en la clase de área?</p>  <p>3. Repartir la hoja a cada niño/a.</p>	<p>-Repasar lo que han aprendido en la clase de área con muchas figuras.</p> <p>Quando hay que calcular un cuerpo que no conocemos la fórmula...</p> <p>¡Dividir con línea, cortar y unir, agregar y quitar. Después solucionar!</p>	Material concreto
	<p>4. Formar los grupos para compartir sus ideas en grupo. (Es mejor que cada grupo tenga 3 ó 4 alumnos.)</p> <p>5. Compartir las ideas de cada grupo entre todos.</p> <p>¡Qué bien! Encontramos muchas ideas para llegar a la solución.</p> <p>6. Concluir el aprendizaje de hoy.</p> <div style="border: 1px solid red; padding: 5px; text-align: center;"> <p>Para hallar el volumen del prisma irregular se puede usar las fórmulas de prisma rectangular y del cubo a través de cortar y unir o agregar y quitar los cuerpos.</p> </div>	<p>-Pensar bien confeccionando en las figuras que han aprendido en la clase de área.</p> <p>-Solucionar. <b>SOLO</b></p> <p>-Conversar sus ideas.</p> <p>-Compartir las ideas entre los compañeros. <b>GRUPO</b></p> <p>¿Qué hiciste? Yo hice así. Dividí aquí, luego...</p> <p>¿Qué bien! Yo dividí otro lugar, luego..</p> <p>-Presentar cada grupo sus ideas.</p> <p>-Conocer varias fórmulas para llegar a la solución. <b>TODOS</b></p>	Hoja para pensar individual (pág.220)

<p>Cierre 5 min.</p>	<p><b>7. Dar un ejercicio.</b></p>	<p>-Entender bien cómo se soluciona el volumen de los prismas irregulares.</p> <p style="text-align: center;"><b>SOLO</b></p>	<p>Hoja para practicar (pág.220)</p>
--------------------------	------------------------------------	---	--------------------------------------

## Plan del pizarrón

<p><b>Matemática</b></p> <p>¡Vamos a calcular el volumen del prisma irregular! ¿Cuántos cm<sup>3</sup> tiene ese cuerpo?</p>	
<p style="text-align: center;"><b>Cómo se llega a la solución</b></p> <p><b>1. Cortar y unir.</b> <b>2. Agregar y quitar</b></p> <p>1.</p> <p>Cortamos prisma A y B</p> <p>Prisma A <math>V = Ab \times h</math> <math>= 3 \text{ cm} \times 5 \text{ cm} \times 8 \text{ cm}</math> <math>= 120 \text{ cm}^3</math></p> <p>Prisma B <math>V = Ab \times h</math> <math>= 6 \text{ cm} \times 5 \text{ cm} \times 2 \text{ cm}</math> <math>= 60 \text{ cm}^3</math></p> <p>Unimos Prisma A y B <math>120 \text{ cm}^3 + 60 \text{ cm}^3 = 180 \text{ cm}^3</math> <b>R : 180 cm<sup>3</sup></b></p>	<p>Agregamos prisma completo A</p> <p>Prisma A <math>V = Ab \times h</math> <math>= 6 \text{ cm} \times 5 \text{ cm} \times 10 \text{ cm}</math> <math>= 300 \text{ cm}^3</math></p> <p>Prisma B (Fantasma) <math>V = Ab \times h</math> <math>= 3 \text{ cm} \times 5 \text{ cm} \times 8 \text{ cm} = 60 \text{ cm}^3</math></p> <p>Quitamos Prisma B de A <math>300 \text{ cm}^3 - 120 \text{ cm}^3 = 180 \text{ cm}^3</math> <b>R : 180 cm<sup>3</sup></b></p>
<p>Cortamos prisma A y B</p> <p>Prisma A <math>V = Ab \times h</math> <math>= 3 \text{ cm} \times 5 \text{ cm} \times 10 \text{ cm}</math> <math>= 150 \text{ cm}^3</math></p> <p>Prisma B <math>V = Ab \times h</math> <math>= 3 \text{ cm} \times 5 \text{ cm} \times 2 \text{ cm}</math> <math>= 30 \text{ cm}^3</math></p> <p>Unimos Prisma A y B <math>150 \text{ cm}^3 + 30 \text{ cm}^3 = 180 \text{ cm}^3</math> <b>R : 180 cm<sup>3</sup></b></p>	<p><b>Para hallar el volumen de prismas irregulares se puede usar las fórmulas de prisma rectangular y del cubo a través de cortar y unir o agregar y quitar los cuerpos.</b></p> <p><b>Ejercicios</b></p> <p>Agregamos prisma completo A</p> <p>Prisma A <math>V = Ab \times h</math> <math>= 12 \text{ m} \times 12 \text{ m} \times 6 \text{ m}</math> <math>= 864 \text{ m}^3</math></p> <p>Prisma B (Fantasma) <math>V = Ab \times h</math> <math>= 4 \text{ m} \times 8 \text{ m} \times 6 \text{ m} = 192 \text{ m}^3</math></p> <p>Quitamos Prisma B de A <math>864 \text{ m}^3 - 192 \text{ m}^3 = 672 \text{ m}^3</math> <b>R : 672 m<sup>3</sup></b></p> <p style="border: 1px solid purple; padding: 5px; display: inline-block;"><b>Forma de cortar y unir se puede también.</b></p>

SOLO

↓

GRUPO

↓

TODOS

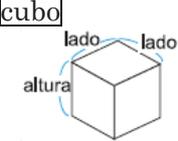
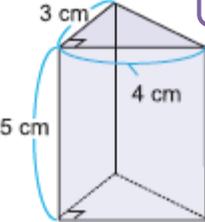
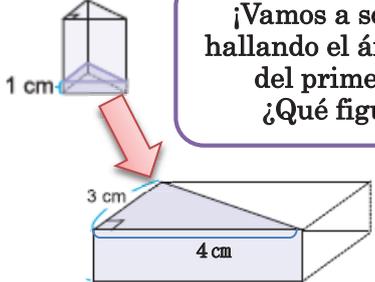
↓

SOLO

Este tema es muy difícil. Por eso vamos a aprovechar esta ocasión. Después de presentar un prisma irregular, vamos a dar **4 momentos** (como la hora de pensar solo → la hora de compartir sus ideas en grupo → la hora de presentar las ideas de cada grupo → la hora de confirmar que han aprendido hoy solo). Es muy significativo para profundizar el conocimiento y aprender la importancia de colaborar con sus compañeros.

¡Vamos a dar esta oportunidad para que los niños se desarrollen bien!

Grado	Volumen	Nº de clases	El objetivo
6º grado	Prisma triangular	8/11	Comprender el procedimiento de cálculo del volumen de un prisma triangular.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que han aprendido en la clase anterior.</p> <p><u>Prisma rectangular</u></p>  	<p><u>Volumen del prisma rectangular</u> <math>= Ab \times h</math></p> <p><u>Volumen del cubo</u> <math>= a^3</math></p>	Materiales concretos
Desarrollo 30 min.	<p>2. Presentar un prisma.</p>  <p>¿Qué figura es?</p> 	<p>-Contestar.</p> <p>¡Prisma triangular!</p> <p>¿Cómo debemos hacer?</p> 	Material concreto  Plano desarrollando de triangular pág. 254
	<p><b>¡Vamos a descubrir la fórmula del prisma triangular!</b></p> <p>¿Qué hacemos para encontrar a la solución? ¿Cuántos cm<sup>3</sup> tiene?</p> <p>¿Qué hicimos cuando no sabíamos la fórmula?</p> <p>3. Aplicar lo que hicimos para descubrir la fórmula del prisma rectangular.</p>  <p>¡Vamos a solucionar hallando el área de base del primer nivel! ¿Qué figura es?</p>  <p>4. Construir la fórmula.</p> <div style="border: 1px solid red; padding: 5px;"> <p>Volumen del prisma triangular</p> <math display="block">= \frac{\text{base} \times \text{altura}}{2} \times \text{altura}</math> <p style="text-align: center;">↓</p> <math display="block">= \text{área de base}(Ab) \times \text{altura}(h)</math> </div>	<p>Calculamos primer nivel como área de base. Luego multiplicamos por altura.</p>  <p>-Solucionar.</p> <p><u>Primer nivel</u></p> $A_{\Delta} = \frac{b \times h}{2}$ <p>Área de triángulo pág. 112</p> $= \frac{4\text{cm} \times 3\text{cm}}{2} = 6\text{ cm}^2$ <p><u>Primer nivel × altura</u></p> $6\text{ cm}^2 \times 5\text{ cm} = 30\text{ cm}^3$ <p>Respuesta : 30 cm<sup>3</sup></p>  <p>-Escribir y entender el procedimiento del prisma triangular.</p>	

Cierre 5 min.	5. Dar los ejercicios.		-Practicar los ejercicios aplicando la fórmula del prisma triangular.	Hoja para practicar
------------------	------------------------	---	---	---------------------

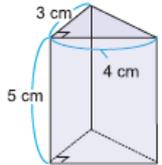
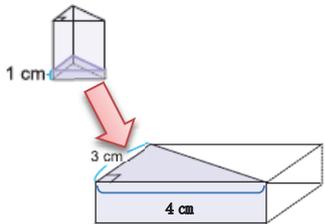
## Plan del pizarrón

### Matemática

**Volumen del prisma rectangular**  
 $= Ab \times h$

**Volumen del cubo**  $= a^3$

¡Vamos a descubrir la fórmula del prisma triangular!

**Primer nivel**

$$A_{\Delta} = \frac{b \times h}{2} = \frac{4\text{ cm} \times 3\text{ cm}}{2} = 6\text{ cm}^2$$

**Primer nivel  $\times$  altura**  
 $6\text{ cm}^2 \times 5\text{ cm} = 30\text{ cm}^3$

Respuesta : 30cm<sup>3</sup>

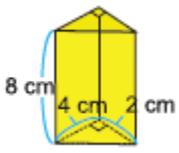
Volumen del prisma triangular

$$= \frac{\text{base} \times \text{altura}}{2} \times \text{altura}$$

$$= \text{área de base (Ab)} \times \text{altura(h)}$$

**Ejercicios**

1. Fórmula:  $Ab \times h$



Solución:  $V = \frac{4\text{ cm} \times 2\text{ cm}}{2} \times 8\text{ cm}$

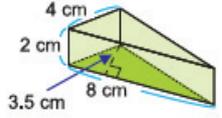
$$= 4\text{ cm}^2 \times 8\text{ cm}$$

$$= 32\text{ cm}^3$$

Respuesta : 32cm<sup>3</sup>

2. Fórmula:  $Ab \times h$

Solución:



$V = \frac{8\text{ cm} \times 3,5\text{ cm}}{2} \times 2\text{ cm}$

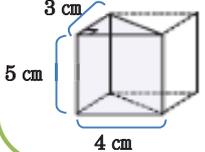
$$= 14\text{ cm}^2 \times 2\text{ cm}$$

$$= 28\text{ cm}^3$$

Respuesta : 28cm<sup>3</sup>

Hay otras ideas para llegar a la solución del prisma triangular, por ejemplo a través de triángulo. El área de triángulo es la mitad del rectángulo, por eso se puede calcular con la fórmula del prisma rectangular.





-Solución

$$V = 4\text{ cm} \times 3\text{ cm} \times 5\text{ cm} : 2$$

$$= 60\text{ cm}^3 : 2$$

$$= 30\text{ cm}^3$$

Respuesta : 30 cm<sup>3</sup>

Volumen del prisma triangular

$$= \text{volumen del prisma rectangular} : 2$$

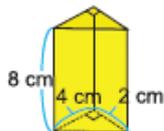
$$= Ab \times h : 2$$

## Respuesta de Ejercicios (pág.221)



Calcule el volumen de los siguientes.

(1)

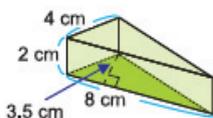


**Fórmula:** Volumen del prisma triangular =  $Ab \times h$

**Solución:**  $V = \frac{4\text{ cm} \times 2\text{ cm}}{2} \times 8\text{ cm} = 4\text{ cm}^2 \times 8\text{ cm} = 32\text{ cm}^3$

Respuesta : 32cm<sup>3</sup>

(2)

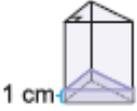
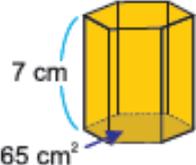
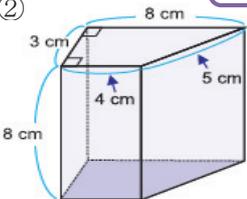


**Fórmula:** Volumen del prisma triangular =  $Ab \times h$

**Solución:**  $V = \frac{8\text{ cm} \times 3,5\text{ cm}}{2} \times 2\text{ cm} = 14\text{ cm}^2 \times 2\text{ cm} = 28\text{ cm}^3$

Respuesta : 28cm<sup>3</sup>

Grado	Volumen	Nº de clases	El objetivo
6º grado	Tipos de prismas	9/11	Comprender el procedimiento de cálculo de otros tipos de prismas.

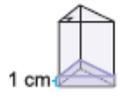
Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que han aprendido en la clase anterior.</p>  <p>1 cm</p> <p>2. Plantear el tema.</p>	<p>-Contestar.</p> <p>Volumen del prisma triangular</p> $= Ab \times h$	Material concreto
Desarrollo 25 min.	<b>¡Vamos a descubrir la fórmula del otra clase de prisma!</b>		
	<p>①</p>  <p>7 cm</p> <p>65 cm<sup>2</sup></p> <p>¿Qué cuerpo es?</p> <p>¿Cómo podemos hacer para llegar a solución cuando no sabíamos la fórmula?</p> <p>¡Vamos a probar la fórmula "área de base × altura"!</p> <p>¿Qué cuerpo es?</p>  <p>8 cm</p> <p>3 cm</p> <p>4 cm</p> <p>5 cm</p> <p>8 cm</p> <p>¿Qué figura tiene en área de base?</p> <p>¿Cómo podemos hacer para llegar a la solución cuando no sabíamos la fórmula?</p> <p> Área de trapecio Pag.133</p>	<p>-Contestar.</p> <p>¡Prisma hexagonal!</p> <p>Calculamos primer nivel como área de base. Luego multiplicamos por altura.</p> <p>¡Ya tiene área de base! ¡Qué suerte!</p> <p>-Solucionar.</p> <p>① <math>V = Ab \times h</math>  <math>= 65 \text{ cm}^2 \times 7 \text{ cm}</math>  <math>= 455 \text{ cm}^3</math></p> <p>Respuesta : 455 cm<sup>3</sup></p> <p>Parece prisma rectangular, pero irregular...</p> <p>¡Es trapecio!</p> <p>¡Vamos a probar la fórmula "área de base × altura"!</p> <p>② <math>V = Ab \times h</math>  <math>= \text{área de trapecio} \times \text{altura}</math>  <math>= \frac{(B + b) \times h}{2} \times h</math>  <math>= \frac{(8 \text{ cm} + 4 \text{ cm}) \times 3 \text{ cm}}{2} \times 8 \text{ cm}</math></p>	Material concreto

	<p>3. Confirmar a la fórmula.</p> <p>Volumen de todos los prismas = <b>área de base (Ab) × altura (h)</b></p>	$= \frac{12\text{ cm} \times 3\text{ cm}}{2} \times 8\text{ cm}$ $= 18\text{ cm}^2 \times 8\text{ cm} = 144\text{ cm}^3$ <p>Respuesta : 144 cm<sup>3</sup></p>	
Cierre 10 min.	<p>4. Dar los ejercicios.</p> 	<p>¡Área de base × altura es muy útil! En todos los tipos de prismas se pueden aplicar esta fórmula.</p>	 Hoja para practicar

### Plan del pizarrón

#### Matemática

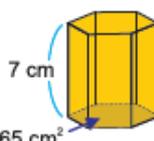
**Volumen del prisma triangular**



$$= \frac{\text{área de base (Ab)} \times \text{altura}}{2} \times \text{altura}$$

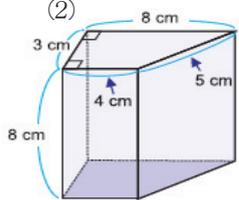
1 cm =  $\frac{\text{base} \times \text{altura}}{2} \times \text{altura}$

**¡Vamos a descubrir la fórmula de otra clase de prisma!**

①   $7\text{ cm}$   
 $65\text{ cm}^2$

Primer nivel = área de base =  $65\text{ cm}^2$   
 Primer nivel × altura = área de base × altura  
 $= 65\text{ cm}^2 \times 7\text{ cm} = 455\text{ cm}^3$

Respuesta : 455 cm<sup>3</sup>

②   $8\text{ cm}$ ,  $3\text{ cm}$ ,  $4\text{ cm}$ ,  $5\text{ cm}$ ,  $8\text{ cm}$

$V = \text{área de base} \times \text{altura}$   
 $= \text{área de trapecio} \times \text{altura}$   
 $= \frac{(B + b) \times h}{2} \times \text{altura}$

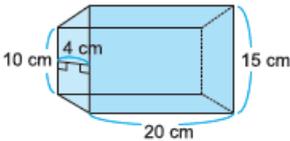
$$= \frac{(4\text{ cm} + 8\text{ cm}) \times 3\text{ cm}}{2} \times 8\text{ cm} = \frac{12\text{ cm} \times 3\text{ cm}}{2} \times 8\text{ cm}$$

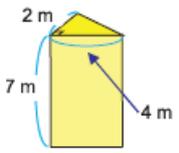
$$= 18\text{ cm}^2 \times 8\text{ cm} = 144\text{ cm}^3$$

Respuesta : 144 cm<sup>3</sup>

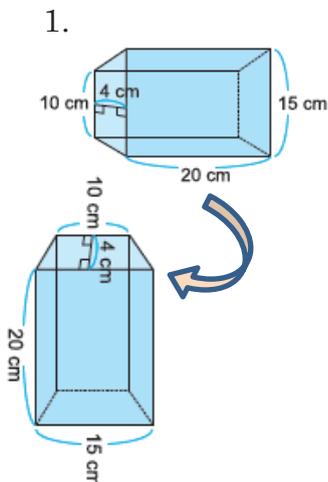
**Volumen de todos los prismas = área de base (Ab) × altura (h)**

Ejercicios

1.   $10\text{ cm}$ ,  $4\text{ cm}$ ,  $15\text{ cm}$ ,  $20\text{ cm}$

2.   $2\text{ m}$ ,  $7\text{ m}$ ,  $4\text{ m}$

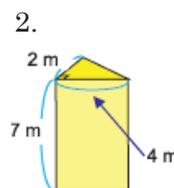
### Respuesta de Ejercicios (pág.222)



Fórmula:  
 $V = Ab \times h$   
 $A_{\text{trapez}} = \frac{(B + b) \times h}{2}$

Solución:  
 $V = \frac{(15\text{ cm} + 10\text{ cm}) \times 4\text{ cm}}{2} \times 20\text{ cm}$   
 $= 1\ 000\text{ cm}^3$

Respuesta: 1 000 cm<sup>3</sup>

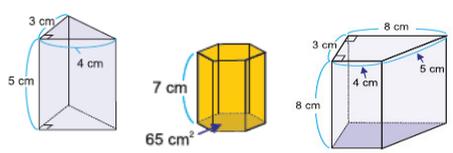
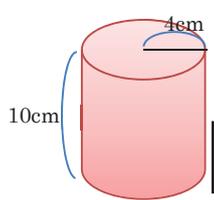
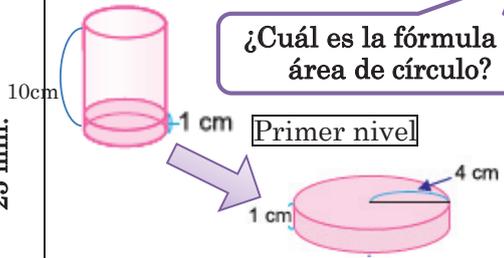


Fórmula:  
 $V = Ab \times h$   
 $A_{\text{tri}} = \frac{b \times h}{2}$

Solución:  
 $V = \frac{(4\text{ m} \times 2\text{ m})}{2} \times 7\text{ m} = 28\text{ m}^3$

Respuesta: 28 m<sup>3</sup>

Grado	Volumen	Nº de clases	El objetivo
6º grado	cilindro	10/11	Comprender el procedimiento de cálculo de un cilindro.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que han aprendido en la clase anterior.</p>  <p>¿Qué hay de común entre las fórmulas de los prismas?</p>	-Contestar.	Materiales concretos
Desarrollo 25 min.	<p>2. Presentar un cuerpo.</p>  <p>¿Cómo se llama este cuerpo?</p> <p><b>¡Vamos a descubrir la fórmula del cilindro!</b></p>	<p>¡Cilindro!</p> 	Material concreto 
	<p>3. Deducir para llegar a la solución.</p> <p>¿Qué hicimos cuando no sabíamos la fórmula?</p> <p>¿Cuál es la fórmula de área de círculo?</p>  <p>Área de círculo. pág.153</p> <p>Primero nivel × altura</p>	<p>Calculamos primer nivel como área de base. Luego multiplicamos por altura.</p>  <p>-Solucionar.</p> $Co = \pi \times \text{radio} \times \text{radio} = \pi r^2$ $= 3.14 \times 4 \text{ cm} \times 4 \text{ cm}$ $= 16 \text{ cm}^2 \times 3.14$ $= 50.24 \text{ cm}^2$ <p>Se puede representar...</p> $V = Ab \times h$ $V = Co \times h$ $V = \pi r^2 \times h$ $V = 3,14 \times 4 \text{ cm} \times 4 \text{ cm} \times 10 \text{ cm}$ <p><math>V = \text{área de base} \times \text{altura}</math></p> $= 50.24 \text{ cm}^2 \times 10 \text{ cm}$ $= 502.4 \text{ cm}^3$ <p><u>Respuesta : 502.4 cm³</u></p>	Plano desarrollando de cilindro pág. 255
	<p>4. Descubrir la fórmula.</p> <div style="border: 2px solid red; padding: 5px;"> <p>Volumen del cilindro</p> <math display="block">= \pi r^2 \times \text{altura}</math> <math display="block">= \text{Área de base (Co)} \times \text{altura (h)}</math> </div>	<p>-Escribir y entender la fórmula.</p> <p>¡Área de base × altura es muy útil! Cilindro se puede aplicar esta fórmula.</p> 	

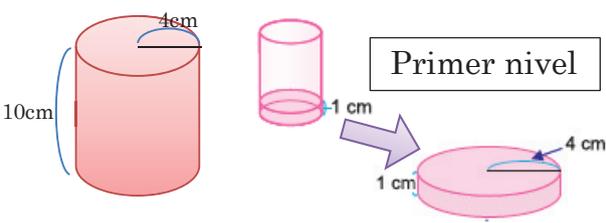
Cierre 10 min.	5. Dar los ejercicios.		-Practicar los ejercicios aplicando la fórmula de cilindro.	Hoja para practicar
-------------------	------------------------	---	---	---------------------

## Plan del pizarrón

### Matemática

Volumen del todo los prismas  
=  $Ab \times h$

¡Vamos a descubrir la fórmula del cilindro!



Primer nivel

Primer nivel

$$Co = \pi \times r^2$$

$$= 3,14 \times 4 \text{ cm} \times 4 \text{ cm}$$

$$= 3,14 \times 16 \text{ cm}^2$$

$$= 50,24 \text{ cm}^2$$

Primer nivel  $\times$  altura

$$V = \text{area de base } (Co) \times \text{altura } (h)$$

$$= 50,24 \text{ cm}^2 \times 10 \text{ cm}$$

$$= 502,4 \text{ cm}^3$$

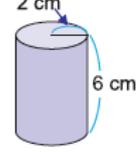
Respuesta : 502,4 cm<sup>3</sup>

Volumen del cilindro

$$= \pi r^2 \times \text{altura } (h)$$

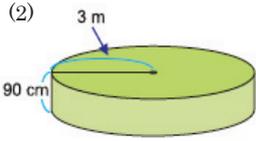
$$= \text{Área de base } (Co) \times \text{altura } (h)$$

### Ejercicios

(1) 

Fórmula:  $V = Co \times h$   
Solución:  
 $V = 3,14 \times 2 \text{ cm} \times 2 \text{ cm} \times 6 \text{ cm}$   
 $= 75,36 \text{ cm}^3$

Respuesta : 75,36 cm<sup>3</sup>

(2) 

Fórmula:  $V = Co \times h$   
Solución:  
 $90 \text{ cm} = 0,9 \text{ m}$   
 $V = 3,14 \times 3 \text{ m} \times 3 \text{ m} \times 0,9 \text{ m}$   
 $= 25,434 \text{ m}^3$

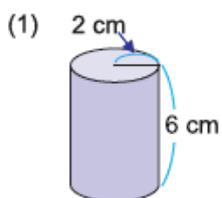
Respuesta : 25,434 m<sup>3</sup>

¡Vamos a incluir diferentes unidades de medidas como trampa (pakova pire)! La mayoría se confunde en cm y m. Se puede calcular  $V = 3,14 \times 300 \times 300 \times 90 = 25\ 434\ 000 \text{ cm}^3$ .

## Respuesta de Ejercicios (pág.223)



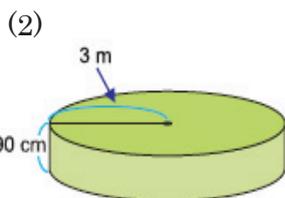
Calcule el volumen de los siguientes.



Fórmula:  $V = Co \times h$

Solución:  $V = 3,14 \times 2 \text{ cm} \times 2 \text{ cm} \times 6 \text{ cm} = 75,36 \text{ cm}^3$

Respuesta: 75,36 cm<sup>3</sup>

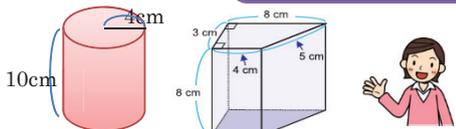
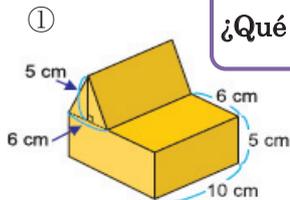
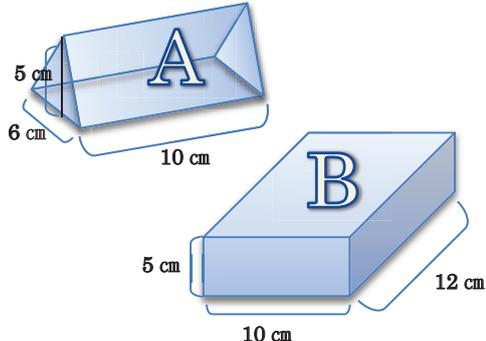
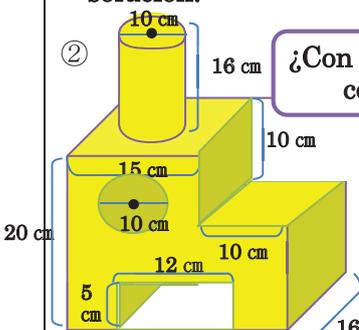


Fórmula:  $V = Co \times h$   
 $90 \text{ cm} = 0,9 \text{ m}$

Solución:  $V = 3,14 \times 3 \text{ m} \times 3 \text{ m} \times 0,9 \text{ m} = 25,434 \text{ m}^3$

Respuesta: 25,434 m<sup>3</sup>

Grado	Volumen	Nº de clases	El objetivo
6º grado	Cuerpo compuesto(2)	11/11	Comprender el procedimiento de cálculo de cuerpos compuestos del volumen.

Momento didáctico	El proceso de la clase Las preguntas principales (Docente)	Las acciones para aprender (Alumnos)	Materiales didácticos
Inicio 5 min.	<p>1. Repasar lo que han aprendido en la clase anterior.</p> <p>¿Qué hay de común entre las fórmulas de los prismas?</p> 	<p>-Contestar.</p> <p>Volumen del todo los prismas = <math>Ab \times h</math></p> 	Materiales concretos
Desarrollo 25 min.	<p>2. Plantear el tema.</p> <p>¡Vamos a calcular el volumen del cuerpo compuesto! ¿Cuántos <math>cm^3</math> tienen esos cuerpos?</p> <p>¿Qué cuerpos tienen?</p>  <p>¿Qué podemos hacer para llegar a la solución?</p> <p>3. Aplicar lo que hicimos para llegar a la solución.</p>  <p>4. Aplicar lo que hicimos para llegar a la solución.</p>  <p>¿Con qué cuerpo se construye?</p> <p>¿Qué podemos solucionar?</p>	<p>¡Prisma triangular!</p> <p>¡Prisma rectangular!</p> <p>¡Cortar y unir!</p> <p>-Solucionar.</p> <p><u>Prisma triangular A</u>  <math>V = Ab \times h</math>  <math>= \text{área de triángulo} \times \text{altura}</math>  <math>= \frac{b \times h}{2} \times h</math>  <math>= \frac{6 \text{ cm} \times 5 \text{ cm}}{2} \times 10 \text{ cm}</math>  <math>= 15 \text{ cm}^2 \times 10 \text{ cm} = 150 \text{ cm}^3</math></p> <p><u>Prisma rectangular B</u>  <math>V = Ab \times h</math>  <math>= 10 \text{ cm} \times 5 \text{ cm} \times 12 \text{ cm}</math>  <math>= 600 \text{ cm}^3</math></p> <p>Prisma A + Prisma B  <math>150 \text{ cm}^3 + 600 \text{ cm}^3 = 750 \text{ cm}^3</math>    <u>R: 750 <math>cm^3</math></u></p> <p>¡Cilindro y.... prisma irregular...</p> <p>¡Separar y unir!</p> <p>¡Agregar y quitar!</p> 	<p>Hoja para clase</p>

¿Qué podemos hacer después de solucionar cuerpo A, B, C, D y E?

¡Muy bien! ¡Qué buena atención! Podemos calcular más sencillo.

-Solucionar  
Prisma B - Prisma C - Prisma D  
8 000 cm<sup>3</sup> - 1 600 cm<sup>3</sup> - 960 cm<sup>3</sup> = 5 440 cm<sup>3</sup>

R : 5 440 cm<sup>3</sup>

6. Dar los ejercicios.

-Solucionar.

**Cilindro A**  
V = Co × h  
= π × r × r × h  
= 3,14 × 5 cm × 5 cm × 16 cm  
= 1 256 cm<sup>3</sup>

**Prisma complete B**  
V = Ab × h = 25 cm × 16 cm × 20 cm  
= 8 000 cm<sup>3</sup>

**Prisma fantasma C**  
V = Ab × h = 10 cm × 16 cm × 10 cm  
= 1 600 cm<sup>3</sup>

**Prisma fantasma D**  
V = Ab × h = 12 cm × 16 cm × 5 cm  
= 960 cm<sup>3</sup>

**Cilindro fantasma E**  
V = Co × h  
= π × r × r × h  
= 3,14 × 5 cm × 5 cm × 16 cm  
= 1 256 cm<sup>3</sup>

¡Mire Prof.! Cilindro fantasma E es igual de Cilindro A. ¡Vamos a quitar y agregar! ¡Qué calidad!

-Practicar los ejercicios del prisma compuesto.

Cierre 10 min.

Hoja para practicar

## Plan del pizarrón

### Matemática

Volumen del todo los prismas = área de base × altura

¡Vamos a encontrar el volumen del prisma compuesto!

①

**Prisma A** Fórmula  
V = Ab × h =  $\frac{b \times h}{2}$  × altura  
Solución  
V =  $\frac{6 \text{ cm} \times 5 \text{ cm}}{2}$  × 10 cm  
= 15 cm<sup>2</sup> × 10 cm = 150 cm<sup>3</sup>

**Prisma B**  
Fórmula: V = Ab × h  
Solución  
V = 10 cm × 5 cm × 12 cm  
= 600 cm<sup>3</sup>

**Prisma A + Prisma B**  
150 cm<sup>3</sup> + 600 cm<sup>3</sup> = 750 cm<sup>3</sup>    **Respuesta: 750 cm<sup>3</sup>**

②

**Cilindro A**  
Fórmula: V = Co × h  
Solución  
= 3,14 × 5 cm × 5 cm × 16 cm  
= 1 256 cm<sup>3</sup>

**Prisma complete B**  
Fórmula: V = Ab × h  
Solución  
V = 25 cm × 16 cm × 20 cm = 8 000 cm<sup>3</sup>

**Prisma fantasma C**  
Fórmula: V = Ab × h  
Solución  
V = 10 cm × 16 cm × 10 cm = 1 600 cm<sup>3</sup>

**Prisma fantasma D**  
Fórmula: V = Ab × h  
Solución  
V = 12 cm × 16 cm × 5 cm = 960 cm<sup>3</sup>

**Prisma B - Prisma C - Prisma D**  
8 000 cm<sup>3</sup> - 1 600 cm<sup>3</sup> - 960 cm<sup>3</sup>  
= 5 440 cm<sup>3</sup>  
**Respuesta: 5 440 cm<sup>3</sup>**

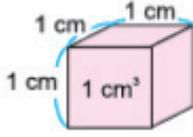
### Ejercicios

①

②

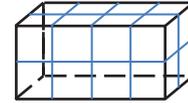
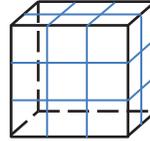
## Hoja para clase (Concepto(1))

El volumen de los objetos se pueden representar con la cantidad de cubos que miden 1cm cada lado. El cubo que tiene 1 cm por lado es un centimetro cúbico y se simboliza "cm<sup>3</sup>".



Miguel

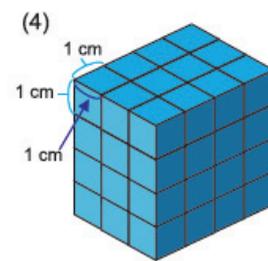
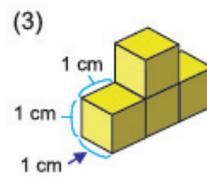
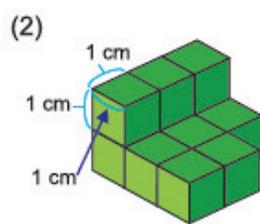
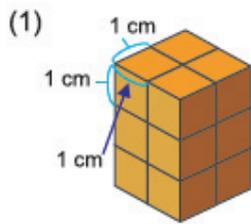
Blanca



\_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>

\_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>

¿Cuántos cubos de 1 cm<sup>3</sup> tienen?



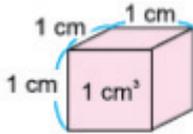
Respuesta: \_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>

Respuesta: \_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>

Respuesta: \_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>

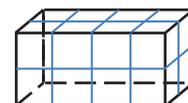
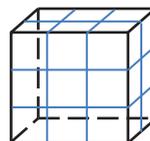
Respuesta: \_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>

El volumen de los objetos se puede representar con la cantidad de cubos que miden 1cm cada lado. El cubo que tiene 1 cm por lado es un centimetro cúbico y se simboliza "cm<sup>3</sup>".



Miguel

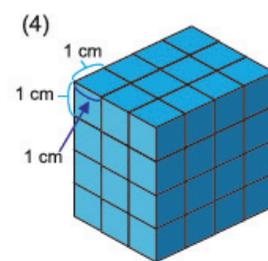
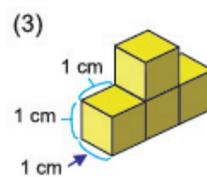
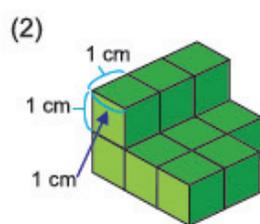
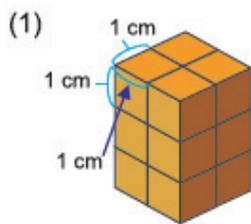
Blanca



\_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>

\_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>

¿Cuántos cubos de 1 cm<sup>3</sup> tienen?



Respuesta: \_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>

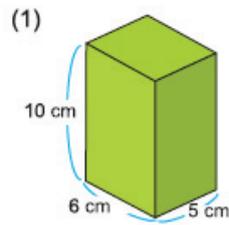
Respuesta: \_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>

Respuesta: \_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>

Respuesta: \_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>

## Ejercicios (Prisma rectangular)

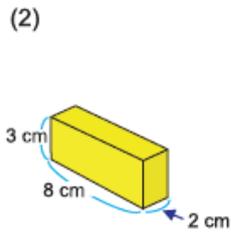
Calculo el volumen de los siguientes.



Fórmula

Solución

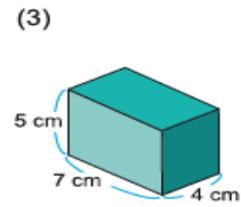
Respuesta:           $\text{cm}^3$



Fórmula

Solución

Respuesta:           $\text{cm}^3$



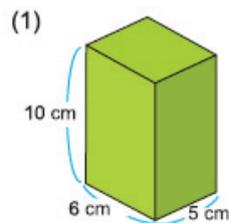
Fórmula

Solución

Respuesta:           $\text{cm}^3$

---

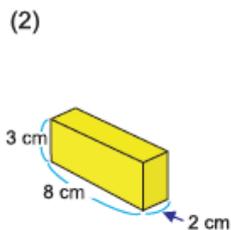
Calculo el volumen de los siguientes.



Fórmula

Solución

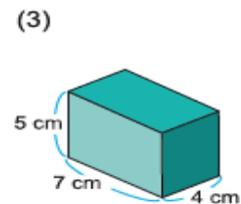
Respuesta:           $\text{cm}^3$



Fórmula

Solución

Respuesta:           $\text{cm}^3$



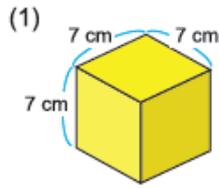
Fórmula

Solución

Respuesta:           $\text{cm}^3$

## Ejercicios (Cubo)

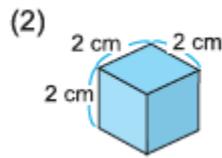
Calculo el volumen de los siguientes.



Fórmula

Solución

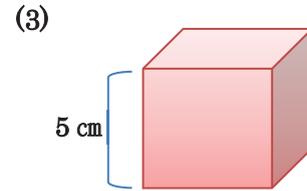
Respuesta:     cm<sup>3</sup>



Fórmula

Solución

Respuesta:     cm<sup>3</sup>



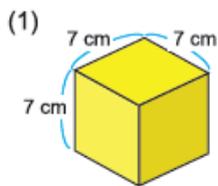
Fórmula

Solución

Respuesta:     cm<sup>3</sup>

---

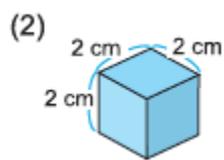
Calculo el volumen de los siguientes.



Fórmula

Solución

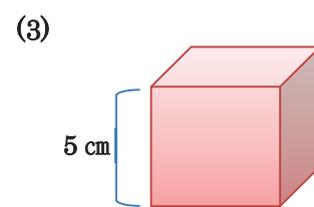
Respuesta:     cm<sup>3</sup>



Fórmula

Solución

Respuesta:     cm<sup>3</sup>



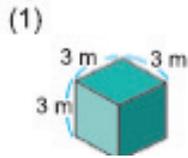
Fórmula

Solución

Respuesta:     cm<sup>3</sup>

## Ejercicios (Concepto de m<sup>3</sup>)

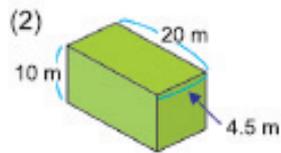
Calcule el volumen de los siguientes.



Fórmula

Solución

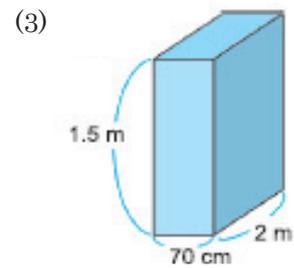
Respuesta: \_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>



Fórmula

Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>

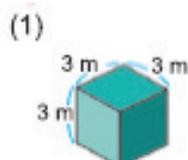


Fórmula

Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>

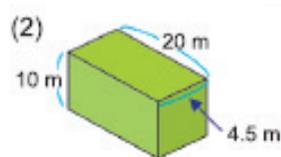
Calcule el volumen de los siguientes.



Fórmula

Solución

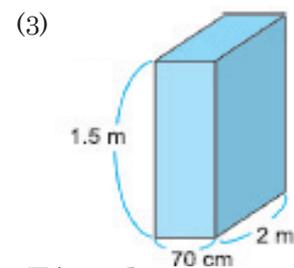
Respuesta: \_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>



Fórmula

Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>



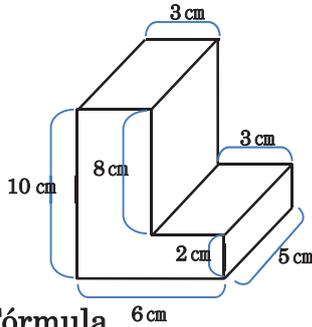
Fórmula

Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_ cm<sup>3</sup>

## Hoja para clase (Prisma compuesto(1))

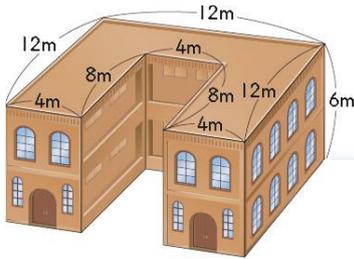
¡Vamos a calcular el volumen del prisma irregular! ¿Cuántos  $\text{cm}^3$  tienen esos cuerpos?



Fórmula  
Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_  $\text{cm}^3$

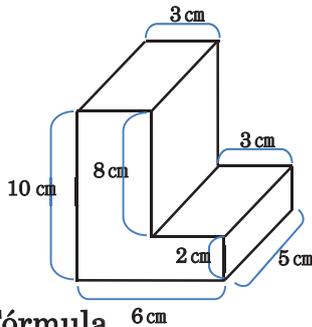
Calcule el volumen de este cuerpo.



Fórmula  
Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_  $\text{cm}^3$

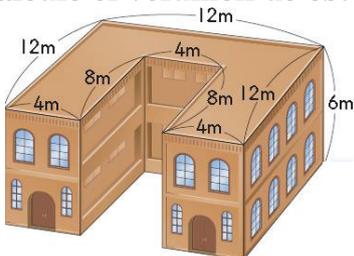
¡Vamos a calcular el volumen del prisma irregular! ¿Cuántos  $\text{cm}^3$  tienen esos cuerpos?



Fórmula  
Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_  $\text{cm}^3$

Calcule el volumen de este cuerpo.



Fórmula  
Solución

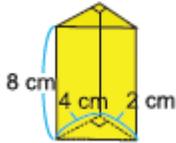
Respuesta: \_\_\_\_\_  $\text{cm}^3$

Respuesta: \_\_\_\_\_  $\text{m}^3$

## Ejercicios (Prisma triangular)

Calculo el volumen de los siguientes.

(1)

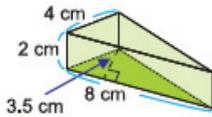


Fórmula

Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_  $\text{cm}^3$

(2)



Fórmula

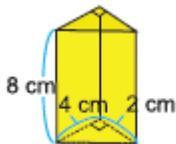
Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_  $\text{cm}^3$

---

Calculo el volumen de los siguientes.

(1)

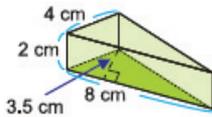


Fórmula

Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_  $\text{cm}^3$

(2)



Fórmula

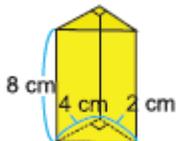
Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_  $\text{cm}^3$

---

Calculo el volumen de los siguientes.

(1)

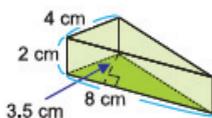


Fórmula

Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_  $\text{cm}^3$

(2)



Fórmula

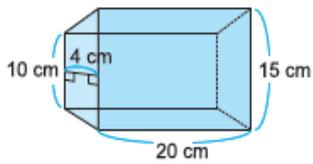
Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_  $\text{cm}^3$

## Ejercicios (Tipos de prismas)

Calculo el volumen de los siguientes.

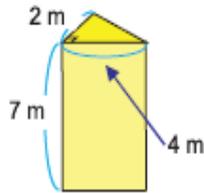
(1) Fórmula



Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_

(2) Fórmula



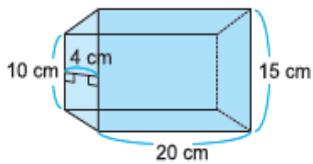
Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_

---

Calculo el volumen de los siguientes.

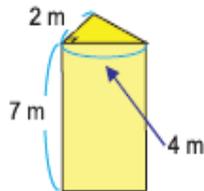
(1) Fórmula



Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_

(2) Fórmula



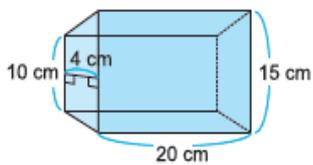
Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_

---

Calculo el volumen de los siguientes.

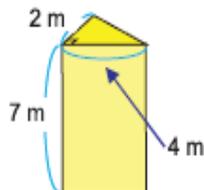
(1) Fórmula



Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_

(2) Fórmula

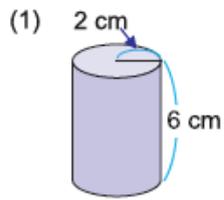


Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_

## Ejercicios (Cilindro)

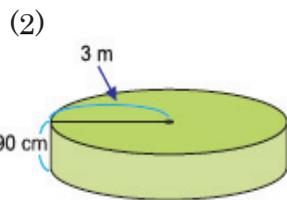
Calculo el volumen de los siguientes.



Fórmula

Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_

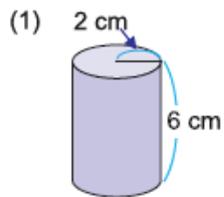


Fórmula

Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_

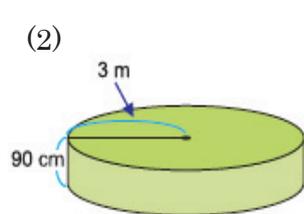
Calculo el volumen de los siguientes.



Fórmula

Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_

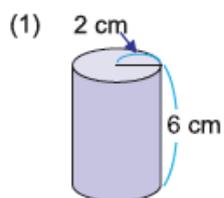


Fórmula

Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_

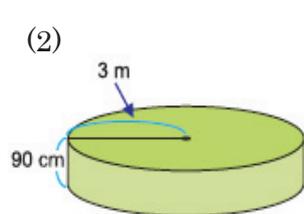
Calculo el volumen de los siguientes.



Fórmula

Solución

Respuesta: \_\_\_\_\_



Fórmula

Solución

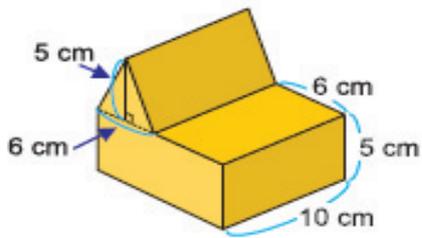
Respuesta: \_\_\_\_\_

## Hoja para clase (Prisma compuesto(2))

1. Calculo área de las siguientes figuras.

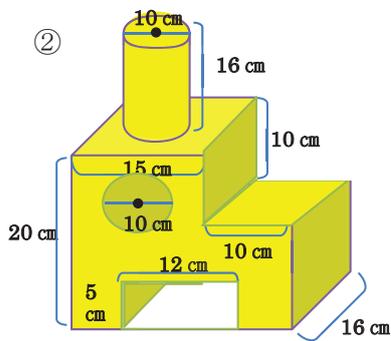
Solución :

①



Respuesta : \_\_\_\_\_

②



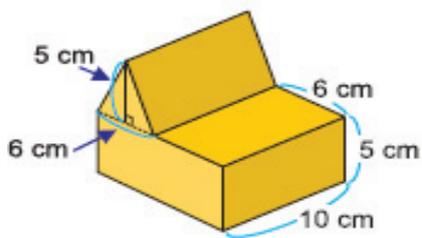
Solución :

Respuesta : \_\_\_\_\_

1. Calculo área de las siguientes figuras.

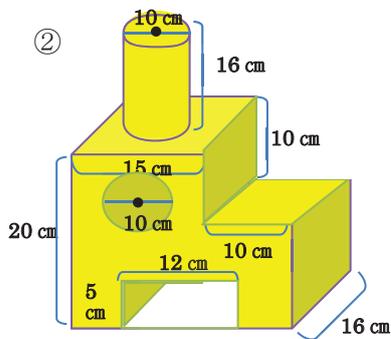
Solución :

①



Respuesta : \_\_\_\_\_

②



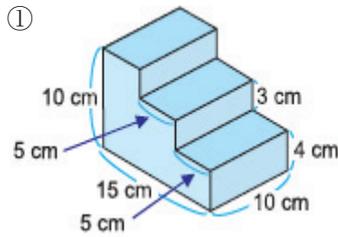
Solución :

Respuesta : \_\_\_\_\_

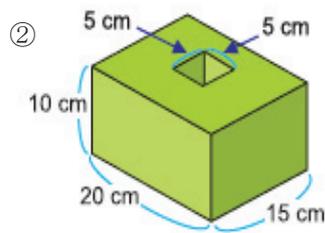
## Ejercicios (Prisma compuesto(2))

1. Calculo área de las siguientes figuras.

Solución :



Respuesta : \_\_\_\_\_

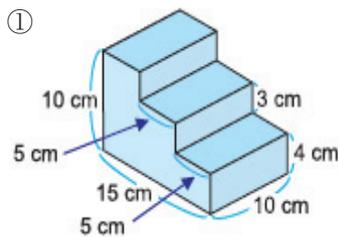


Solución :

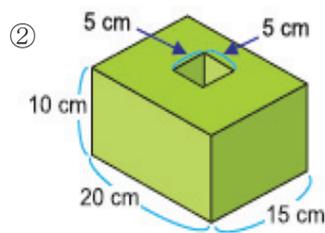
Respuesta : \_\_\_\_\_

1. Calculo área de las siguientes figuras.

Solución :



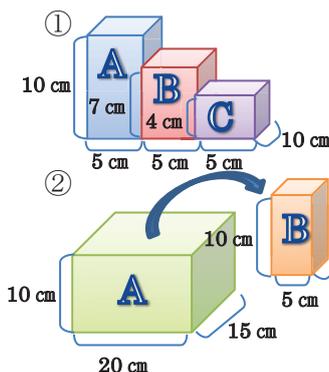
Respuesta : \_\_\_\_\_



Solución :

Respuesta : \_\_\_\_\_

## Respuesta de Ejercicios



Solución:  $V$  de A =  $Ab \times h = 5\text{cm} \times 10\text{cm} \times 10\text{cm} = 500\text{ cm}^3$   
 $V$  de B =  $Ab \times h = 5\text{cm} \times 10\text{cm} \times 7\text{cm} = 350\text{ cm}^3$   
 $V$  de C =  $Ab \times h = 5\text{cm} \times 10\text{cm} \times 4\text{cm} = 200\text{ cm}^3$   
 $A+B+C = 500\text{cm}^3 + 350\text{cm}^3 + 200\text{cm}^3 = 1\ 050\text{ cm}^3$     R: 1 050 cm<sup>3</sup>

Solución:  $V$  de A =  $Ab \times h = 15\text{cm} \times 20\text{cm} \times 10\text{cm} = 3\ 000\text{ cm}^3$   
 $V$  de B =  $Ab \times h = 5\text{cm} \times 5\text{cm} \times 10\text{cm} = 250\text{ cm}^3$   
 $A-B = 3\ 000\text{ cm}^3 - 250\text{cm}^3 = 2\ 750\text{cm}^3$     R: 2 750 cm<sup>3</sup>

# Material didáctico

Objeto del estudio

4º, 5º y 6º grados



Colocando las tablas de multiplicación.....	pág. 227
Juego de encadenamiento de multiplicación....	pág. 228
Barajas de fracciones.....	pág. 229
Tangram .....	pág. 241
Hoja cuadriculada .....	pág. 245
Dibujo para área de círculo.....	pág. 246
Plano desarrollado	
Prisma rectangular y triangular.....	pág. 253
Cilindro.....	pág. 254

## Colocando las tablas de la multiplicación

El objetivo: Los niños se familiarizan con la tabla de multiplicación.

¿Cómo jugar?



Primero, ordenar de 1 a 9.



Y después profesor/a elige cualquier número de la tabla de multiplicación. Por ejemplo “tabla de 9”, los alumnos ordenan como lo siguiente (los números de resultado de la tabla de 9) lo más pronto posible.



Confirmar con los alumnos.

¿Cómo hacer?

Preparación; marcador, goma eva o cartulina, tijeras, regla

- Cortar goma eva  $4.5 \times 4.5$  (ó  $4 \times 4$ ) de cuadrado. Preparar 9 tarjetas a cada niño/a.
- Escribir los números correspondientes en 4 lados de la tarjeta.

A) Combinación de los números.

(1,12,35,72) (2,15,36,56) (3,16,30,63) (4,21,40,54) (5,18,28,64)

(6,32,45,49) (7,10,24,81) (8,25,27,42) (9,14,20,48)

Ojo: No puede cambiar la combinación.

B) Cada tarjeta tiene 4 números que son resultado de tabla de multiplicación. ( $1 \times 1 \sim 9 \times 9$ )

## Juego de encadenamiento de multiplicación

El objetivo de esta actividad es que los niños jueguen con la tabla de multiplicación.  
Tiempo de hacerlo es después de que hayan aprendido todas las tablas de multiplicar.

Preparación: marcador, goma eva, tijeras, regla

Como hacer

- Trazar líneas para hacer 31 rectángulos.
- Escribir multiplicación excepto tabla de 1 y 10
- Cortar goma eva

<Por ejemplo>  
(8cm)

factores      producto

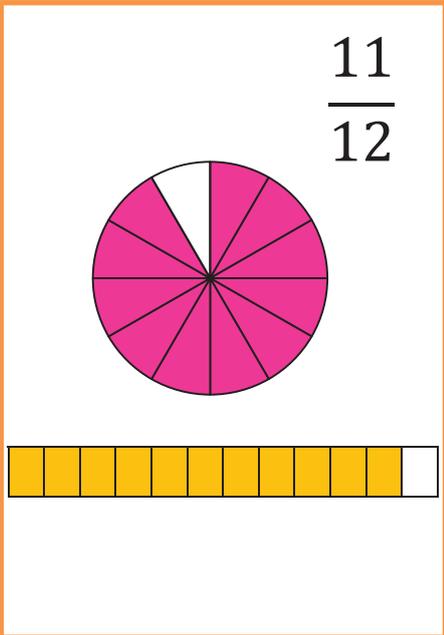
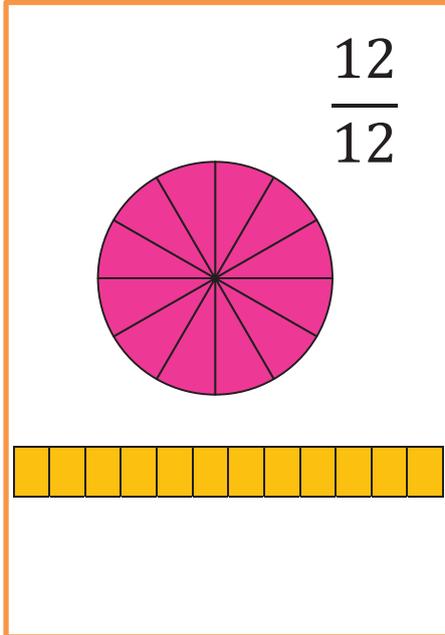
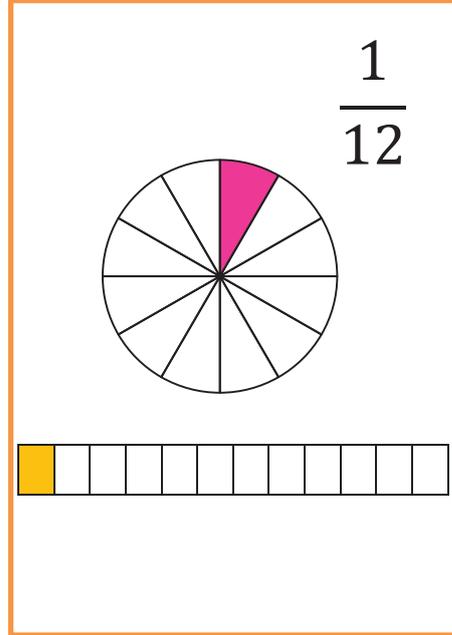
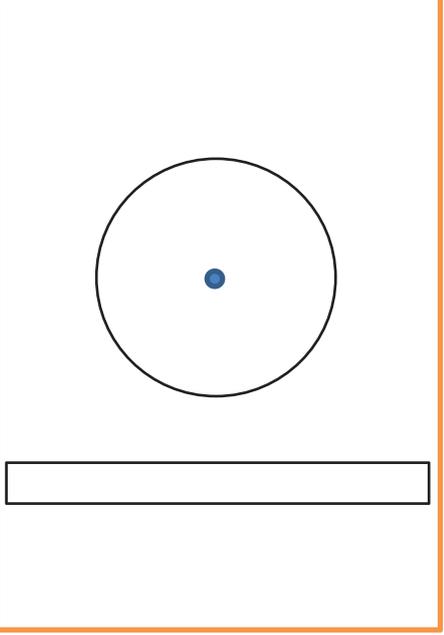
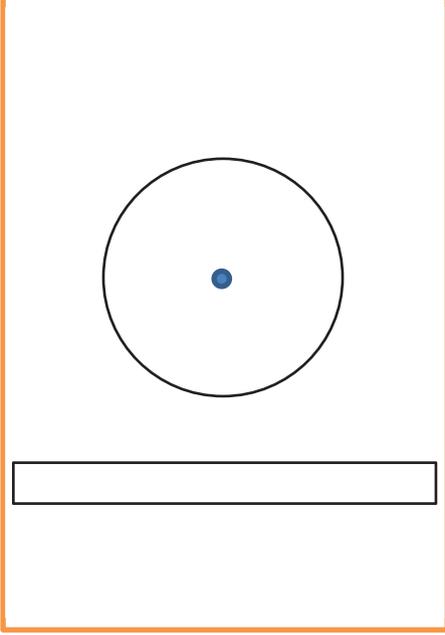
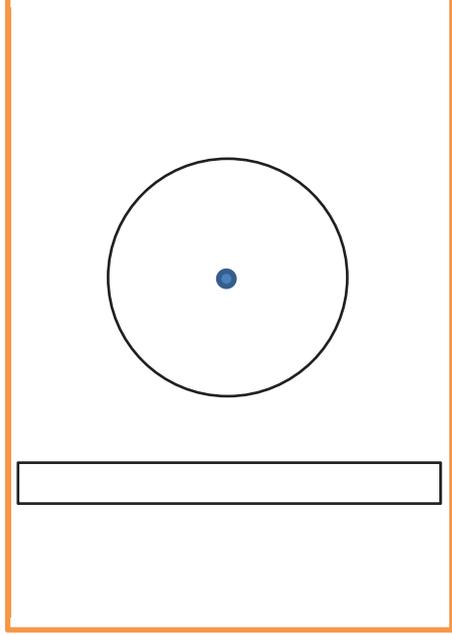
5cm	48 ) 7 × 9 =	63 ) 5 × 9 =	45 ) 3 × 8 = 4 × 6 =	24 ) 4 × 7 =	28 ) 5 × 5 =
	25 ) 3 × 3 =	9 ) 3 × 4 = 2 × 6 =	12 ) 5 × 6 =	30 ) 3 × 5 =	15 ) 6 × 7 =
	42 ) 4 × 8 =	32 ) 8 × 9 =	72 ) 3 × 9 =	27 ) 4 × 5 =	20 ) 6 × 9 =
	54 ) 4 × 9 = 6 × 6 =	36 ) 2 × 3 =	6 ) 2 × 4 =	8 ) 9 × 9 =	81 ) 2 × 7 =
	14 ) 7 × 8 =	56 ) 2 × 8 = 4 × 4 =	16 ) 3 × 7 =	21 ) 2 × 2 =	4 ) 5 × 7 =
	35 ) 2 × 9 = 3 × 6 =	18 ) 8 × 8 =	64 ) 5 × 8 =	40 ) 2 × 5 =	10 ) 7 × 7 =
	49 ) 6 × 8 =				

# BARAJAS DE FRACCIONES

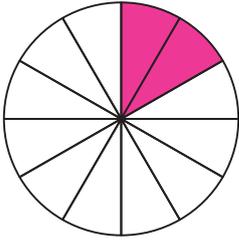
Estas tarjetas tienen varios juegos como barajas. Cada tarjeta tiene diferente fracción. Además tiene 2 tipos de dibujos. Estos les ayuda a los niños para comprender los significados de numerador y denominador. Se prepara 66 tarjetas que son el denominador hasta 12. Depende del tema, Prof. elige cuántas tarjetas y cuál clase de fracción. Por ejemplo cuando los niños no tan acostumbrados sobre fracción, Prof. debe dar a niños estas 20 barajas que tiene el denominador hasta 6.

Los niños les gusta mucho juegos de barajas. ¡Vamos a aprovechar sus intereses sobre matemática!

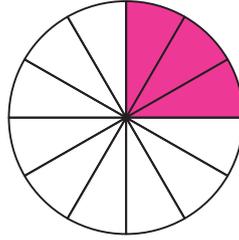
Presentamos 4 juegos. Hay más juego. ¡Vamos a jugar aprendiendo con los niños y descubrir nuevo juego!

 $\frac{11}{12}$	 $\frac{12}{12}$	 $\frac{1}{12}$
		

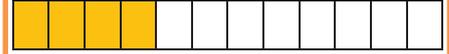
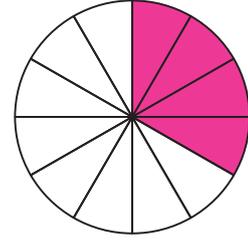
$$\frac{2}{12}$$



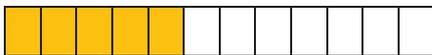
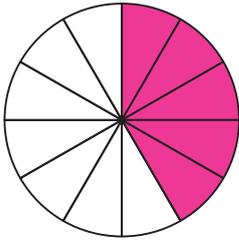
$$\frac{3}{12}$$



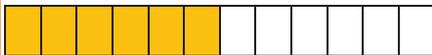
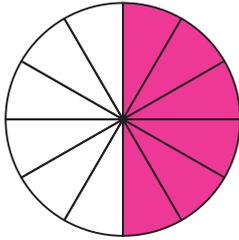
$$\frac{4}{12}$$



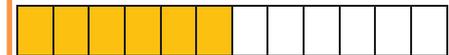
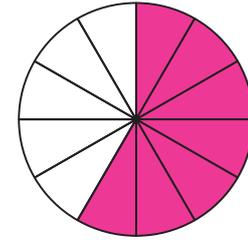
$$\frac{5}{12}$$



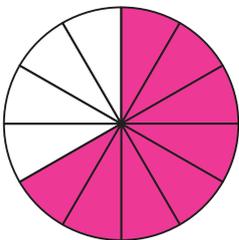
$$\frac{6}{12}$$



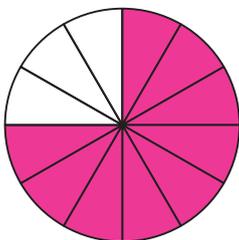
$$\frac{7}{12}$$



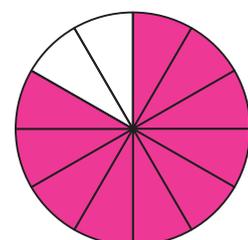
$$\frac{8}{12}$$



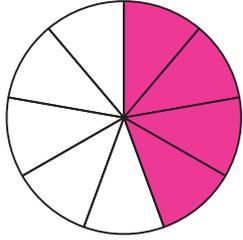
$$\frac{9}{12}$$



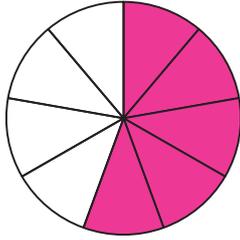
$$\frac{10}{12}$$



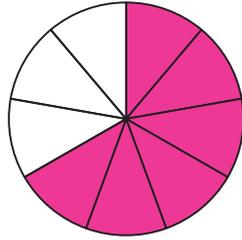
$$\frac{4}{9}$$



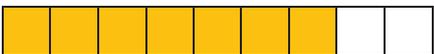
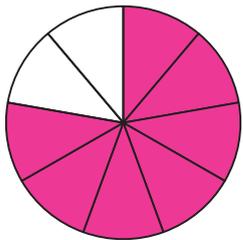
$$\frac{5}{9}$$



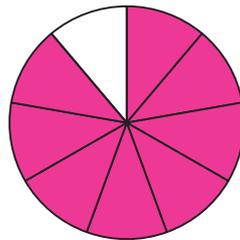
$$\frac{6}{9}$$



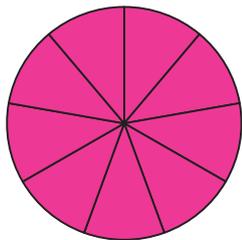
$$\frac{7}{9}$$



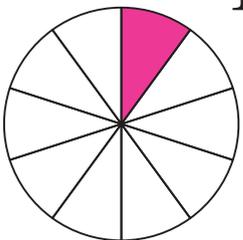
$$\frac{8}{9}$$



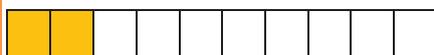
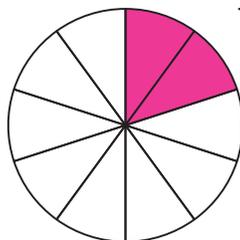
$$\frac{9}{9}$$



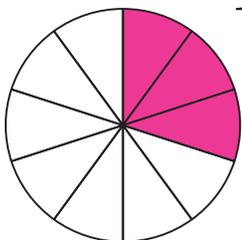
$$\frac{1}{10}$$



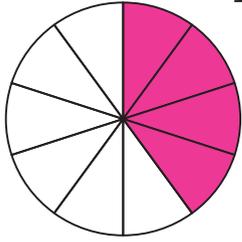
$$\frac{2}{10}$$



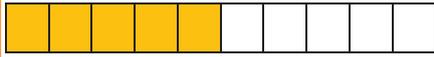
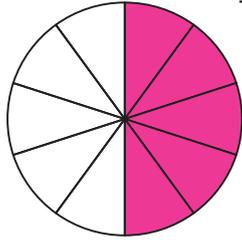
$$\frac{3}{10}$$



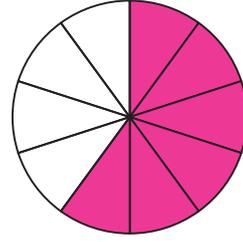
$$\frac{4}{10}$$



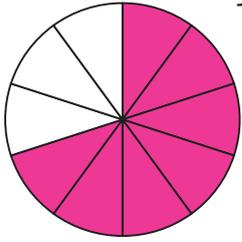
$$\frac{5}{10}$$



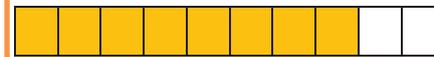
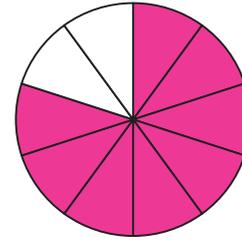
$$\frac{6}{10}$$



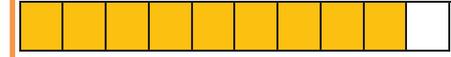
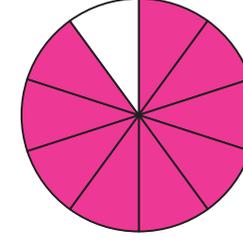
$$\frac{7}{10}$$



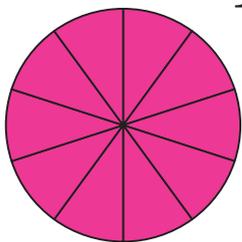
$$\frac{8}{10}$$



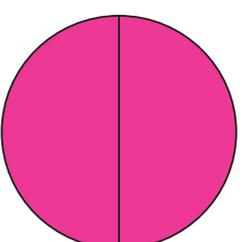
$$\frac{9}{10}$$



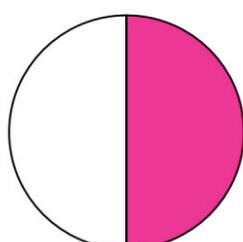
$$\frac{10}{10}$$

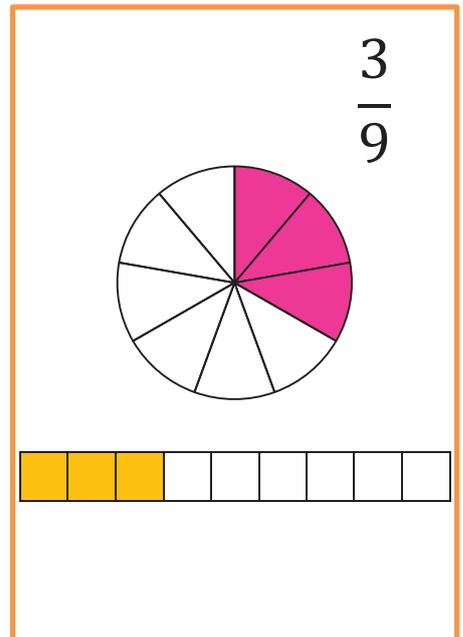
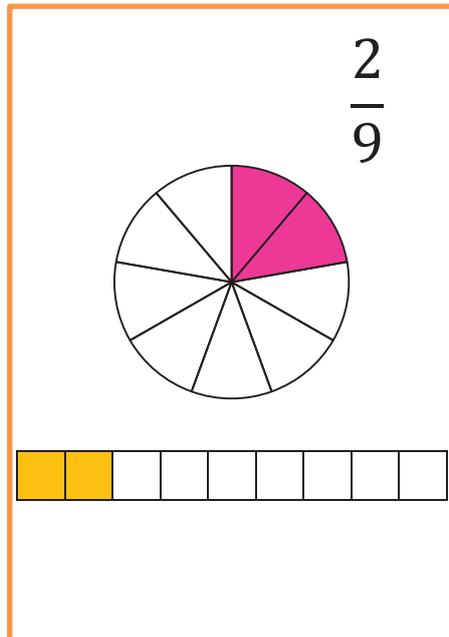
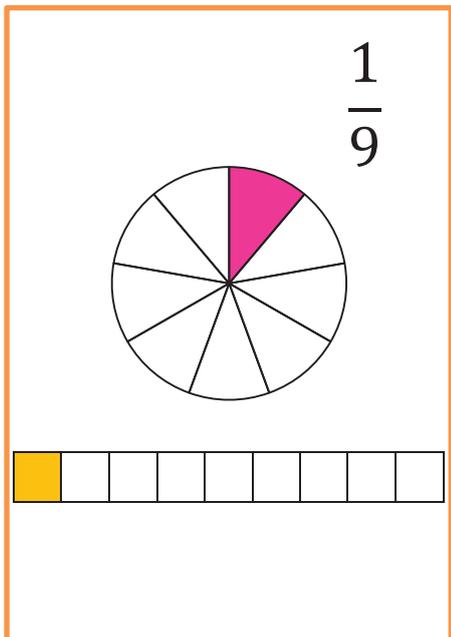
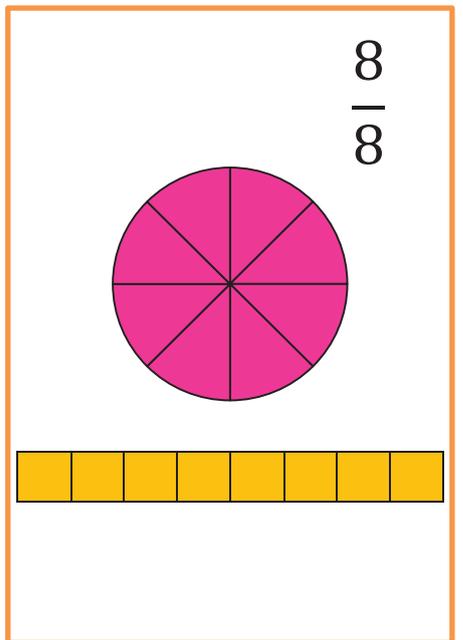
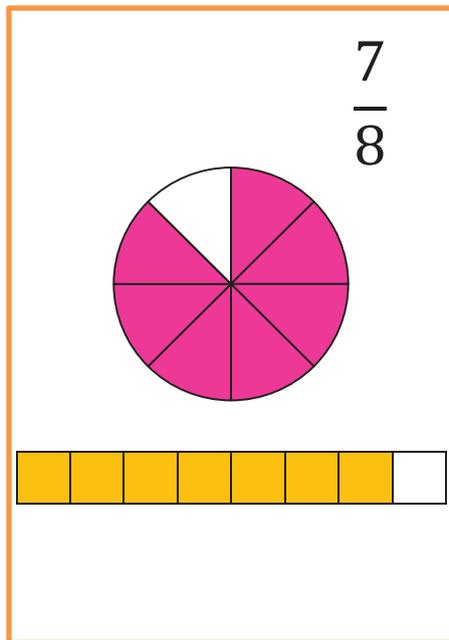
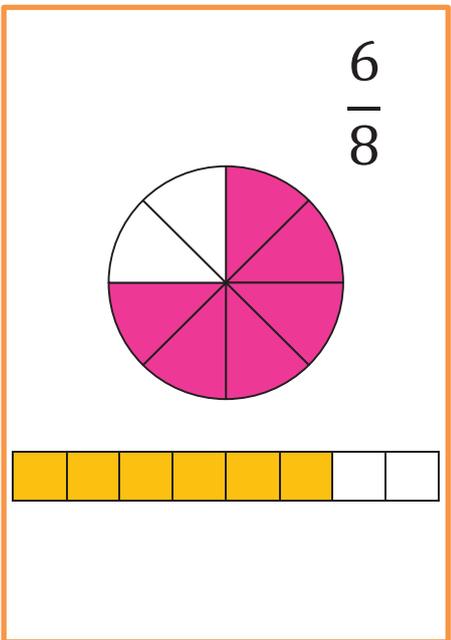
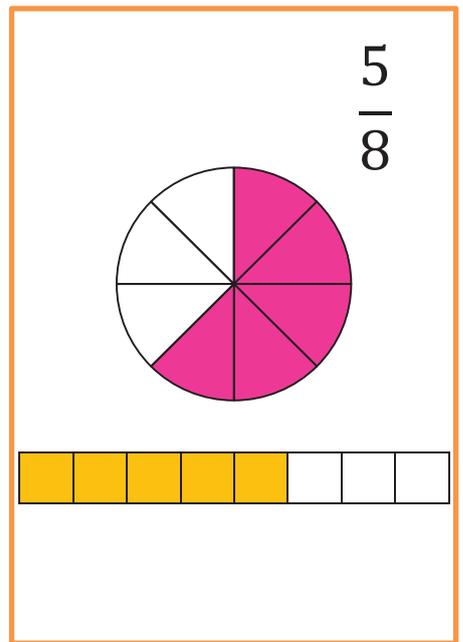
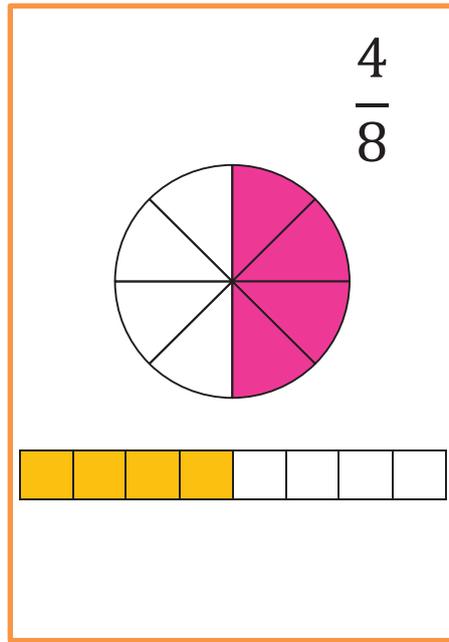
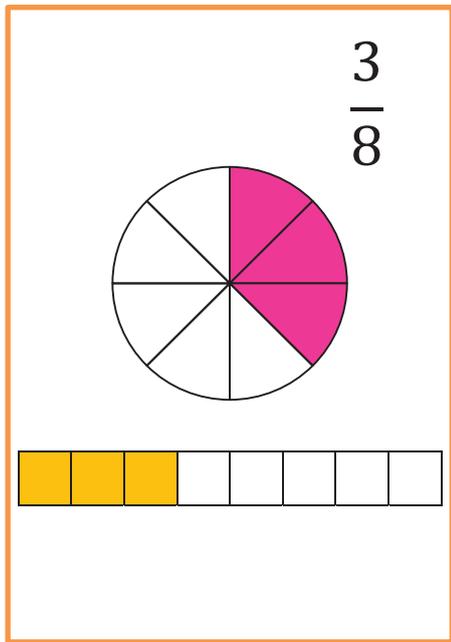


$$2 \frac{2}{2}$$

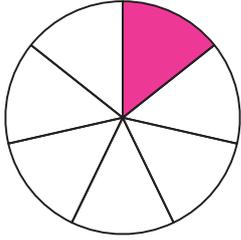


$$1 \frac{1}{2}$$

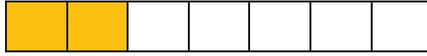
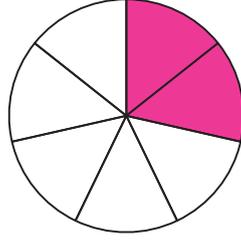




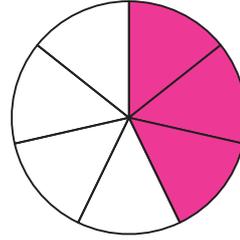
$$\frac{1}{7}$$



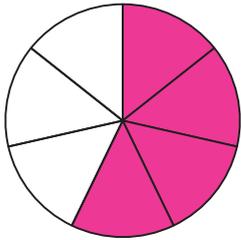
$$\frac{2}{7}$$



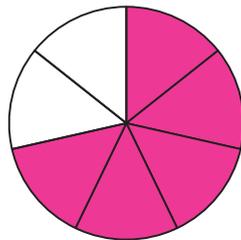
$$\frac{3}{7}$$



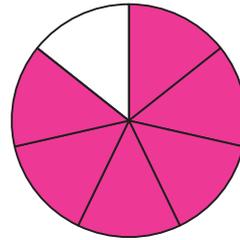
$$\frac{4}{7}$$



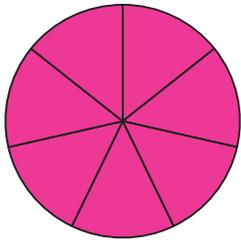
$$\frac{5}{7}$$



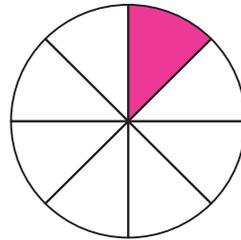
$$\frac{6}{7}$$



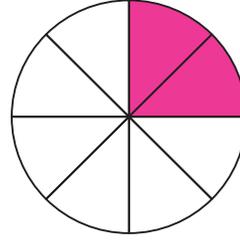
$$\frac{7}{7}$$

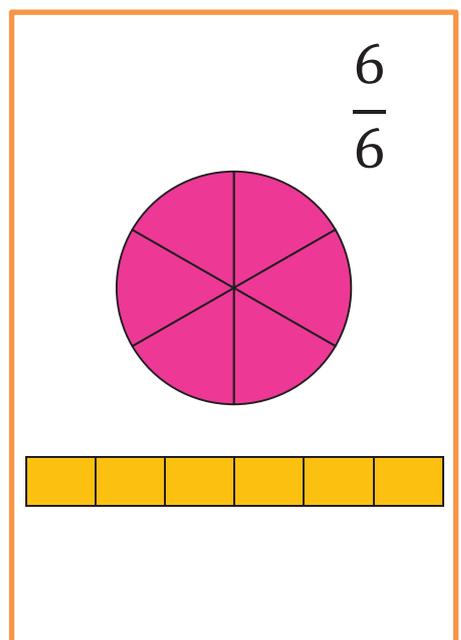
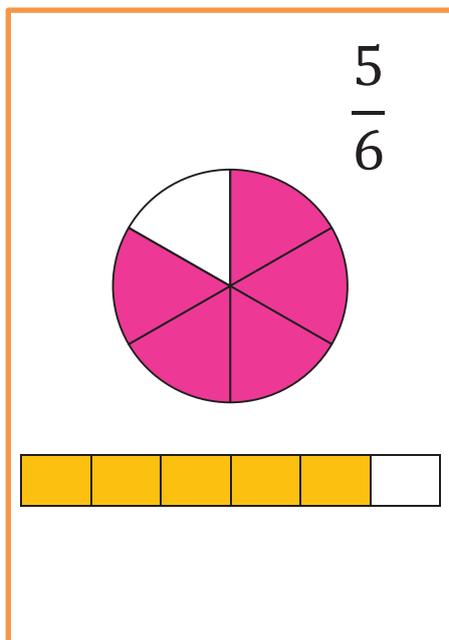
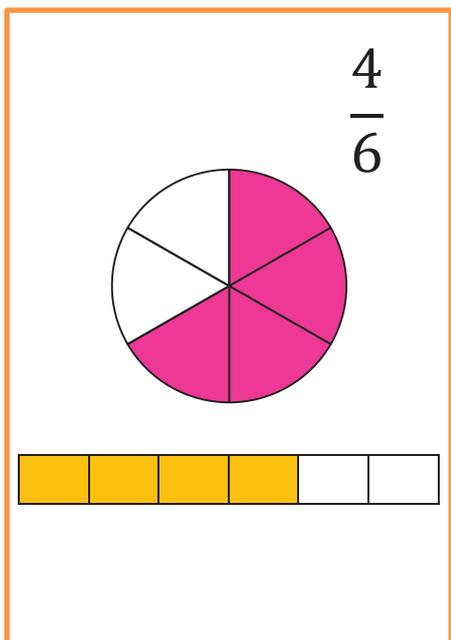
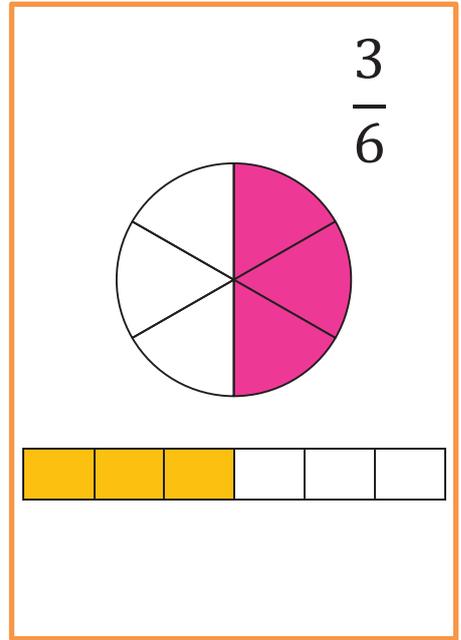
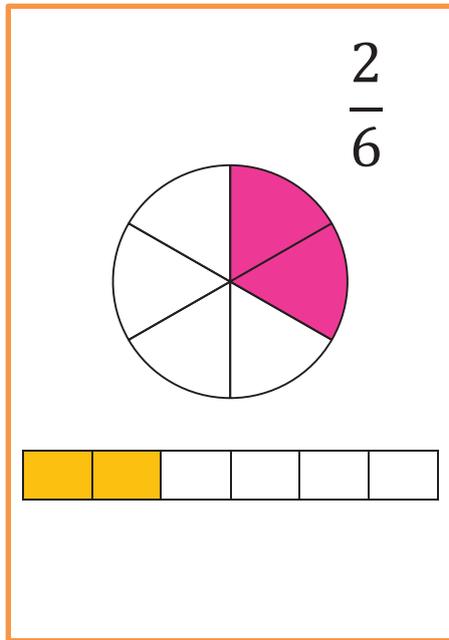
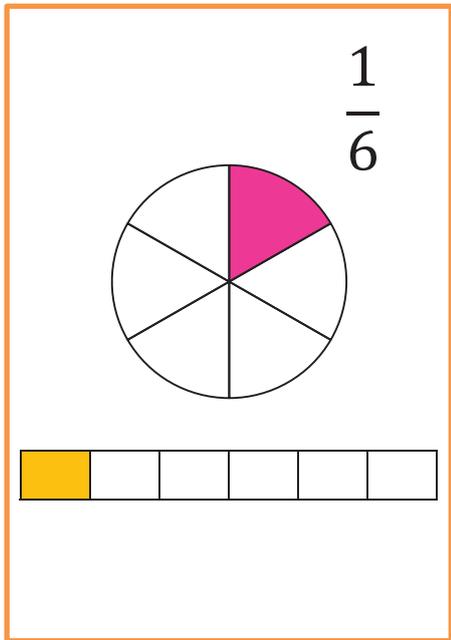
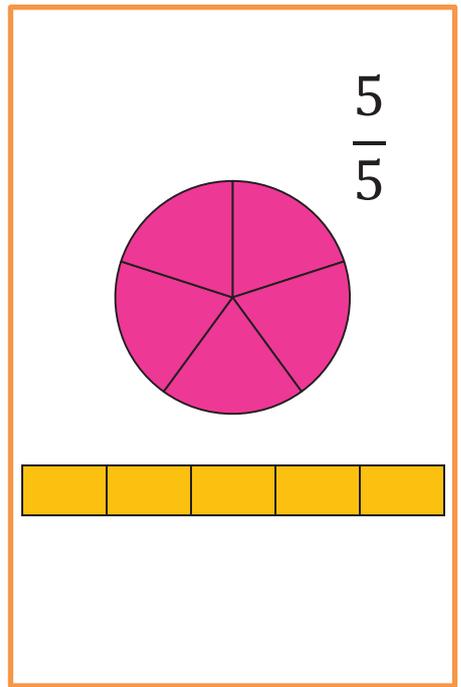
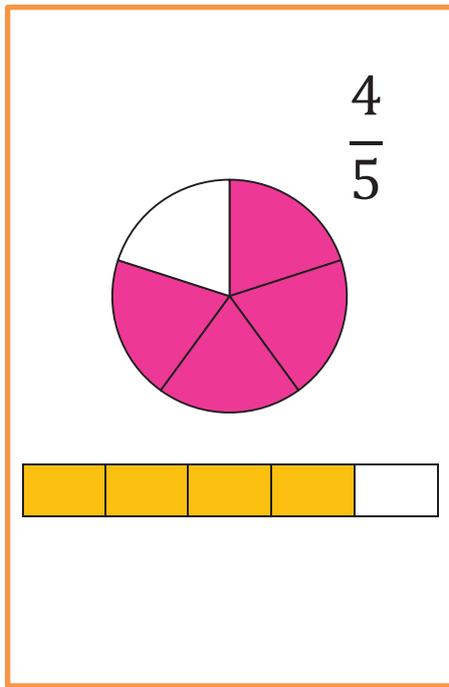
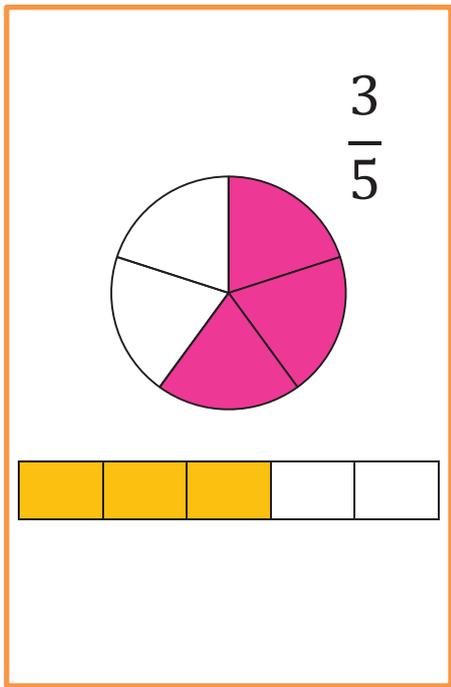


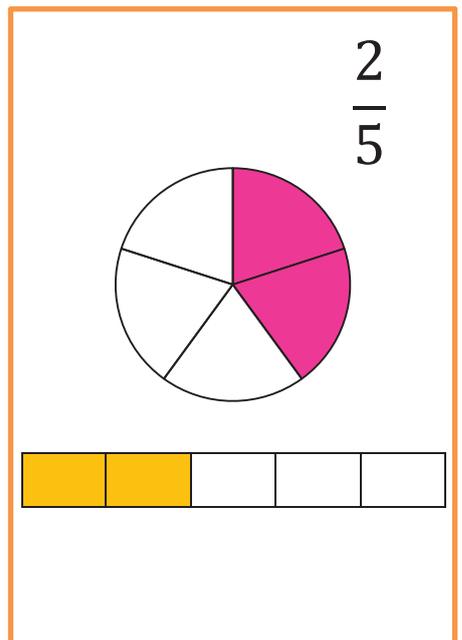
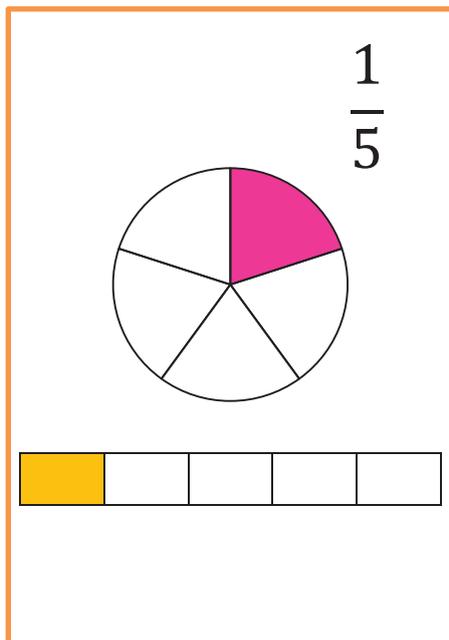
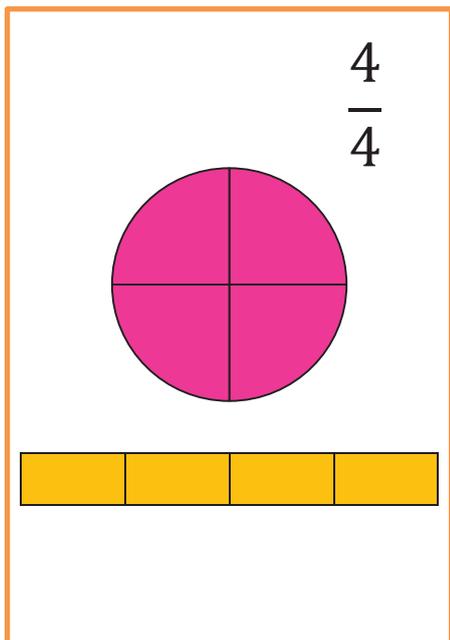
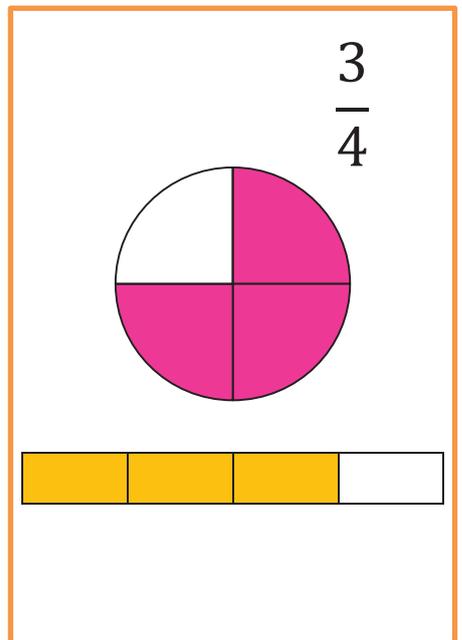
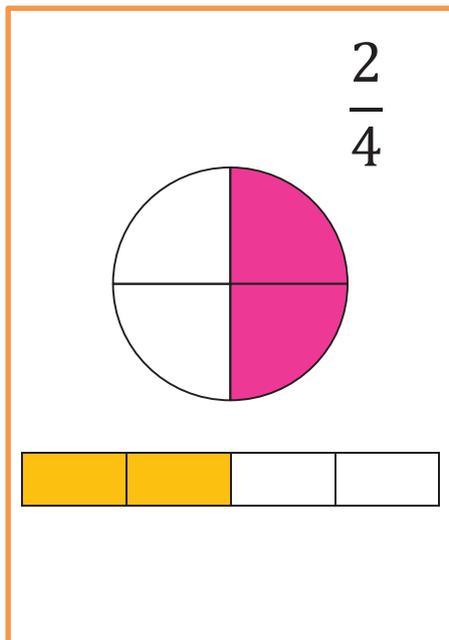
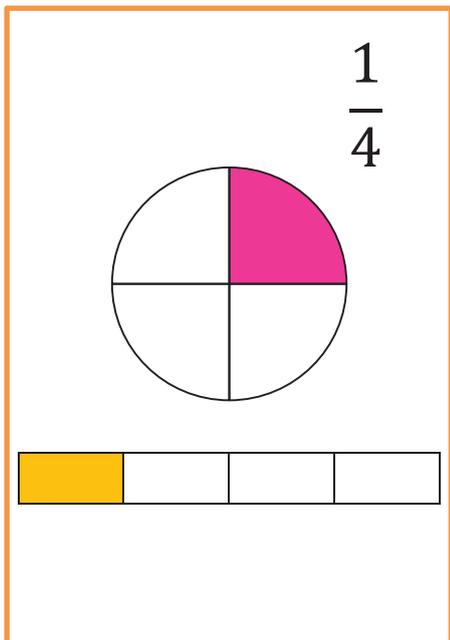
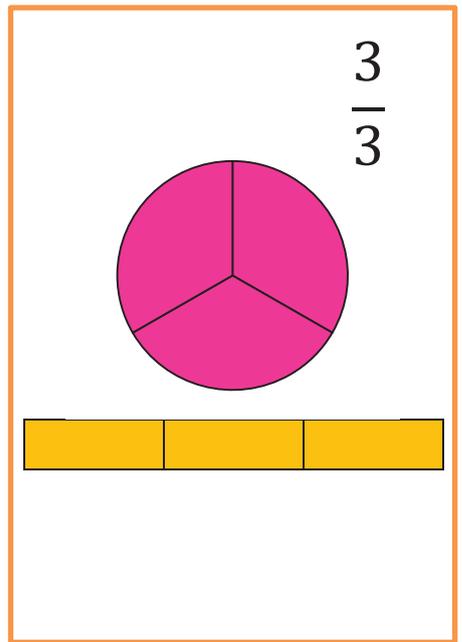
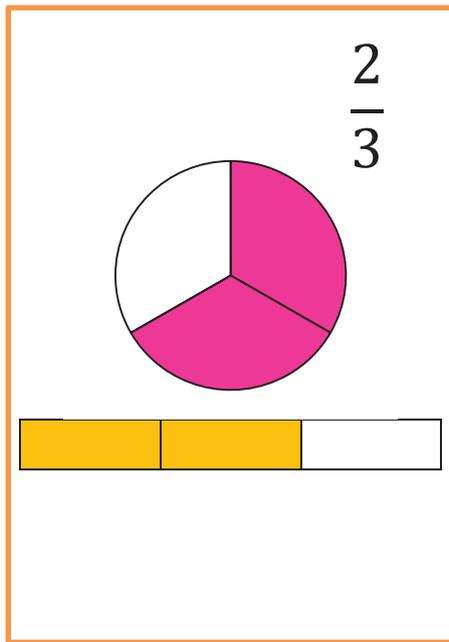
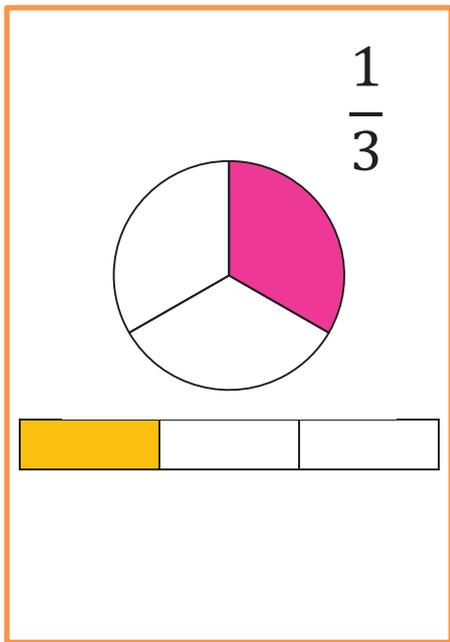
$$\frac{1}{8}$$



$$\frac{2}{8}$$







# Juego de formar en la suma y la resta

(Objetivo)

Familiarizarse con la suma y la resta de fracciones.

(Cómo se hace)

**Nivel 1, la suma de fracción homogénea**

1. Elegir las tarjetas  $\frac{1}{2}$  a  $\frac{10}{10}$ . (54 tarjetas)
2. Mezclar y colocar las tarjetas en la mesa.
3. Después de decir Prof. “Vamos a encontrar la suma, ya!”, empezar ese juego.
4. Buscar las soluciones de la suma, luego colocar estas tarjetas en el rincón de la mesa.
5. Prof. tiene que medir tiempo por 5 minutos recorriendo entre los alumnos.
6. Después de decir Prof. “¡Ya tiempo!, hay que parar la búsqueda.
7. Confirmar las soluciones “correcto” o “equivocado” cada grupo.
8. Si tiene más soluciones correctas, este equipo es el ganador.

Los correctos son por ejemplo...

$$\frac{1}{5} + \frac{2}{5} = \frac{3}{5}, \quad \frac{2}{6} + \frac{3}{6} = \frac{5}{6}, \quad \frac{1}{10} + \frac{4}{10} = \frac{5}{10}, \quad \frac{2}{10} + \frac{8}{10} = \frac{10}{10}, \quad \frac{3}{10} + \frac{6}{10} = \frac{9}{10} \text{ y etc.}$$

**Nivel 2, la resta de fracción homogénea**

1. Elegir las tarjetas  $\frac{1}{2}$  a  $\frac{10}{10}$ . (54 tarjetas)
2. Mezclar y colocar las tarjetas en la mesa.
3. Después de decir Prof. “Vamos a encontrar la resta, ya!”, empezar ese juego.
4. ~8. son iguales al nivel 1.

Los correctos son por ejemplo...

$$\frac{5}{5} - \frac{2}{5} = \frac{3}{5}, \quad \frac{5}{6} - \frac{3}{6} = \frac{2}{6}, \quad \frac{5}{10} - \frac{4}{10} = \frac{1}{10}, \quad \frac{10}{10} - \frac{8}{10} = \frac{2}{10}, \quad \frac{9}{10} - \frac{6}{10} = \frac{3}{10} \text{ y etc.}$$

**Nivel 3, la suma de fracción homogénea y heterogénea**

Las reglas son iguales al nivel 1.

Los correctos son por ejemplo...

$$\frac{1}{2} + \frac{1}{4} = \frac{3}{4}, \quad \frac{2}{6} + \frac{1}{3} = \frac{2}{3}, \quad \frac{1}{10} + \frac{1}{5} = \frac{3}{10}, \quad \frac{3}{8} + \frac{1}{4} = \frac{5}{8}, \quad \frac{3}{6} + \frac{2}{10} = \frac{7}{10} \text{ y etc.}$$

**Nivel 4, la resta de fracción homogénea y heterogénea**

Las reglas son iguales al nivel 2.

Los correctos son por ejemplo...

$$\frac{5}{5} - \frac{3}{10} = \frac{7}{10}, \quad \frac{5}{6} - \frac{1}{2} = \frac{1}{3}, \quad \frac{2}{4} - \frac{4}{10} = \frac{1}{10}, \quad \frac{7}{8} - \frac{1}{4} = \frac{5}{8}, \quad \frac{2}{3} - \frac{4}{9} = \frac{2}{9} \text{ y etc.}$$



# La comparación de fracciones

(Objetivo)

Comprender el significado del denominador y numerador

(Cómo se hace)

**Nivel 1, mismos denominadores**

1. Elegir las tarjetas que tienen el mismo denominador.

Por ejemplo,  $\frac{1}{10}$  a  $\frac{10}{10}$ . ( 10 tarjetas )

2. Réfere mezcla y reparte las tarjetas en cara abajo a cada persona.

3. Jugadores sacan una tarjeta con ritmo volviendo cara arriba frente de réfere.

4. Comparar las dos fracciones “cuál es mayor”.

5. Si tiene la tarjeta que es mayor, se puede guardar las dos tarjetas.

6. El/la ganador/a será el/la que tenga más tarjetas.

Por ejemplo  $\frac{1}{10} < \frac{2}{10}$  ,  $\frac{5}{10} > \frac{4}{10}$  ,  $\frac{9}{10} > \frac{6}{10}$  y etc.



**Nivel 2, mismos numeradores**

1. Elegir las tarjetas que tienen el mismo numerador.

Por ejemplo,  $\frac{2}{3}$  ,  $\frac{2}{4}$  ,  $\frac{2}{5}$  ,  $\frac{2}{6}$  ,  $\frac{2}{7}$  ,  $\frac{2}{8}$  ,  $\frac{2}{9}$  y  $\frac{2}{10}$  ( 8 tarjetas )

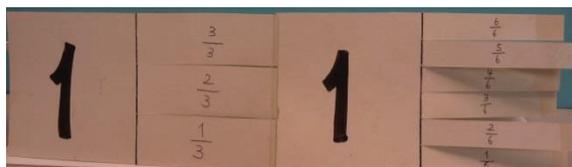
2. ~6. son iguales al nivel 1.

Por ejemplo  $\frac{2}{8} < \frac{2}{4}$  ,  $\frac{2}{7} > \frac{2}{9}$  ,  $\frac{2}{3} > \frac{2}{6}$  y etc.

## Fracción PATAPATA

Puede usar este material para comparar las fracciones.

Por ejemplo, la comparación de  $\frac{2}{3}$  y  $\frac{2}{6}$ .



Colocar Fracción PATAPATA del denominador 3 y 6.

¿Cómo es la fracción PATAPATA?

Anverso



Doblar hasta la parte donde está escrito

$\frac{2}{3}$  (izquierda de la foto) y  $\frac{2}{6}$  (derecha) y comparar las partes verdes.

Reverso



# Juego de formar 1

(Objetivo)

Familiarizarse la suma de fracciones homogéneas y heterogéneas.

(Cómo se hace)

1. Elegir las tarjetas  $\frac{1}{2}$  a  $\frac{6}{6}$ . (20 tarjetas)

2. Mezclar y repartir las tarjetas a cada persona.

3. Tirar la tarjeta que tiene fracción igual a la unidad (significado muy suerte!).

4. Poner la pareja de fracciones cuya respuesta de suma sea igual a 1 en el centro.

Ejemplo.  $\frac{1}{5}$  y  $\frac{4}{5}$  (para confirmar las formulas después de jugar)

5. Sacar una tarjeta del compañero/a y buscar la pareja de fracciones para formar 1.

6. Si hay la pareja, se puede poner en centro.

7. Si no hay la pareja, se debe dar el turno al compañero/a.

8. El ganador/a sera el primero que se quede sin tarjetas.

9. Después de jugar, vamos a confirmar las parejas de formar 1!



(Ejemplos de formar 1)

Fracciones homogéneas

$$\frac{1}{3} \text{ y } \frac{2}{3}, \quad \frac{2}{5} \text{ y } \frac{3}{5}, \quad \frac{4}{6} \text{ y } \frac{2}{6}, \quad \frac{1}{6} \text{ y } \frac{5}{6}, \quad \frac{1}{4} \text{ y } \frac{3}{4}$$

Fracciones heterogéneas

$$\frac{1}{2} \text{ y } \frac{3}{6}, \quad \frac{3}{6} \text{ y } \frac{2}{4}, \quad \frac{2}{4} \text{ y } \frac{1}{2}, \quad \frac{1}{3} \text{ y } \frac{4}{6}, \quad \frac{2}{3} \text{ y } \frac{2}{6}$$

Lo más importante que los niños se den cuenta que también se puede **formar 1** con las fracciones heterogéneas.



# Simplificación

(Objetivo)

Familiarizarse con la simplificación de las fracciones.

(¿Cómo jugar?)

Preparación: Las barajas de las fracciones de  $\frac{1}{7}$  a  $\frac{12}{12}$ .

1. Mezclar las barajas y luego ponerlas boca abajo en el centro de la mesa.
2. Sacar una baraja y dar la vuelta.
3. Si se puede simplificar, puede guardar ésta (y las barajas que están abajo de ésta también puede guardar), si no se puede, deje la baraja y se debe dar el turno al compañero/a.
4. La persona que tenga más barajas será ganador/a.

# Fracción equivalente

(Objetivo)

Familiarizarse con las fracciones equivalentes.

(¿Cómo jugar?)

1. Antes de jugar, confirmar con los alumnos las fracciones equivalentes de  $\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{3}{4}$  y  $\frac{2}{2} (=1)$ .

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4} = \frac{3}{6} = \frac{4}{8} = \frac{5}{10} = \frac{6}{12} = \dots, \quad \frac{1}{3} = \frac{2}{6} = \frac{3}{9} = \frac{4}{12} = \dots$$

$$\frac{2}{3} = \frac{4}{6} = \frac{6}{9} = \frac{8}{12} = \dots, \quad \frac{3}{4} = \frac{6}{8} = \frac{9}{12} = \dots$$

$$1 = \frac{2}{2} = \frac{3}{3} = \frac{4}{4} = \frac{5}{5} = \frac{6}{6} = \frac{7}{7} = \frac{8}{8} = \frac{9}{9} = \frac{10}{10} = \frac{11}{11} = \frac{12}{12} = \dots$$

2. Usar las barajas que son equivalentes a  $\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{3}{4}$  y  $\frac{2}{2} (=1)$ .

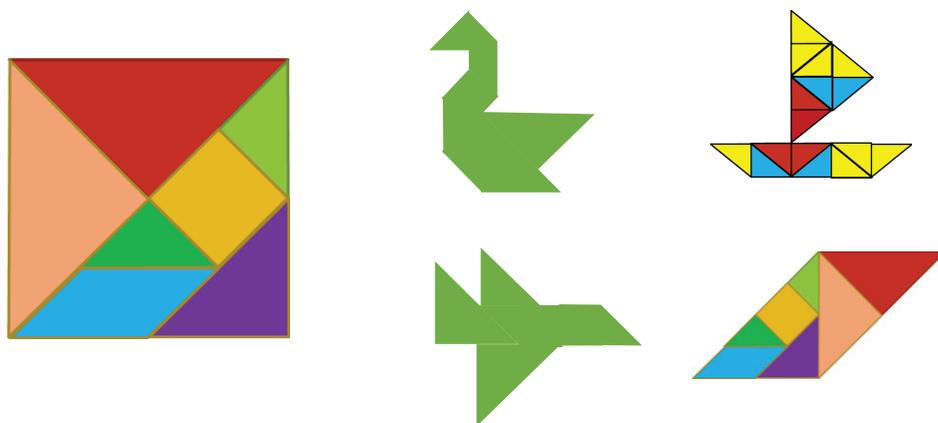
3. Poner en la mesa las barajas que son  $\frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{3}{4}$  y  $\frac{2}{2} (=1)$ .

4. Mezclar y repartir las demás sin mirar.
5. Imaginar cuál puede ser su equivalente y poner debajo de la que crea que es.
6. Volver la baraja boca arriba.
7. Si es la equivalente que imaginaba, seguir jugando otra vez. Si no es, colocar más abajo la barajas que tiene y el turno de la siguiente persona.
8. Seguir hasta que termine toda la baraja.
9. La persona que termine primero será el/la ganador/a.



Lo más importante de este juego es entender bien las fracciones equivalentes, por eso **cada momento de juego tienen que confirmar si es equivalente o no.**

## Tangram



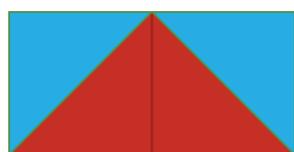
### El objetivo :

Crear varias formas con las figuras geométricas, familiarizarse y divertirse con las mismas.

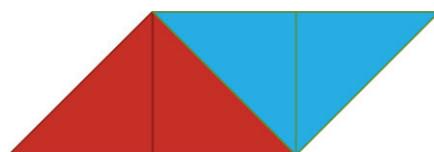
### ¿Cómo jugar?:

- Colocar cada tarjeta de manera que no se superpongan, vamos a hacer las mismas formas que dicen los problemas.
- El alumno/a solo/a combina las tarjetas y hace varias formas. Cuando uno consigue algo diferente, los demás tratan de hacer lo mismo.

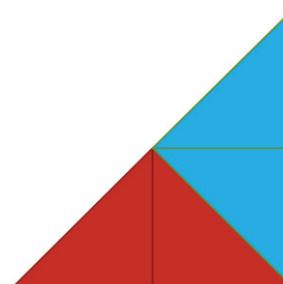
### 1. Jugar con 4 triángulos.



Rectángulo



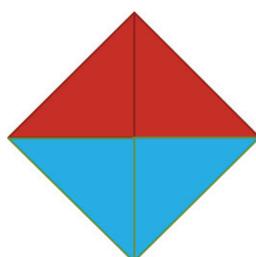
Paralelogramo



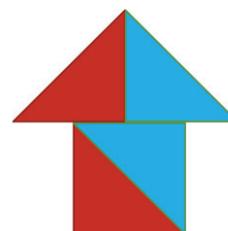
Triángulo



Trapezio

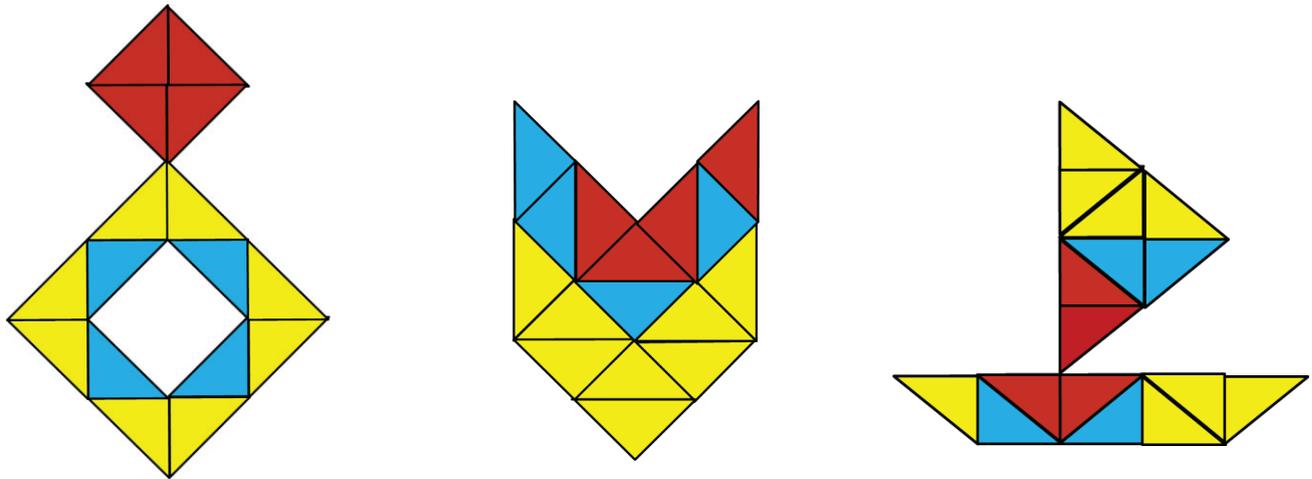
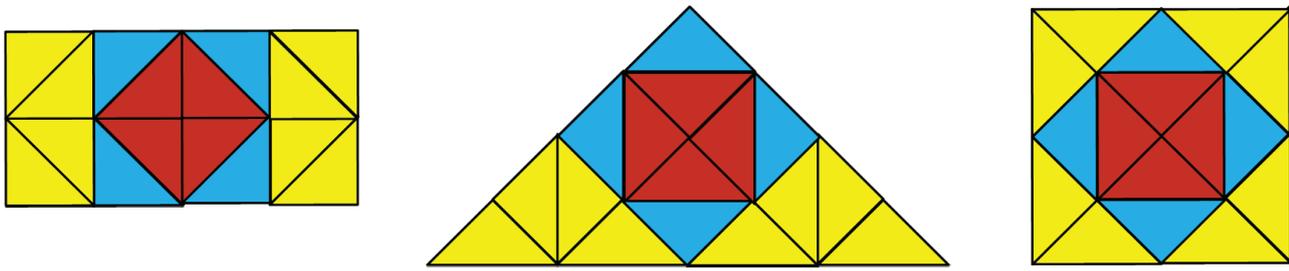


Cuadrado o Rombo

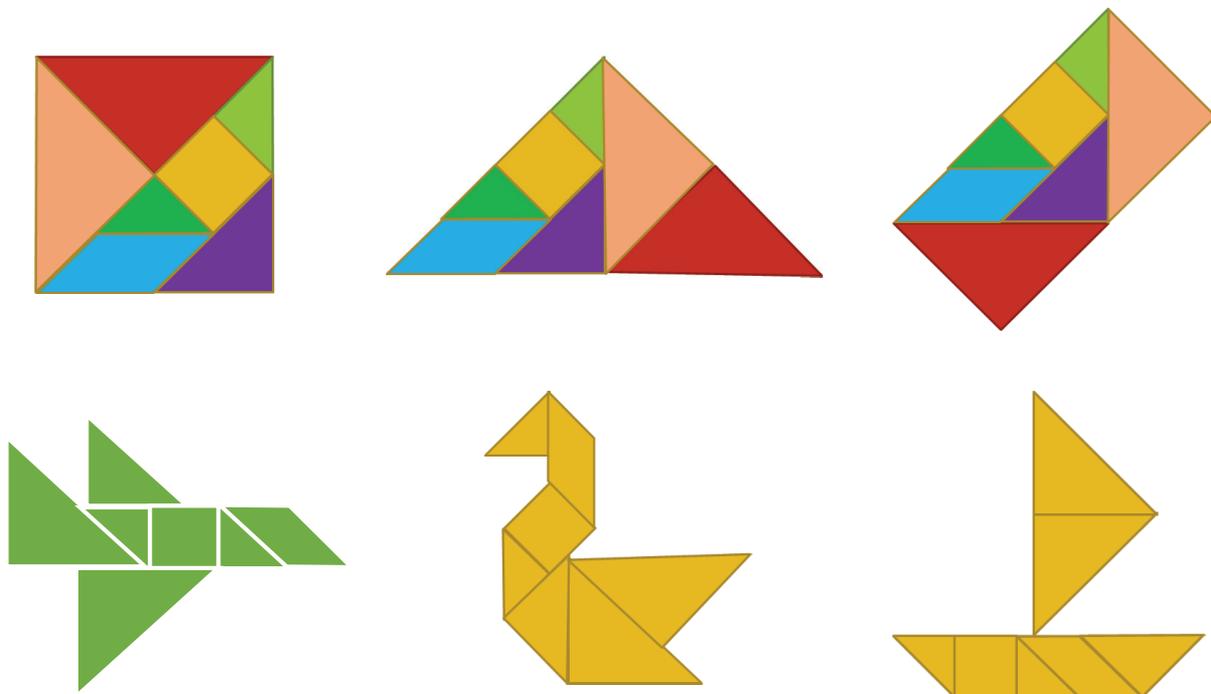


La figura de una casa

2. Jugar con 16 triángulos.



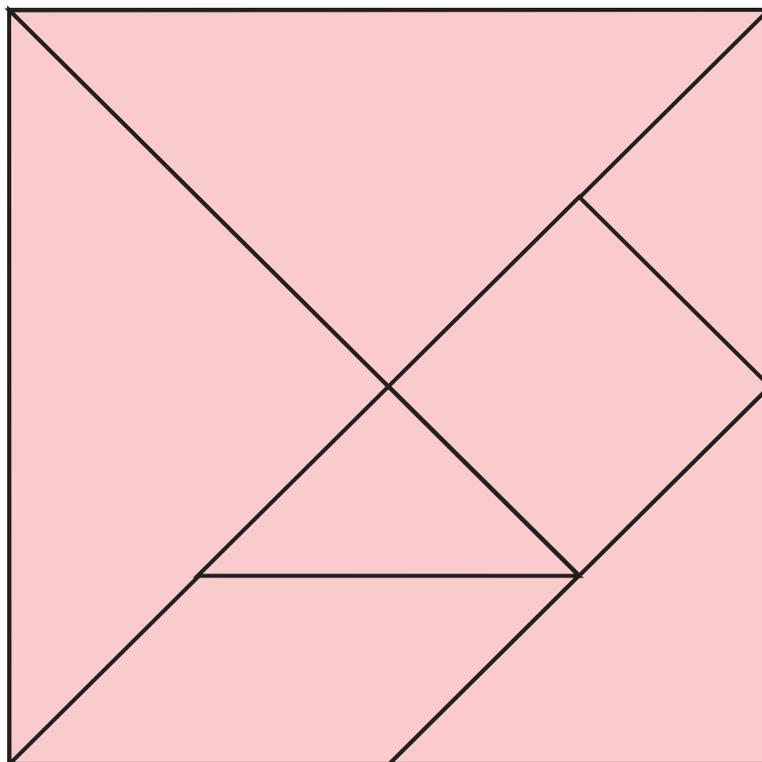
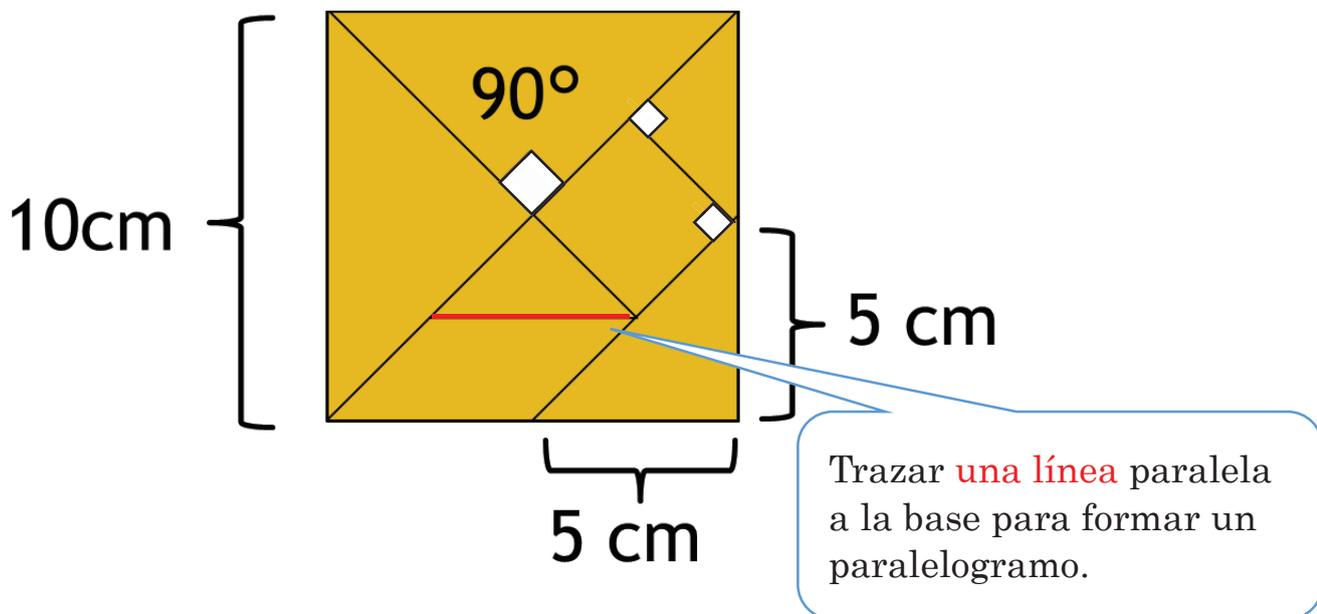
3. Jugar con tangram. (Tienes 5 triángulos, 1 cuadrado y 1 paralelogramo.)



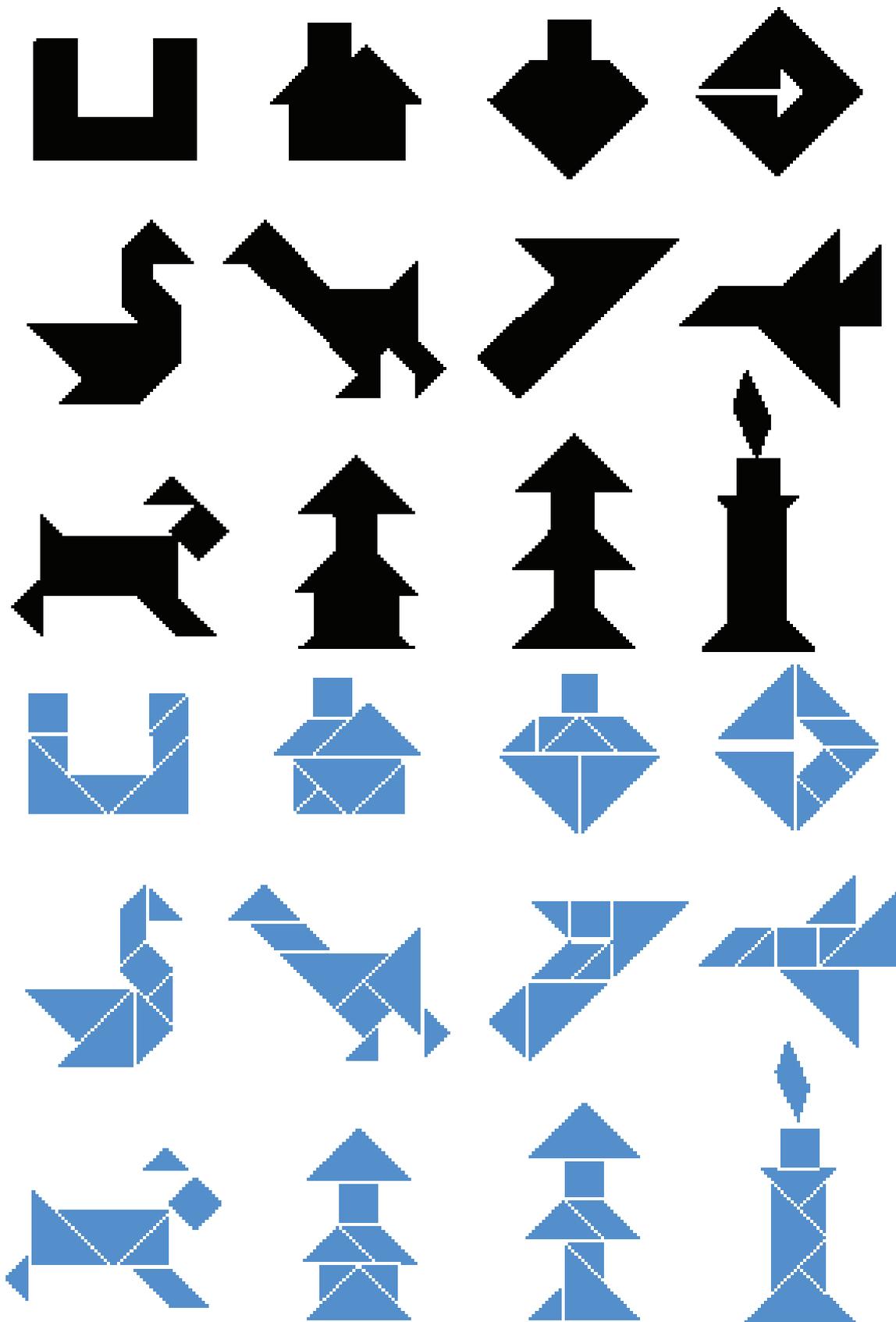
¿Cómo hacer tangram? :

Preparación; cartón o goma eva, marcador, regla, tijeras.

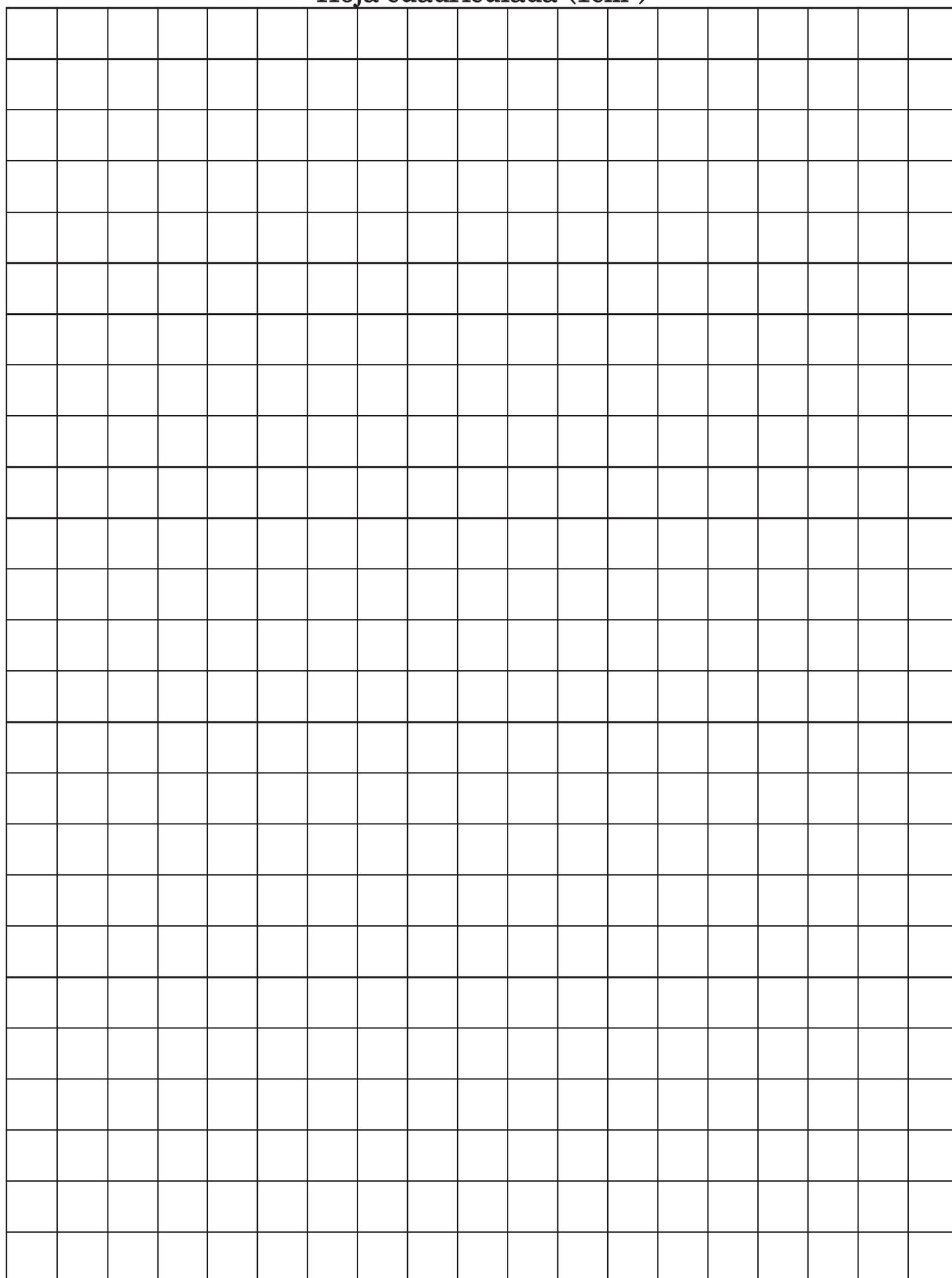
- Cortar cartón 10cm × 10cm de cuadrado.
- Trazar líneas.
- Cortar sobre las líneas.



¿Qué forma podemos armar?

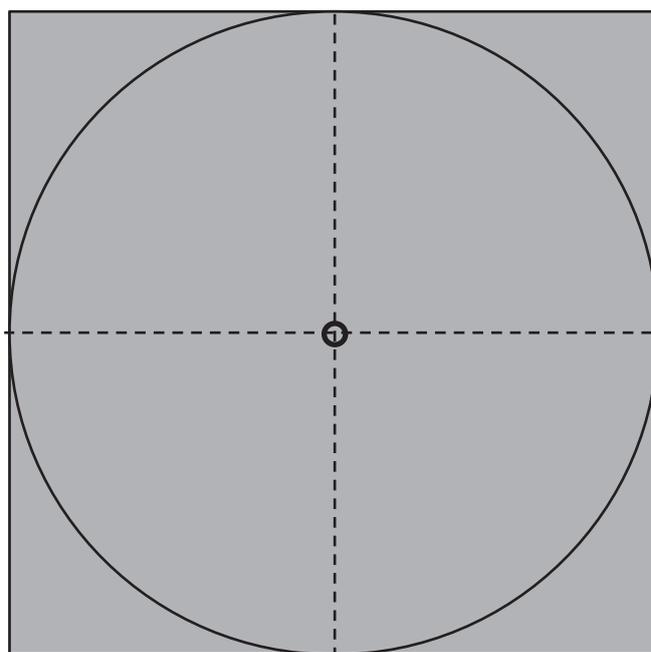
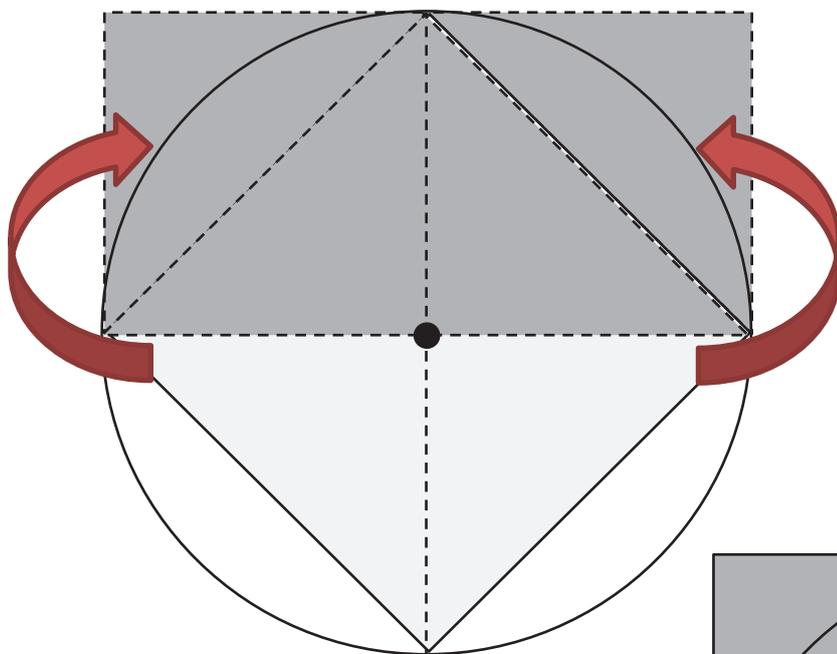
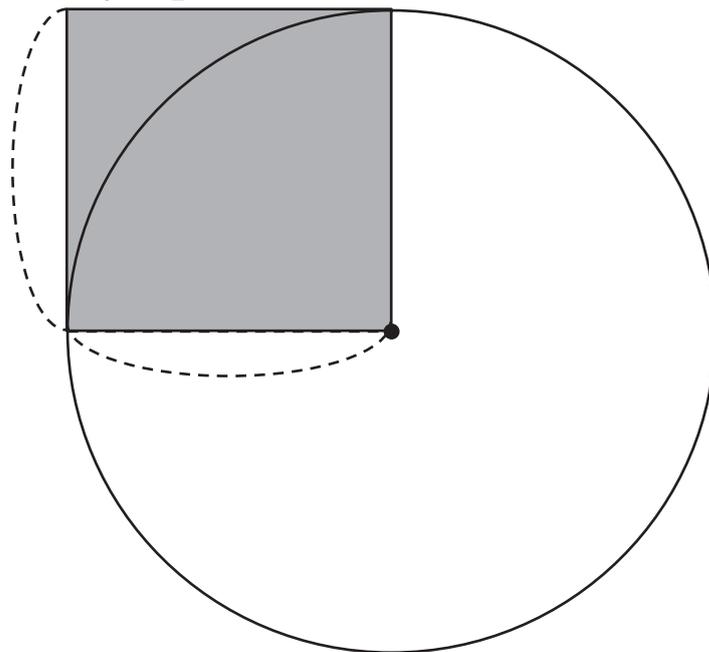


## Hoja cuadriculada (1cm<sup>2</sup>)

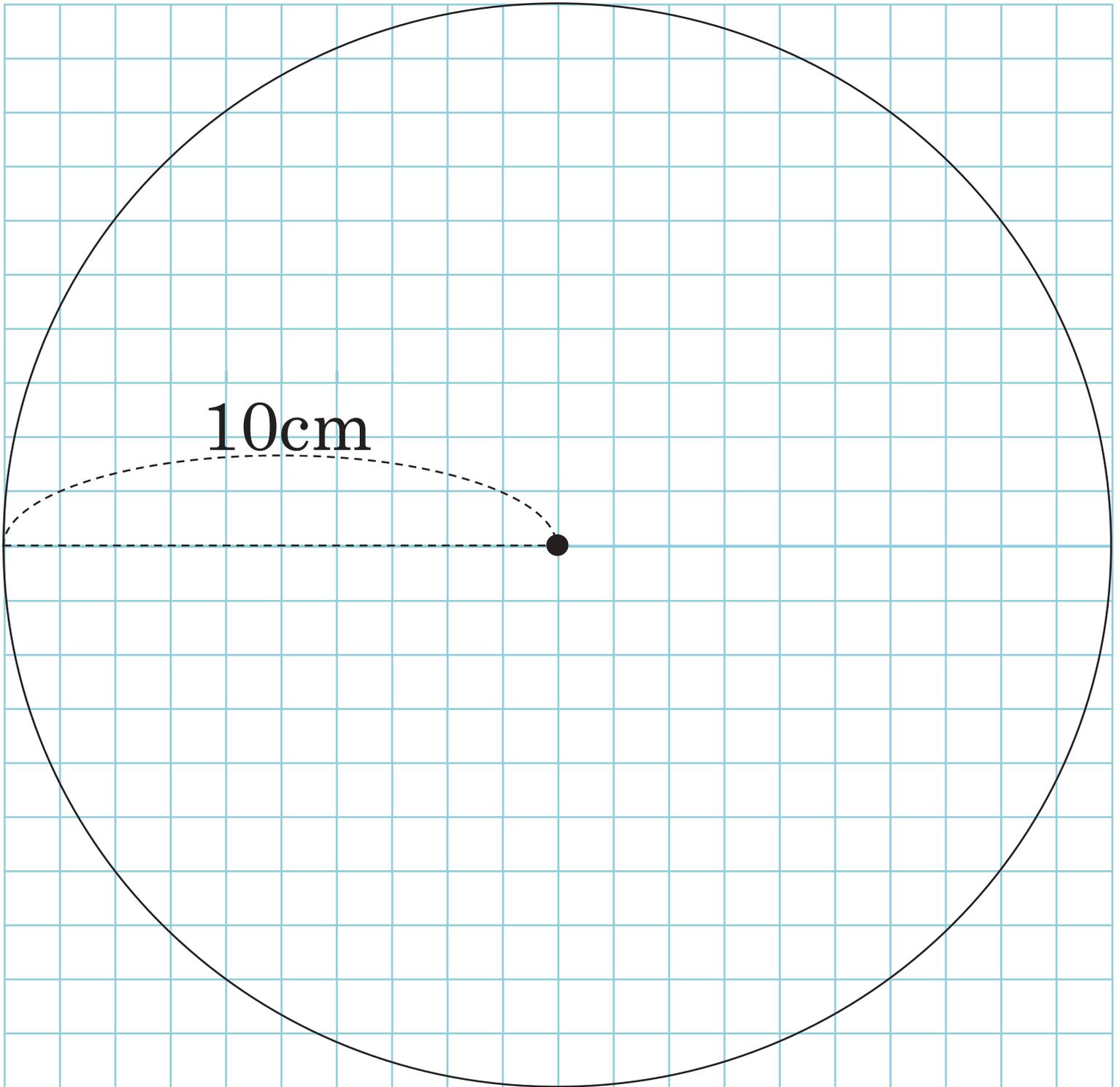


## Hoja de cuadrado

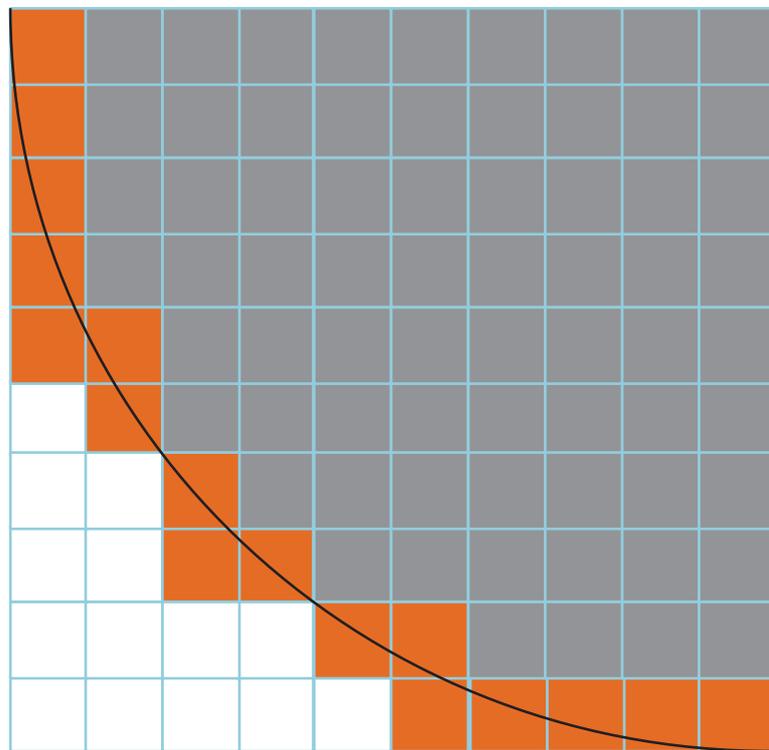

# Dibujos para clase (Área del círculo (1))



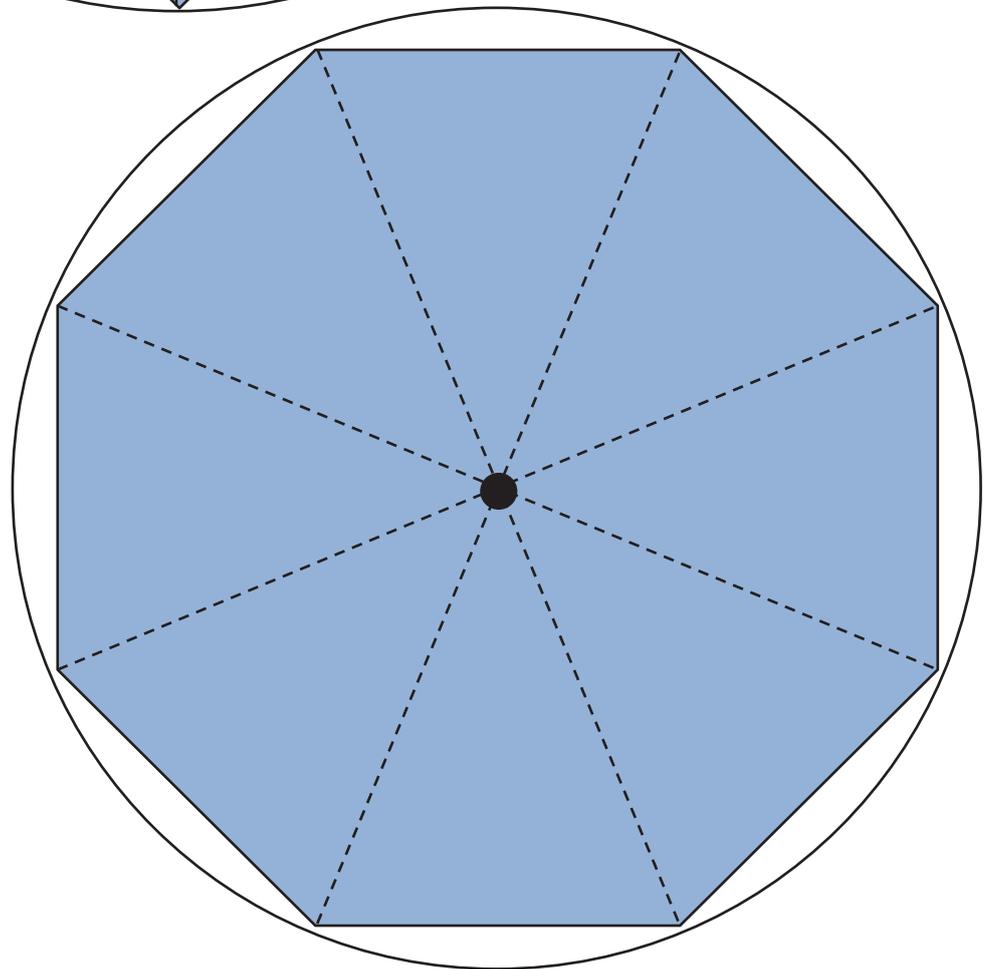
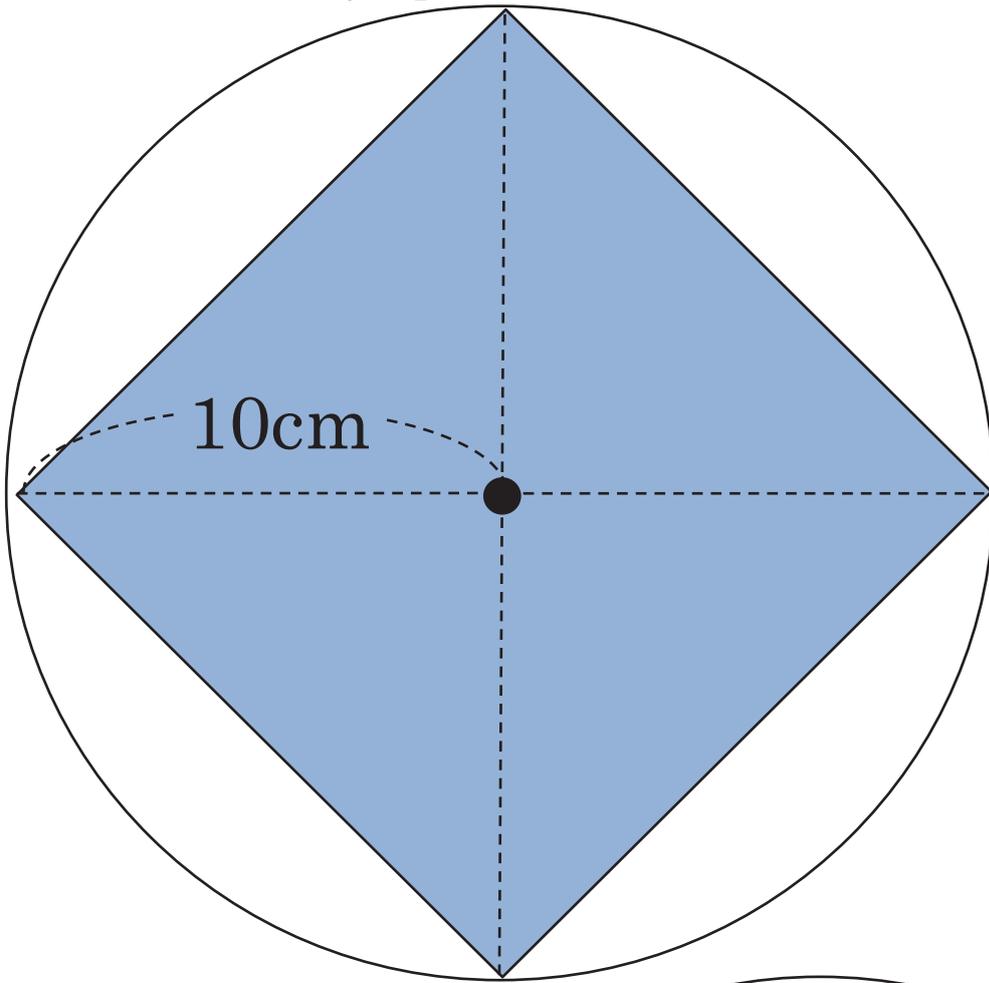
# Dibujos para clase(Área de círculo(1))

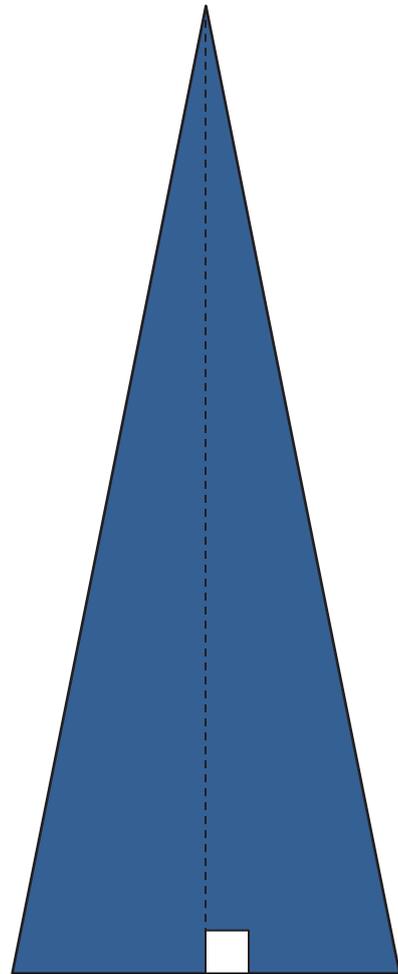
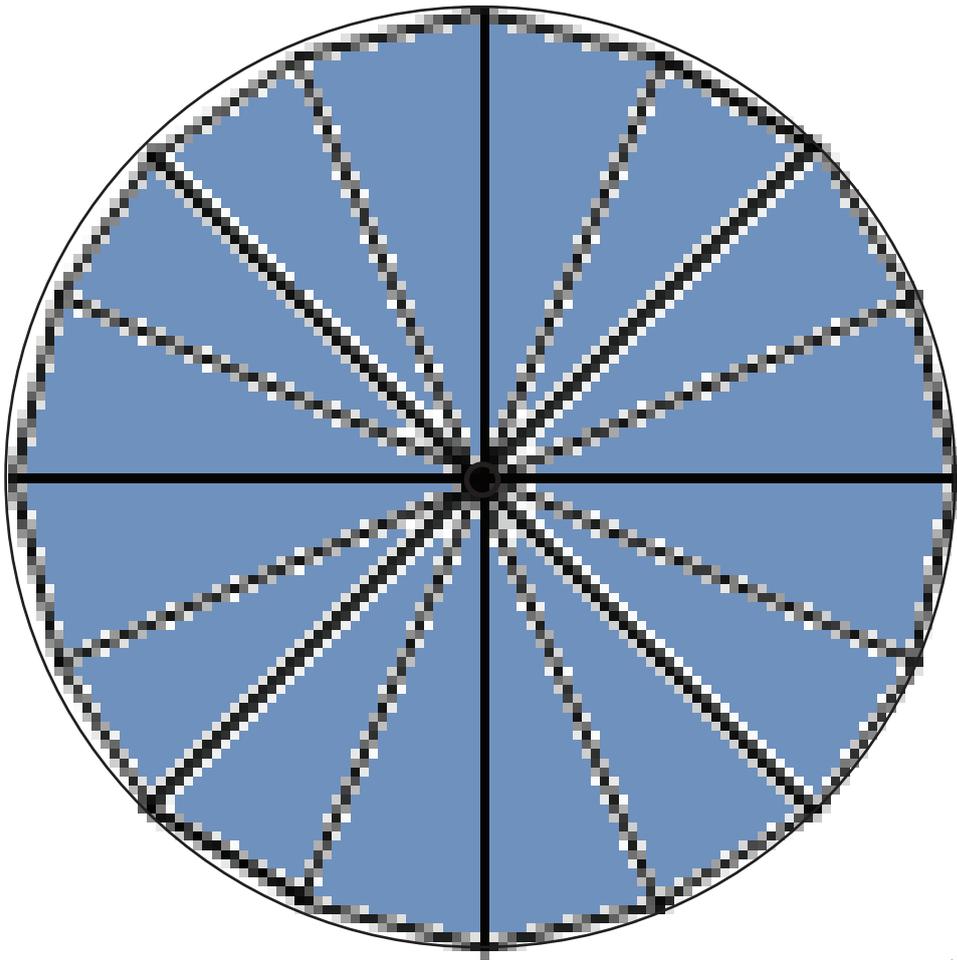


## Dibujos para clase(Área de círculo(1))

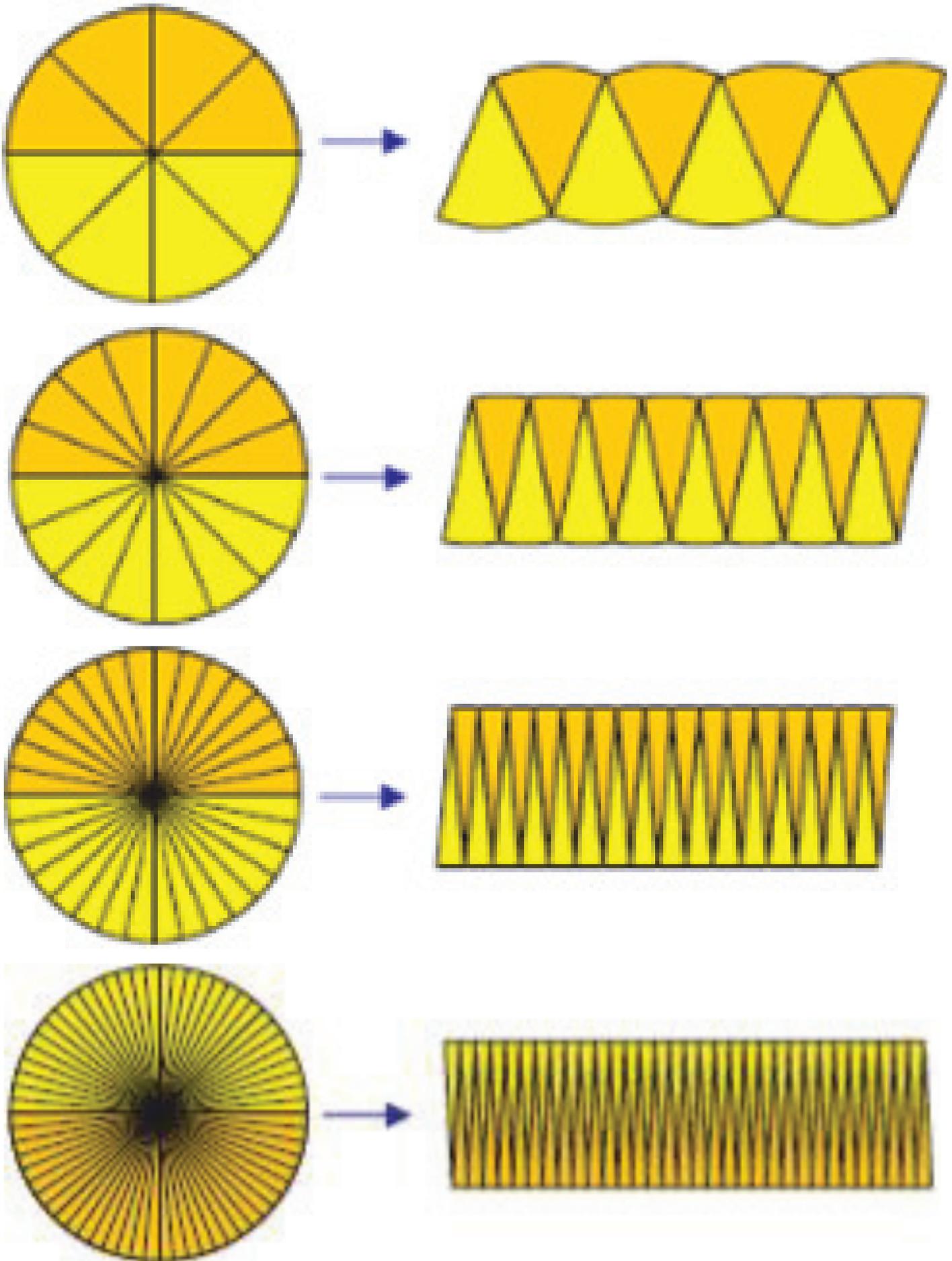


Dibujos para clase(Área del círculo(2))



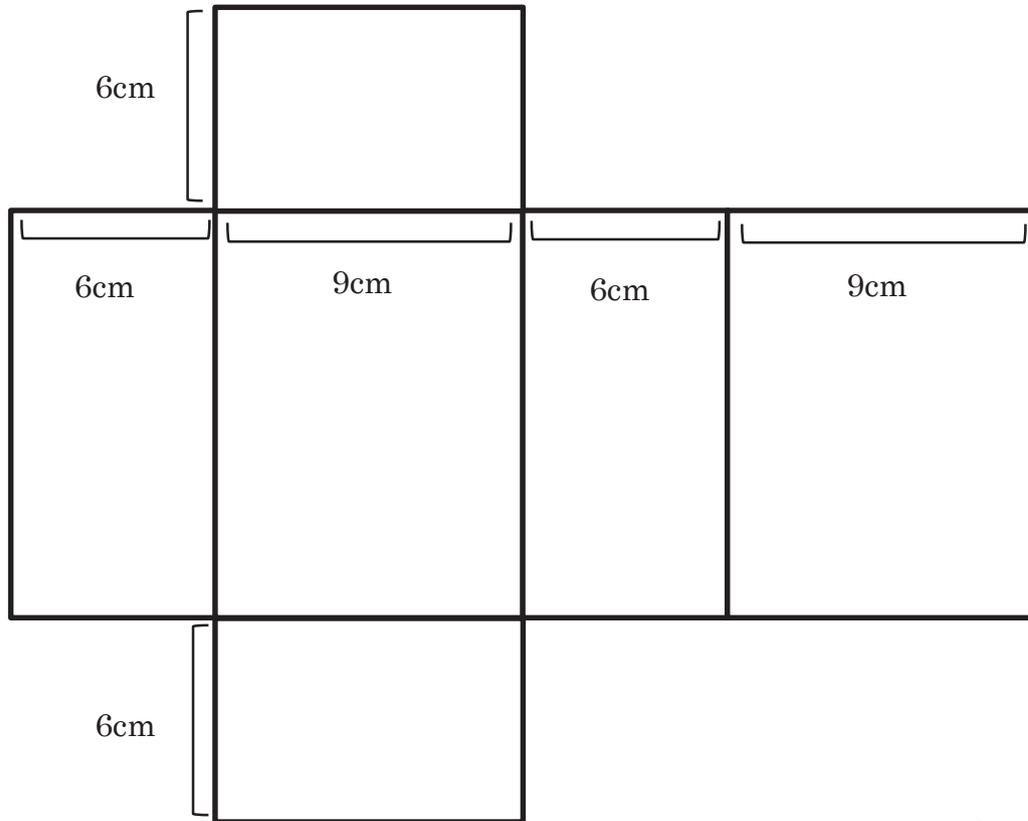


# Los 4 dibujos(Área del círculo)

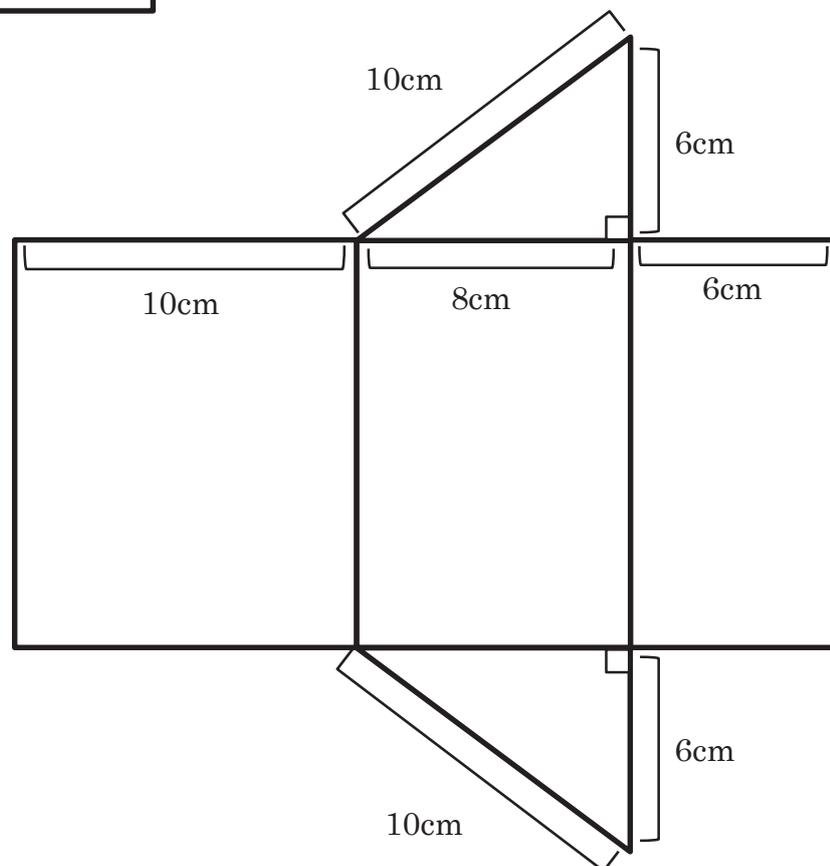


## Plano desarrollado

Prisma rectangular (pág.176)

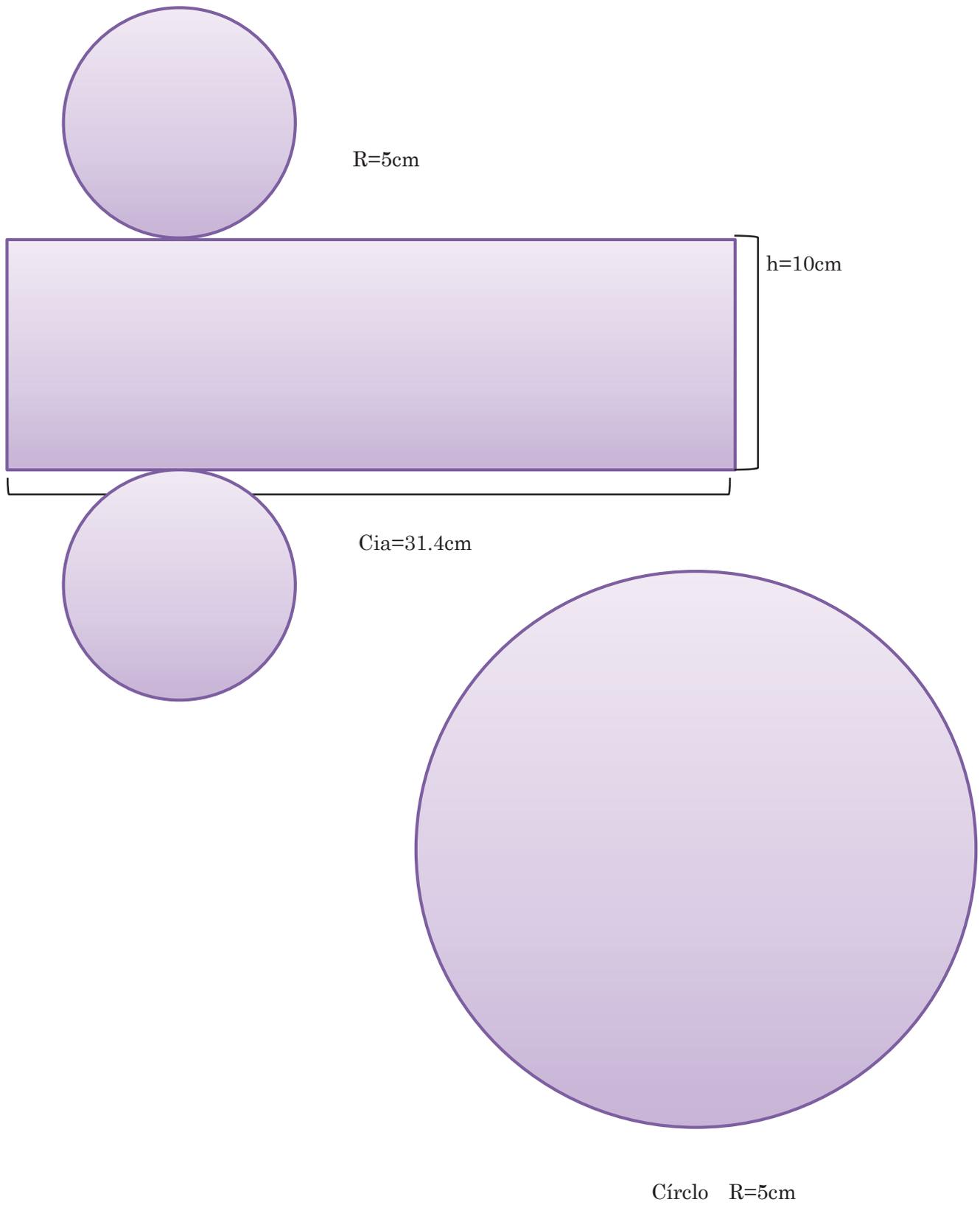


Prisma triangular (pág.178)



# Plano desarrollado

Cilindro(pág.182)



## Agradecimiento

Agradecemos a los/as profesores/as paraguayos y los/as exvoluntarios/as de la JICA por publicar este material “MaPara II”.

En marzo del 2012 los/as exvoluntarios elaboraron el material MaPara para el 1° ciclo. Utilizando este material hemos trabajado con lo/as profesores/as paraguayos/as para mejorar la clase de Matemática. Distribuimos el horario de clase de 40 minutos en 3 momentos: inicio, desarrollo y cierre, dando mayor prioridad y énfasis al proceso de la clase para que los/as niños/as aprendan “*más claro, más divertido y más significativo*”. Muchos docentes que aplicaron esta nueva metodología observaron mejoras en el aprendizaje e hicieron escuchar su voz de que era necesario contar con un material para el 2° Ciclo, por lo que se elaboró MaPara II.

Las ventajas de este material son:

1. Fue elaborado en colaboración con profesores/as paraguayos/as, en un período largo de 6 meses. Durante este proceso, hemos tenido jornadas de trabajo para discutir y adaptar el material al programa de estudio de Paraguay.
2. Realizamos CLASE ABIERTA para evaluar la funcionalidad de la metodología en los/as niños/as y profesores/as de Paraguay, e identificar las debilidades a ser mejoradas para lograr una mejor comprensión.
3. En este material se han incluido el “Plan del pizarrón” y “Ejercicios” para fotocopiar.

Esperamos que en esta oportunidad cada profesor/a de Paraguay pueda contar con este material, y que el mismo sea un instrumento para lograr la mejora de la enseñanza de todas las áreas.

***Este material no es el fin, es el inicio.  
Todo es para lo/as niños/as de Paraguay.  
Todo es para el futuro de Paraguay.  
VIVA! PARAGUAY!***

Enero de 2014 Voluntarios de JICA, Rie Ueda (Valenzuela)

Yu Niizuma (Atyra)

Eri Takahashi (Itacurubí de la Cordillera)

Chiaki Natsume (Itacurubí de la Cordillera)

Hideki Kawahigashi (Yguazu)